

1. (6 punti) Si calcoli

$$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin(3x^2) - \log(1 + 3x^2)}{e^{2x^2} + \cos(-2x) - 2}.$$

1. (6 punti) Si calcoli

$$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{2e^{4x^2} + \cos(-4x) - 3}{\log(1 - 2x^2) + \sin(2x^2)}.$$

1. (6 punti) Si calcoli

$$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{e^{2x^2} - \sin(2x^2) - 1}{\cos(2x) + \log(1 + 2x^2) - 1}.$$

1. (6 punti) Si calcoli

$$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\cos(4x) - 4 \log(1 - 2x^2) - 1}{\sin(3x^2) - e^{3x^2} + 1}.$$

2. (6 punti) Determinare (se esistono) i punti di massimo locale e minimo locale e i punti massimo assoluto e minimo assoluto della funzione

$$f(x) = \begin{cases} |x^2 + (\sqrt{3} - 1)x - \sqrt{3}| & \text{per } x < 0 \\ \arctan(x^2 - 1) & \text{per } x \geq 0. \end{cases}$$

Disegnarne quindi un grafico qualitativo.

2. (6 punti) Determinare (se esistono) i punti di massimo locale e minimo locale e i punti massimo assoluto e minimo assoluto della funzione

$$f(x) = \begin{cases} |x^2 + (1 - \sqrt{3})x - \sqrt{3}| & \text{per } x > 0 \\ \arctan(x^2 - 1) & \text{per } x \leq 0. \end{cases}$$

Disegnarne quindi un grafico qualitativo.

2. (6 punti) Determinare (se esistono) i punti di massimo locale e minimo locale e i punti massimo assoluto e minimo assoluto della funzione

$$f(x) = \begin{cases} |x^2 + (\sqrt{2} - 1)x - \sqrt{2}| & \text{per } x < 0 \\ \arctan(x^2 - \sqrt{3}) & \text{per } x \geq 0. \end{cases}$$

Disegnarne quindi un grafico qualitativo.

2. (6 punti) Determinare (se esistono) i punti di massimo locale e minimo locale e i punti massimo assoluto e minimo assoluto della funzione

$$f(x) = \begin{cases} |x^2 + (1 - \sqrt{2})x - \sqrt{2}| & \text{per } x > 0 \\ \arctan(x^2 - \sqrt{3}) & \text{per } x \leq 0. \end{cases}$$

Disegnarne quindi un grafico qualitativo.

3. (6 punti) Si calcoli

$$\int_{\pi/4}^{\pi/3} \frac{1 + \tan^2(x + \pi)}{\tan^2(x + \pi) + \tan(x + \pi) + 1} dx.$$

3. (6 punti) Si calcoli

$$\int_{\pi/4}^{\pi/3} \frac{1 + \tan^2(x - \pi)}{\tan^2(x - \pi) + 2 \tan(x - \pi) + 3} dx.$$

3. (6 punti) Si calcoli

$$\int_{\pi/6}^{\pi/4} \frac{1 + \tan^2(x - \pi)}{\tan^2(x - \pi) + 3 \tan(x - \pi) + 3} dx.$$

3. (6 punti) Si calcoli

$$\int_{\pi/6}^{\pi/4} \frac{1 + \tan^2(x + \pi)}{\tan^2(x + \pi) + 2 \tan(x + \pi) + 4} dx.$$