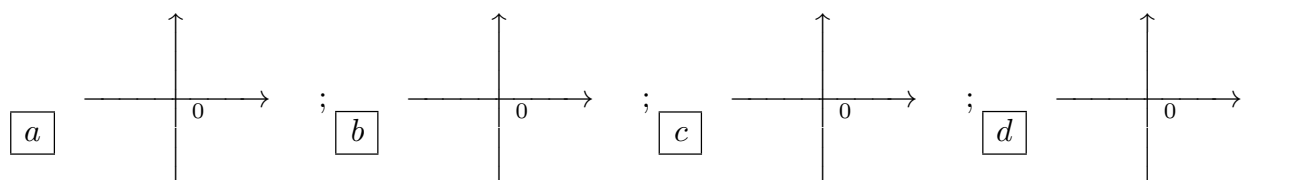


ANALISI MATEMATICA 1 - Secondo appello		15 febbraio 2018	
Cognome:	Nome:	Matricola:	
Corso di laurea:			
		Test	Es1 Es2 Es3

- Una ed una sola delle quattro affermazioni è corretta. Indicarla con una croce.
- Per annullare una risposta ritenuta errata racchiuderla in un cerchio.
- Risposta corretta: +1.5. Risposta errata: -0.25.

1. $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin(e^{2x^2} - \cos x)}{3x \log(1-x)} =$ a -12; b $-\frac{5}{6}$; c $\frac{2}{3}$; d -1.

2. Se $z = -3i^5$, allora le radici terze di z sono:



3. L'insieme dei valori $x \in \mathbf{R}$ in cui la funzione $g(x) = e^{2x}(3x^2 + x - 1)$ è crescente è:

a $\frac{-1-\sqrt{29}}{4} \leq x \leq \frac{-1+\sqrt{29}}{4}$; b $x \leq \frac{2-2\sqrt{7}}{3}, x \geq \frac{2+2\sqrt{7}}{3}$; c $x \leq \frac{-4-\sqrt{22}}{6}, x \geq \frac{-4+\sqrt{22}}{6}$;
 d $\frac{5-\sqrt{31}}{6} \leq x \leq \frac{5+\sqrt{31}}{6}$.

4. L'equazione della retta tangente al grafico della funzione $f(x) = \frac{x^2-3x+1}{x^2-2x}$ nel punto $(1, f(1))$ è: a $y = -x + 2$; b $y = -\frac{1}{3}x + \frac{4}{3}$; c $y = x$; d $y = -\frac{1}{2}x + \frac{3}{2}$.

5. L'insieme del piano che rappresenta i numeri complessi $z \in \mathbf{C}$ per cui $|iz - 2i| \leq 1$ e $\text{Re}(z) \geq 2$ è: a un punto; b l'insieme vuoto; c la metà di un disco; d un disco.

6. Il raggio di convergenza della serie di potenze $\sum_{n=0}^{\infty} \frac{3n^2 + 2}{2^n + 1} x^n$ è: a 4; b 3; c 1;
 d 2.

7. Sia $f : \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$ una funzione derivabile e non negativa. Quale delle seguenti condizioni è compatibile con $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = 4$? a $\int_1^{+\infty} f(x) dx$ è convergente; b $\sum_{n=1}^{\infty} f(n)$ è convergente; c $f'(x) < 0$ per ogni $x \geq 1$; d f risolve $f'(x) = -3f(x)$ per $x \geq 1$.

8. Sia $f : \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$ una funzione derivabile e convessa. Allora, qualunque sia la funzione f con queste proprietà, si ha che: a $\lim_{x \rightarrow +\infty} f'(x) = +\infty$; b $\frac{f'(b)-f'(a)}{b-a} \geq 0$ per ogni $a, b \in \mathbf{R}, a \neq b$; c $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = +\infty$; d $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{f(x)}{x} = +\infty$.

ANALISI MATEMATICA 1 - Secondo appello		15 febbraio 2018	
Cognome:	Nome:	Matricola:	
Corso di laurea:			
		Test	Es1 Es2 Es3

- Una ed una sola delle quattro affermazioni è corretta. Indicarla con una croce.
- Per annullare una risposta ritenuta errata racchiuderla in un cerchio.
- Risposta corretta: +1.5. Risposta errata: -0.25.

1. Il raggio di convergenza della serie di potenze $\sum_{n=0}^{\infty} \frac{2n^2 + 1}{3^n + 1} x^n$ è: a 3; b 1; c 2; d 4.

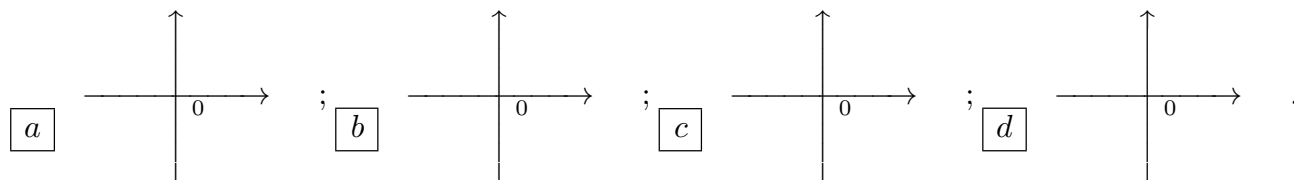
2. L'insieme dei valori $x \in \mathbf{R}$ in cui la funzione $g(x) = e^{-2x}(2x^2 + 3x - 2)$ è crescente è:
 a $x \leq \frac{2-2\sqrt{7}}{3}, x \geq \frac{2+2\sqrt{7}}{3}$; b $x \leq \frac{-4-\sqrt{22}}{6}, x \geq \frac{-4+\sqrt{22}}{6}$; c $\frac{5-\sqrt{31}}{6} \leq x \leq \frac{5+\sqrt{31}}{6}$;
 d $\frac{-1-\sqrt{29}}{4} \leq x \leq \frac{-1+\sqrt{29}}{4}$.

3. L'equazione della retta tangente al grafico della funzione $f(x) = \frac{x^2 - 2x - 1}{x^2 - 3x}$ nel punto $(1, f(1))$ è: a $y = -\frac{1}{3}x + \frac{4}{3}$; b $y = x$; c $y = -\frac{1}{2}x + \frac{3}{2}$; d $y = -x + 2$.

4. Sia $f : \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$ una funzione derivabile e non negativa. Quale delle seguenti condizioni implica $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = 0$? a $\sum_{n=1}^{\infty} f(n)$ è convergente; b $f'(x) < 0$ per ogni $x \geq 1$; c f risolve $f'(x) = -3f(x)$ per $x \geq 1$; d $\int_1^{+\infty} f(x)dx$ è convergente.

5. $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\log(\cos(2x))}{x \sin(2x)} =$ a $-\frac{5}{6}$; b $\frac{2}{3}$; c -1 ; d -12 .

6. Se $z = 3i^5$, allora le radici terze di z sono:



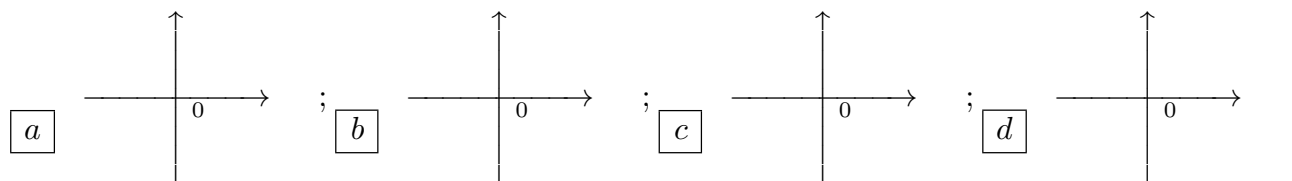
7. Sia $f : \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$ una funzione derivabile e concava. Allora, qualunque sia la funzione f con queste proprietà, si ha che: a $\frac{f'(b) - f'(a)}{b - a} \leq 0$ per ogni $a, b \in \mathbf{R}, a \neq b$; b $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = -\infty$; c $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{f(x)}{x} = -\infty$; d $\lim_{x \rightarrow +\infty} f'(x) = -\infty$.

8. L'insieme del piano che rappresenta i numeri complessi $z \in \mathbf{C}$ per cui $|iz - 2i| \leq 1$ e $\text{Re}(z) \geq 1$ è: a l'insieme vuoto; b la metà di un disco; c un disco; d un punto.

ANALISI MATEMATICA 1 - Secondo appello		15 febbraio 2018	
Cognome:	Nome:	Matricola:	
Corso di laurea:			
		Test	Es1 Es2 Es3

- Una ed una sola delle quattro affermazioni è corretta. Indicarla con una croce.
- Per annullare una risposta ritenuta errata racchiuderla in un cerchio.
- Risposta corretta: +1.5. Risposta errata: -0.25.

1. Se $z = -3i^6$, allora le radici terze di z sono:



2. L'equazione della retta tangente al grafico della funzione $f(x) = \frac{x^2-x+2}{x^2+x}$ nel punto $(1, f(1))$ è:
 $y = x$; $y = -\frac{1}{2}x + \frac{3}{2}$; $y = -x + 2$; $y = -\frac{1}{3}x + \frac{4}{3}$.

3. Sia $f : \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$ una funzione derivabile e non negativa. Quale delle seguenti condizioni è compatibile con $f(n) < f(n+1)$ per ogni $n \in \mathbf{N}$?
 $f'(x) < 0$ per ogni $x \geq 1$;
 f risolve $f'(x) = -3f(x)$ per $x \geq 1$; $\int_1^{+\infty} f(x)dx$ è convergente; $\sum_{n=1}^{\infty} f(n)$ è convergente.

4. Sia $f : \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$ una funzione derivabile e convessa. Allora, qualunque sia la funzione f con queste proprietà, si ha che:
 $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = +\infty$; $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{f(x)}{x} = +\infty$;
 $\lim_{x \rightarrow +\infty} f'(x) = +\infty$; $\frac{f'(b)-f'(a)}{b-a} \geq 0$ per ogni $a, b \in \mathbf{R}$, $a \neq b$.

5. Il raggio di convergenza della serie di potenze $\sum_{n=0}^{\infty} \frac{4n^2+1}{3^{-n}+1} x^n$ è: 1; 2; 4;
 3.

6. L'insieme dei valori $x \in \mathbf{R}$ in cui la funzione $g(x) = e^{-3x}(2x^2 - 2x - 1)$ è crescente è:
 $x \leq \frac{-4-\sqrt{22}}{6}$, $x \geq \frac{-4+\sqrt{22}}{6}$; $\frac{5-\sqrt{31}}{6} \leq x \leq \frac{5+\sqrt{31}}{6}$; $\frac{-1-\sqrt{29}}{4} \leq x \leq \frac{-1+\sqrt{29}}{4}$;
 $x \leq \frac{2-2\sqrt{7}}{3}$, $x \geq \frac{2+2\sqrt{7}}{3}$.

7. L'insieme del piano che rappresenta i numeri complessi $z \in \mathbf{C}$ per cui $|iz - 2i| \leq 1$ e $\text{Im}(z) \geq 1$ è: la metà di un disco; un disco; un punto; l'insieme vuoto.

8. $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{x \log(1-3x)}{\log(\cos(3x))} =$ $\frac{2}{3}$; -1; -12; $-\frac{5}{6}$.

ANALISI MATEMATICA 1 - Secondo appello		15 febbraio 2018	
Cognome:	Nome:	Matricola:	
Corso di laurea:			
		Test	
		Es1	
		Es2	
		Es3	

- Una ed una sola delle quattro affermazioni è corretta. Indicarla con una croce.
- Per annullare una risposta ritenuta errata racchiuderla in un cerchio.
- Risposta corretta: +1.5. Risposta errata: -0.25.

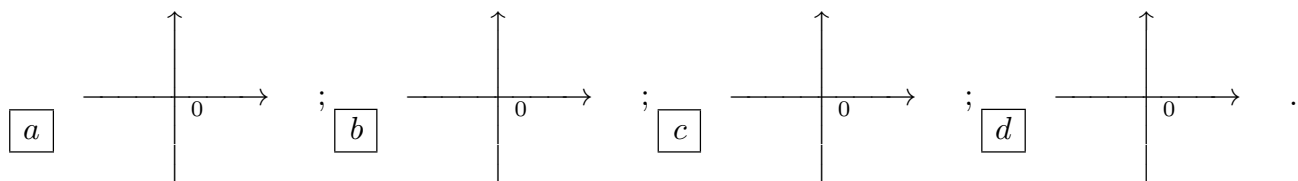
1. L'insieme dei valori $x \in \mathbf{R}$ in cui la funzione $g(x) = e^{3x}(x^2 - 2x - 2)$ è crescente è:
 $\frac{5-\sqrt{31}}{6} \leq x \leq \frac{5+\sqrt{31}}{6}$; $\frac{-1-\sqrt{29}}{4} \leq x \leq \frac{-1+\sqrt{29}}{4}$; $x \leq \frac{2-2\sqrt{7}}{3}, x \geq \frac{2+2\sqrt{7}}{3}$;
 $x \leq \frac{-4-\sqrt{22}}{6}, x \geq \frac{-4+\sqrt{22}}{6}$.

2. Sia $f : \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$ una funzione derivabile e non negativa. Quale delle seguenti condizioni è compatibile con $\lim_{n \rightarrow \infty} \int_n^{n+1} f(x)dx = +\infty$? f risolve $f'(x) = -3f(x)$ per $x \geq 1$;
 $\int_1^{+\infty} f(x)dx$ è convergente; $\sum_{n=1}^{\infty} f(n)$ è convergente; $f'(x) < 0$ per ogni $x \geq 1$.

3. Sia $f : \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$ una funzione derivabile e concava. Allora, qualunque sia la funzione f con queste proprietà, si ha che: $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{f(x)}{x} = -\infty$; $\lim_{x \rightarrow +\infty} f'(x) = -\infty$;
 $\frac{f'(b)-f'(a)}{b-a} \leq 0$ per ogni $a, b \in \mathbf{R}, a \neq b$; $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = -\infty$.

4. L'insieme del piano che rappresenta i numeri complessi $z \in \mathbf{C}$ per cui $|iz - 2i| \leq 1$ e $\text{Im}(z) \geq 2$ è: un disco; un punto; l'insieme vuoto; la metà di un disco.

5. Se $z = 3i^6$, allora le radici terze di z sono:



6. L'equazione della retta tangente al grafico della funzione $f(x) = \frac{x^2+x+1}{x^2+2x}$ nel punto $(1, f(1))$ è:
 $y = -\frac{1}{2}x + \frac{3}{2}$; $y = -x + 2$; $y = -\frac{1}{3}x + \frac{4}{3}$; $y = x$.

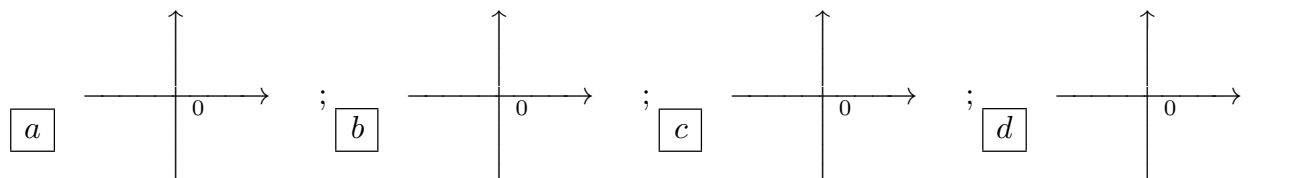
7. $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{2x \sin(3x)}{\sin(e^{-x^2} - \cos x)}$ = -1; -12; $-\frac{5}{6}$; $\frac{2}{3}$.

8. Il raggio di convergenza della serie di potenze $\sum_{n=0}^{\infty} \frac{4n^2 + 2}{2^{-n} + 1} x^n$ è: 2; 4; 3;
 1.

ANALISI MATEMATICA 1 - Secondo appello		15 febbraio 2018	
Cognome:	Nome:	Matricola:	
Corso di laurea:			
		Test	Es1 Es2 Es3

- Una ed una sola delle quattro affermazioni è corretta. Indicarla con una croce.
- Per annullare una risposta ritenuta errata racchiuderla in un cerchio.
- Risposta corretta: +1.5. Risposta errata: -0.25.

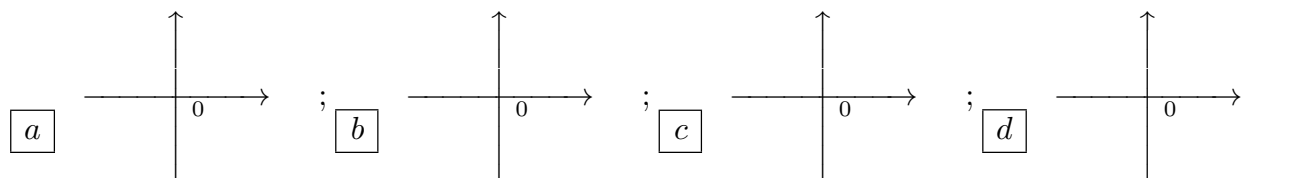
- L'equazione della retta tangente al grafico della funzione $f(x) = \frac{x^2+x+1}{x^2+2x}$ nel punto $(1, f(1))$ è:
 $y = -x + 2$; $y = -\frac{1}{3}x + \frac{4}{3}$; $y = x$; $y = -\frac{1}{2}x + \frac{3}{2}$.
- Sia $f : \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$ una funzione derivabile e convessa. Allora, qualunque sia la funzione f con queste proprietà, si ha che: $\lim_{x \rightarrow +\infty} f'(x) = +\infty$; $\frac{f'(b)-f'(a)}{b-a} \geq 0$ per ogni $a, b \in \mathbf{R}$, $a \neq b$; $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = +\infty$; $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{f(x)}{x} = +\infty$.
- L'insieme del piano che rappresenta i numeri complessi $z \in \mathbf{C}$ per cui $|iz - 2i| \leq 1$ e $\text{Re}(z) \geq 1$ è: un punto; l'insieme vuoto; la metà di un disco; un disco.
- $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{x \log(1 - 3x)}{\log(\cos(3x))} =$ -12; $-\frac{5}{6}$; $\frac{2}{3}$; -1.
- L'insieme dei valori $x \in \mathbf{R}$ in cui la funzione $g(x) = e^{-2x}(2x^2 + 3x - 2)$ è crescente è:
 $\frac{-1-\sqrt{29}}{4} \leq x \leq \frac{-1+\sqrt{29}}{4}$; $x \leq \frac{2-2\sqrt{7}}{3}$, $x \geq \frac{2+2\sqrt{7}}{3}$; $x \leq \frac{-4-\sqrt{22}}{6}$, $x \geq \frac{-4+\sqrt{22}}{6}$;
 $\frac{5-\sqrt{31}}{6} \leq x \leq \frac{5+\sqrt{31}}{6}$.
- Sia $f : \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$ una funzione derivabile e non negativa. Quale delle seguenti condizioni è compatibile con $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = 4$? $\int_1^{+\infty} f(x)dx$ è convergente; $\sum_{n=1}^{\infty} f(n)$ è convergente; $f'(x) < 0$ per ogni $x \geq 1$; f risolve $f'(x) = -3f(x)$ per $x \geq 1$.
- Il raggio di convergenza della serie di potenze $\sum_{n=0}^{\infty} \frac{2n^2 + 1}{3n + 1} x^n$ è: 4; 3; 1;
 2.
- Se $z = -3i^5$, allora le radici terze di z sono:



ANALISI MATEMATICA 1 - Secondo appello		15 febbraio 2018	
Cognome:	Nome:	Matricola:	
Corso di laurea:			
		Test	
		Es1	
		Es2	
		Es3	

- Una ed una sola delle quattro affermazioni è corretta. Indicarla con una croce.
- Per annullare una risposta ritenuta errata racchiuderla in un cerchio.
- Risposta corretta: +1.5. Risposta errata: -0.25.

- Sia $f : \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$ una funzione derivabile e non negativa. Quale delle seguenti condizioni è compatibile con $\lim_{n \rightarrow \infty} \int_n^{n+1} f(x) dx = +\infty$? a $\sum_{n=1}^{\infty} f(n)$ è convergente; b $f'(x) < 0$ per ogni $x \geq 1$; c f risolve $f'(x) = -3f(x)$ per $x \geq 1$; d $\int_1^{+\infty} f(x) dx$ è convergente.
- L'insieme del piano che rappresenta i numeri complessi $z \in \mathbf{C}$ per cui $|iz - 2i| \leq 1$ e $\text{Im}(z) \geq 1$ è: a l'insieme vuoto; b la metà di un disco; c un disco; d un punto.
- $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{2x \sin(3x)}{\sin(e^{-x^2} - \cos x)}$ = a $-\frac{5}{6}$; b $\frac{2}{3}$; c -1 ; d -12 .
- Il raggio di convergenza della serie di potenze $\sum_{n=0}^{\infty} \frac{4n^2 + 2}{2^{-n} + 1} x^n$ è: a 3; b 1; c 2; d 4.
- L'equazione della retta tangente al grafico della funzione $f(x) = \frac{x^2 - 3x + 1}{x^2 - 2x}$ nel punto $(1, f(1))$ è: a $y = -\frac{1}{3}x + \frac{4}{3}$; b $y = x$; c $y = -\frac{1}{2}x + \frac{3}{2}$; d $y = -x + 2$.
- Sia $f : \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$ una funzione derivabile e concava. Allora, qualunque sia la funzione f con queste proprietà, si ha che: a $\frac{f'(b) - f'(a)}{b - a} \leq 0$ per ogni $a, b \in \mathbf{R}$, $a \neq b$; b $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = -\infty$; c $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{f(x)}{x} = -\infty$; d $\lim_{x \rightarrow +\infty} f'(x) = -\infty$.
- Se $z = -3i^6$, allora le radici terze di z sono:



- L'insieme dei valori $x \in \mathbf{R}$ in cui la funzione $g(x) = e^{2x}(3x^2 + x - 1)$ è crescente è: a $x \leq \frac{2-2\sqrt{7}}{3}$, $x \geq \frac{2+2\sqrt{7}}{3}$; b $x \leq \frac{-4-\sqrt{22}}{6}$, $x \geq \frac{-4+\sqrt{22}}{6}$; c $\frac{5-\sqrt{31}}{6} \leq x \leq \frac{5+\sqrt{31}}{6}$; d $\frac{-1-\sqrt{29}}{4} \leq x \leq \frac{-1+\sqrt{29}}{4}$.

ANALISI MATEMATICA 1 - Secondo appello		15 febbraio 2018	
Cognome:	Nome:	Matricola:	
Corso di laurea:			
		Test	Es1 Es2 Es3

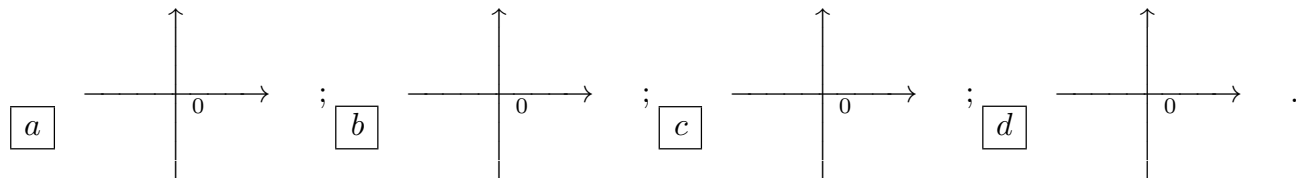
- Una ed una sola delle quattro affermazioni è corretta. Indicarla con una croce.
- Per annullare una risposta ritenuta errata racchiuderla in un cerchio.
- Risposta corretta: +1.5. Risposta errata: -0.25.

1. Sia $f : \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$ una funzione derivabile e convessa. Allora, qualunque sia la funzione f con queste proprietà, si ha che: a $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = +\infty$; b $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{f(x)}{x} = +\infty$; c $\lim_{x \rightarrow +\infty} f'(x) = +\infty$; d $\frac{f'(b)-f'(a)}{b-a} \geq 0$ per ogni $a, b \in \mathbf{R}$, $a \neq b$.

2. $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin(e^{2x^2} - \cos x)}{3x \log(1-x)} =$ a $\frac{2}{3}$; b -1 ; c -12 ; d $-\frac{5}{6}$.

3. Il raggio di convergenza della serie di potenze $\sum_{n=0}^{\infty} \frac{4n^2 + 1}{3^{-n} + 1} x^n$ è: a 1 ; b 2 ; c 4 ; d 3 .

4. Se $z = 3i^6$, allora le radici terze di z sono:



5. Sia $f : \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$ una funzione derivabile e non negativa. Quale delle seguenti condizioni è compatibile con $f(n) < f(n+1)$ per ogni $n \in \mathbf{N}$? a $f'(x) < 0$ per ogni $x \geq 1$; b f risolve $f'(x) = -3f(x)$ per $x \geq 1$; c $\int_1^{+\infty} f(x)dx$ è convergente; d $\sum_{n=1}^{\infty} f(n)$ è convergente.

6. L'insieme del piano che rappresenta i numeri complessi $z \in \mathbf{C}$ per cui $|iz - 2i| \leq 1$ e $\text{Im}(z) \geq 2$ è: a la metà di un disco; b un disco; c un punto; d l'insieme vuoto.

7. L'insieme dei valori $x \in \mathbf{R}$ in cui la funzione $g(x) = e^{3x}(x^2 - 2x - 2)$ è crescente è:

a $x \leq \frac{-4-\sqrt{22}}{6}$, $x \geq \frac{-4+\sqrt{22}}{6}$; b $\frac{5-\sqrt{31}}{6} \leq x \leq \frac{5+\sqrt{31}}{6}$; c $\frac{-1-\sqrt{29}}{4} \leq x \leq \frac{-1+\sqrt{29}}{4}$; d $x \leq \frac{2-2\sqrt{7}}{3}$, $x \geq \frac{2+2\sqrt{7}}{3}$.

8. L'equazione della retta tangente al grafico della funzione $f(x) = \frac{x^2-x+2}{x^2+x}$ nel punto $(1, f(1))$ è:

a $y = x$; b $y = -\frac{1}{2}x + \frac{3}{2}$; c $y = -x + 2$; d $y = -\frac{1}{3}x + \frac{4}{3}$.

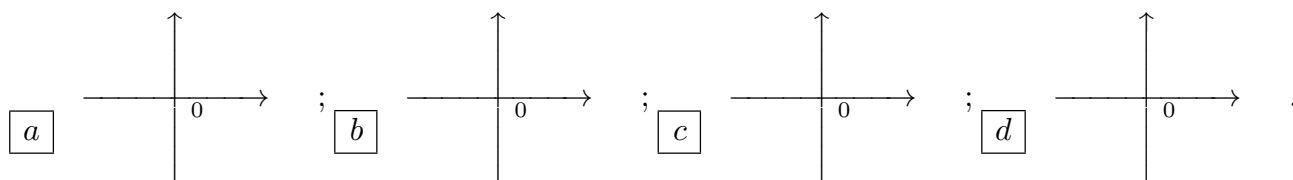
ANALISI MATEMATICA 1 - Secondo appello		15 febbraio 2018	
Cognome:	Nome:	Matricola:	
Corso di laurea:			
		Test Es1 Es2 Es3	

- Una ed una sola delle quattro affermazioni è corretta. Indicarla con una croce.
- Per annullare una risposta ritenuta errata racchiuderla in un cerchio.
- Risposta corretta: +1.5. Risposta errata: -0.25.

1. L'insieme del piano che rappresenta i numeri complessi $z \in \mathbf{C}$ per cui $|iz - 2i| \leq 1$ e $\operatorname{Re}(z) \geq 2$ è: a un disco; b un punto; c l'insieme vuoto; d la metà di un disco.

2. Il raggio di convergenza della serie di potenze $\sum_{n=0}^{\infty} \frac{3n^2 + 2}{2^n + 1} x^n$ è: a 2; b 4; c 3; d 1.

3. Se $z = 3i^5$, allora le radici terze di z sono:



4. L'insieme dei valori $x \in \mathbf{R}$ in cui la funzione $g(x) = e^{-3x}(2x^2 - 2x - 1)$ è crescente è: a $\frac{5-\sqrt{31}}{6} \leq x \leq \frac{5+\sqrt{31}}{6}$; b $\frac{-1-\sqrt{29}}{4} \leq x \leq \frac{-1+\sqrt{29}}{4}$; c $x \leq \frac{2-2\sqrt{7}}{3}, x \geq \frac{2+2\sqrt{7}}{3}$; d $x \leq \frac{-4-\sqrt{22}}{6}, x \geq \frac{-4+\sqrt{22}}{6}$.

5. Sia $f : \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$ una funzione derivabile e concava. Allora, qualunque sia la funzione f con queste proprietà, si ha che: a $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{f(x)}{x} = -\infty$; b $\lim_{x \rightarrow +\infty} f'(x) = -\infty$; c $\frac{f'(b)-f'(a)}{b-a} \leq 0$ per ogni $a, b \in \mathbf{R}, a \neq b$; d $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = -\infty$.

6. $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\log(\cos(2x))}{x \sin(2x)} =$ a -1; b -12; c $-\frac{5}{6}$; d $\frac{2}{3}$.

7. L'equazione della retta tangente al grafico della funzione $f(x) = \frac{x^2 - 2x - 1}{x^2 - 3x}$ nel punto $(1, f(1))$ è: a $y = -\frac{1}{2}x + \frac{3}{2}$; b $y = -x + 2$; c $y = -\frac{1}{3}x + \frac{4}{3}$; d $y = x$.

8. Sia $f : \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$ una funzione derivabile e non negativa. Quale delle seguenti condizioni implica $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = 0$? a f risolve $f'(x) = -3f(x)$ per $x \geq 1$; b $\int_1^{+\infty} f(x) dx$ è convergente; c $\sum_{n=1}^{\infty} f(n)$ è convergente; d $f'(x) < 0$ per ogni $x \geq 1$.