

ANALISI A – Seconda Prova Intermedia		11 gennaio 2018
Cognome:	Nome:	Matricola:
MATEMATICA		 Test Es1 Es2 Es3

- Una ed una sola delle quattro affermazioni è corretta. Indicarla con una croce.
- Per annullare una risposta ritenuta errata racchiuderla in un cerchio.
- Risposta corretta: +1.5. Risposta errata: -0.25.

1. Sia $f : \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$ due volte derivabile e tale che $f(0) = f'(0) = f''(0) = 0$. Quale delle seguenti affermazioni è necessariamente vera? a $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{x^3}{f(x)} = 0$; b $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{1}{x^3} \int_0^x f(t) dt = 0$; c 0 è un punto di flesso di f ; d 0 è un punto di massimo o minimo locale di f .
2. Sia $f : [1, +\infty) \rightarrow \mathbf{R}$ una funzione derivabile tale che $f(1) = 0$ e $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = \infty$. Quale delle seguenti affermazioni è necessariamente vera? a Esiste $c > 1$ tale che $f(c) > f'(0)(c - 1)$; b Per ogni $x > 1$ esiste $c > 1$ tale che $f'(x) = f'(c)(x - 1)$; c Per ogni $\lambda > 0$ esiste $c > 1$ tale che $f'(c) = \lambda$; d Per ogni $x > 1$ esiste $c > 1$ tale che $f(x) = f'(c)(x - 1)$.
3. Se $y(x)$ è la soluzione del problema di Cauchy

$$\begin{cases} \frac{4}{\pi^2} y'' + y = 0 \\ y(0) = 0, \quad y'(0) = 1. \end{cases}$$

Allora $y(1) =$ a 0; b $\frac{\pi^2}{4}$; c $\frac{2}{\pi}$; d $\frac{4}{\pi^2}$.

4. L'area della regione piana limitata dalla curva di equazione $y = 2x^3$ e dalla retta di equazione $y = 2x$ è: a 2; b 1; c 0; d $\frac{1}{2}$.
5. Sia f due volte derivabile con $f(0) = f'(0) = 1$ e $f''(0) = 2$. Sia $g(x) := f(\log(1 + 2x))$. Il polinomio di Taylor di grado 2 e centro in $x_0 = 0$ della funzione g è: a $1 + 4x + 8x^2$; b $1 + 4x + 16x^2$; c $1 + 2x + 2x^2$; d $1 + 2x + 4x^2$.
6. Sia $\sum_{k=1}^{+\infty} a_k$ una serie convergente di numeri non negativi. Quale delle seguenti affermazioni è necessariamente vera? a $\sum_{k=1}^{+\infty} \frac{a_k}{a_k + 1}$ è convergente; b $\sum_{k=1}^{+\infty} \sqrt{a_k}$ è convergente; c $\lim_{k \rightarrow +\infty} k^2 a_k = 0$; d $\sum_{k=1}^{+\infty} e^{-a_k}$ è convergente.
7. Il valore minimo di $F(x) := \int_1^x (|t - 2| - 1) dt$ nell'intervallo $[0, 4]$ è: a 1; b -2; c -1; d 0.

8. Sia f una funzione continua in \mathbf{R} . Allora $\int_0^3 f(5x - 2) dx =$ a $5 \int_2^{11/3} f(t) dt$; b $\frac{1}{5} \int_2^{11/3} f(t) dt$; c $5 \int_{-2}^{13} f(t) dt$; d $\frac{1}{5} \int_{-2}^{13} f(t) dt$.