

1. (6 punti) Dato l'insieme

$$D_t = \{(x, y) \mid 0 \leq x \leq t, 0 \leq y \leq 2x + \sqrt{x^2 + 1}\},$$

sia  $V(t)$  il volume del solido ottenuto ruotando  $D_t$  attorno all'asse  $X$ . Si calcoli  $V(2)$  e si determini il valore del parametro  $\alpha > 0$  per cui

$$\lim_{t \rightarrow 0^+} \frac{V(\alpha t)}{t} = 5.$$

1. (6 punti) Dato l'insieme

$$D_t = \{(x, y) \mid 0 \leq x \leq t, 0 \leq y \leq 2x + \sqrt{x^2 + 1}\},$$

sia  $V(t)$  il volume del solido ottenuto ruotando  $D_t$  attorno all'asse  $Y$ . Si calcoli  $V(3)$  e si determini il valore del parametro  $\alpha > 0$  per cui

$$\lim_{t \rightarrow 0^+} \frac{V(\alpha t)}{t^2} = \frac{1}{4}.$$

1. (6 punti) Dato l'insieme

$$D_t = \{(x, y) \mid 0 \leq x \leq t, 0 \leq y \leq 3x + \sqrt{x^2 + 1}\},$$

sia  $V(t)$  il volume del solido ottenuto ruotando  $D_t$  attorno all'asse  $X$ . Si calcoli  $V(2)$  e si determini il valore del parametro  $\alpha > 0$  per cui

$$\lim_{t \rightarrow 0^+} \frac{V(\alpha t)}{t} = 4.$$

1. (6 punti) Dato l'insieme

$$D_t = \{(x, y) \mid 0 \leq x \leq t, 0 \leq y \leq 3x + \sqrt{x^2 + 1}\},$$

sia  $V(t)$  il volume del solido ottenuto ruotando  $D_t$  attorno all'asse  $Y$ . Si calcoli  $V(3)$  e si determini il valore del parametro  $\alpha > 0$  per cui

$$\lim_{t \rightarrow 0^+} \frac{V(\alpha t)}{t^2} = \frac{1}{5}.$$

2. (6 punti) (i) Si determini l'insieme dei valori del parametro  $x \in \mathbf{R}$  per cui è convergente la serie

$$\sum_{n=0}^{\infty} \frac{n^2 + 2}{1 + n^4} \left( \frac{5n^2}{2 + x^2 n^2} \right)^n .$$

(ii) Si determini se è convergente o divergente la serie  $\sum_{n=0}^{\infty} \left( \frac{5n^2}{2 + 5n^2} \right)^n$  .

2. (6 punti) (i) Si determini l'insieme dei valori del parametro  $x \in \mathbf{R}$  per cui è convergente la serie

$$\sum_{n=0}^{\infty} \frac{n+2}{1+n^3} \left( \frac{3n^2}{1+n^2x^2} \right)^n .$$

(ii) Si determini se è convergente o divergente la serie  $\sum_{n=0}^{\infty} \left( \frac{3n^2}{1+3n^2} \right)^n$  .

2. (6 punti) (i) Si determini l'insieme dei valori del parametro  $x \in \mathbf{R}$  per cui è convergente la serie

$$\sum_{n=0}^{\infty} \frac{n^2 + 1}{2 + n^4} \left( \frac{2n^2}{3 + n^2 x^2} \right)^n .$$

(ii) Si determini se è convergente o divergente la serie  $\sum_{n=0}^{\infty} \left( \frac{2n^2}{3 + 2n^2} \right)^n$  .

2. (6 punti) (i) Si determini l'insieme dei valori del parametro  $x \in \mathbf{R}$  per cui è convergente la serie

$$\sum_{n=0}^{\infty} \frac{n+1}{2+n^3} \left( \frac{4n^2}{2+n^2x^2} \right)^n .$$

(ii) Si determini se è convergente o divergente la serie  $\sum_{n=0}^{\infty} \left( \frac{4n^2}{2+4n^2} \right)^n$  .



**3. (6 punti)** i) Si determinino tutte le soluzioni dell'equazione differenziale

$$y' = (x^2 + 3x - 2)y^7.$$

ii) Si determini la soluzione  $\bar{y}$  tale che  $\bar{y}(0) = -1$ .

iii) Per la soluzione  $\bar{y}$  del punto precedente, si determini  $\bar{y}'(0)$ .

**3. (6 punti)** i) Si determinino tutte le soluzioni dell'equazione differenziale

$$y' = (x^2 + 3x - 2)y^9.$$

ii) Si determini la soluzione  $\bar{y}$  tale che  $\bar{y}(0) = -1$ .

iii) Per la soluzione  $\bar{y}$  del punto precedente, si determini  $\bar{y}'(0)$ .

3. (6 punti) i) Si determinino tutte le soluzioni dell'equazione differenziale

$$y' = (x^2 + 3x - 2)y^{11}.$$

ii) Si determini la soluzione  $\bar{y}$  tale che  $\bar{y}(0) = -1$ .

iii) Per la soluzione  $\bar{y}$  del punto precedente, si determini  $\bar{y}'(0)$ .

**3. (6 punti)** i) Si determinino tutte le soluzioni dell'equazione differenziale

$$y' = (x^2 + 3x - 2)y^{13}.$$

ii) Si determini la soluzione  $\bar{y}$  tale che  $\bar{y}(0) = -1$ .

iii) Per la soluzione  $\bar{y}$  del punto precedente, si determini  $\bar{y}'(0)$ .