

<b>ANALISI MATEMATICA 1 - Prima prova</b>		<b>29 ottobre 2019</b>
<b>Cognome:</b>	<b>Nome:</b>	<b>Matricola:</b>
<b>Corso di laurea:</b>		A      B

- Una ed una sola delle quattro affermazioni è corretta. Indicarla con una croce.
- Per annullare una risposta ritenuta errata racchiuderla in un cerchio.
- Risposta corretta: +1.5. Risposta errata: -0.25.

1. Sia  $g : \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$  una funzione derivabile, con  $g(1) = 1$ ,  $g(2) = 0$ ,  $\lim_{x \rightarrow +\infty} g(x) = 2$ . Allora, qualunque sia la funzione  $g$  con queste proprietà, per  $x \in \mathbf{R}$  la derivata  $g'(x)$  si annulla:   $a$  esattamente due volte;   $b$  almeno due volte (in certi casi più di due, in certi casi esattamente due);   $c$  esattamente una volta;   $d$  almeno una volta (in certi casi più di una, in certi casi esattamente una).

2. Sia  $f(t) = t^5 + 1$ . L'equazione della retta tangente al grafico della funzione inversa  $f^{-1}$  nel punto  $(2, f^{-1}(2))$  è:   $a$   $y = \frac{1}{5}x + \frac{2}{5}$ ;   $b$   $y = \frac{1}{5}x + \frac{6}{5}$ ;   $c$   $y = \frac{1}{5}x + 1$ ;   $d$   $y = \frac{1}{5}x + \frac{3}{5}$ .

3.  $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{3^n + 2^n - n}{n^2 - 3^n + 2^{-n}} =$    $a$  -2;   $b$  -3;   $c$  -1;   $d$   $-\frac{1}{4}$ .

4.  $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin(2x) - 2x}{x^2 \sin x} =$    $a$   $\frac{9}{2}$ ;   $b$  12;   $c$   $-\frac{3}{2}$ ;   $d$   $-\frac{4}{3}$ .

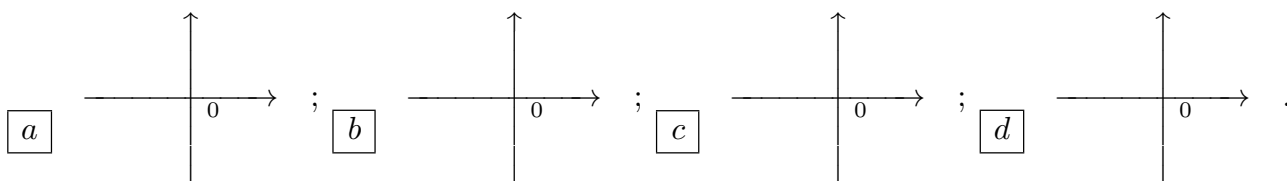
5. Le soluzioni  $z \in \mathbf{C}$  dell'equazione  $(\bar{z} + 1)^2 - z = 1$  sono:   $a$   $0, 1, \frac{3}{2} - \frac{\sqrt{3}}{2}i, \frac{3}{2} + \frac{\sqrt{3}}{2}i$ ;   $b$   $0, 1, -\frac{3}{2} - \frac{3}{2}i, -\frac{3}{2} + \frac{3}{2}i$ ;   $c$   $0, -1, -\frac{3}{2} - \frac{\sqrt{3}}{2}i, -\frac{3}{2} + \frac{\sqrt{3}}{2}i$ ;   $d$   $0, -1, \frac{3}{2} - \frac{3}{2}i, \frac{3}{2} + \frac{3}{2}i$ .

6. Se  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = 1$  allora:   $a$  esiste  $M > 0$  tale che, se  $x > M$ , si ha  $\frac{1}{2} < f(x) < 1$ ;   $b$  esiste  $M > 0$  tale che, se  $x > M$ , si ha  $f(x) < \frac{1}{2}$ ;   $c$  esiste  $M > 0$  tale che, se  $x > M$ , si ha  $f(x) > \frac{3}{4}$ ;   $d$  esiste  $M > 0$  tale che, se  $x > M$ , si ha  $\frac{1}{4} < f(x) < \frac{3}{4}$ .

7.  $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin(\sin(2x)) + x}{3x - \log(1+x)} =$    $a$   $\frac{1}{2}$ ;   $b$   $\frac{4}{3}$ ;   $c$   $\frac{3}{2}$ ;   $d$   $\frac{1}{3}$ .

8. L'equazione della retta tangente al grafico della funzione  $q(x) = \frac{2x^2-1}{x^2+1}$  in  $(1, q(1))$  è:   $a$   $y = \frac{5}{2}x - 2$ ;   $b$   $y = -\frac{5}{2}x + 3$ ;   $c$   $y = \frac{3}{2}x - 1$ ;   $d$   $y = \frac{1}{4}x + \frac{1}{4}$ .

9. Se  $z = 20 + i$ , allora  $z^4$  è:



10. Sia  $f : \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$  una funzione continua, con  $f(0) = \frac{3}{2}$ ,  $f(1) = 2$ . Per quale funzione  $h(x)$  l'equazione  $f(x) + h(x) = 0$  ha soluzione nell'intervallo  $[0, 1]$ ?   $a$   $h(x) = 1 - x^3$ ;   $b$   $h(x) = 2 - x^3$ ;   $c$   $h(x) = x^2 - 2$ ;   $d$   $h(x) = x^2 - 1$ .

<b>ANALISI MATEMATICA 1 - Prima prova</b>		<b>29 ottobre 2019</b>
<b>Cognome:</b>	<b>Nome:</b>	<b>Matricola:</b>
<b>Corso di laurea:</b>		A        B

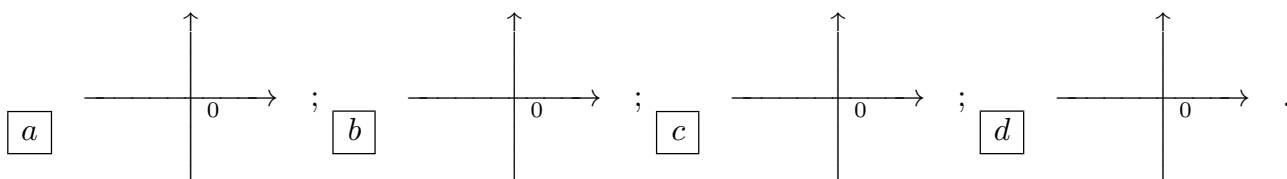
- Una ed una sola delle quattro affermazioni è corretta. Indicarla con una croce.
- Per annullare una risposta ritenuta errata racchiuderla in un cerchio.
- Risposta corretta: +1.5. Risposta errata: -0.25.

1. Se  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = \frac{3}{4}$  allora:  **a** esiste  $M > 0$  tale che, se  $x > M$ , si ha  $f(x) < \frac{1}{2}$ ;  **b** esiste  $M > 0$  tale che, se  $x > M$ , si ha  $f(x) > \frac{3}{4}$ ;  **c** esiste  $M > 0$  tale che, se  $x > M$ , si ha  $\frac{1}{4} < f(x) < \frac{3}{4}$ ;  **d** esiste  $M > 0$  tale che, se  $x > M$ , si ha  $\frac{1}{2} < f(x) < 1$ .

2.  $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{4^n + n^2 + 3^{-n}}{n - 4^{n+1} - 2^n} =$   **a** -3;  **b** -1;  **c**  $-\frac{1}{4}$ ;  **d** -2.

3.  $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{2x - \log(1 + \sin x)}{x + \sin(2x)} =$   **a**  $\frac{4}{3}$ ;  **b**  $\frac{3}{2}$ ;  **c**  $\frac{1}{3}$ ;  **d**  $\frac{1}{2}$ .

4. Se  $z = -1 + 20i$ , allora  $z^4$  è:



5. Sia  $g : \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$  una funzione derivabile, con  $g(1) = 0$ ,  $g(2) = 2$ ,  $\lim_{x \rightarrow +\infty} g(x) = -1$ . Allora, qualunque sia la funzione  $g$  con queste proprietà, per  $x \in \mathbf{R}$  la derivata  $g'(x)$  si annulla:  **a** almeno due volte (in certi casi più di due, in certi casi esattamente due);  **b** esattamente una volta;  **c** almeno una volta (in certi casi più di una, in certi casi esattamente una);  **d** esattamente due volte.

6. L'equazione della retta tangente al grafico della funzione  $q(x) = \frac{x^2+1}{x^2+3}$  in  $(1, q(1))$  è:  **a**  $y = -\frac{5}{2}x + 3$ ;  **b**  $y = \frac{3}{2}x - 1$ ;  **c**  $y = \frac{1}{4}x + \frac{1}{4}$ ;  **d**  $y = \frac{5}{2}x - 2$ .

7.  $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{3x - \sin(3x)}{x^2(e^x - 1)} =$   **a** 12;  **b**  $-\frac{3}{2}$ ;  **c**  $-\frac{4}{3}$ ;  **d**  $\frac{9}{2}$ .

8. Sia  $f(t) = t^5 - 1$ . L'equazione della retta tangente al grafico della funzione inversa  $f^{-1}$  nel punto  $(0, f^{-1}(0))$  è:  **a**  $y = \frac{1}{5}x + \frac{6}{5}$ ;  **b**  $y = \frac{1}{5}x + 1$ ;  **c**  $y = \frac{1}{5}x + \frac{3}{5}$ ;  **d**  $y = \frac{1}{5}x + \frac{2}{5}$ .

9. Sia  $f : \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$  una funzione continua, con  $f(0) = \frac{1}{4}$ ,  $f(1) = \frac{1}{2}$ . Per quale funzione  $h(x)$  l'equazione  $f(x) + h(x) = 0$  ha soluzione nell'intervallo  $[0, 1]$ ?  **a**  $h(x) = 2 - x^3$ ;  **b**  $h(x) = x^2 - 2$ ;  **c**  $h(x) = x^2 - 1$ ;  **d**  $h(x) = 1 - x^3$ .

10. Le soluzioni  $z \in \mathbf{C}$  dell'equazione  $(z+1)^2 - \bar{z} = 1$  sono:  **a**  $0, 1, -\frac{3}{2} - \frac{3}{2}i, -\frac{3}{2} + \frac{3}{2}i$ ;  **b**  $0, -1, -\frac{3}{2} - \frac{\sqrt{3}}{2}i, -\frac{3}{2} + \frac{\sqrt{3}}{2}i$ ;  **c**  $0, -1, \frac{3}{2} - \frac{3}{2}i, \frac{3}{2} + \frac{3}{2}i$ ;  **d**  $0, 1, \frac{3}{2} - \frac{\sqrt{3}}{2}i, \frac{3}{2} + \frac{\sqrt{3}}{2}i$ .

<b>ANALISI MATEMATICA 1 - Prima prova</b>		<b>29 ottobre 2019</b>
<b>Cognome:</b>	<b>Nome:</b>	<b>Matricola:</b>
<b>Corso di laurea:</b>		A      B

- Una ed una sola delle quattro affermazioni è corretta. Indicarla con una croce.
- Per annullare una risposta ritenuta errata racchiuderla in un cerchio.
- Risposta corretta: +1.5. Risposta errata: -0.25.

1. L'equazione della retta tangente al grafico della funzione  $q(x) = \frac{1-2x^2}{x^2-3}$  in  $(1, q(1))$  è:

a  $y = \frac{3}{2}x - 1$ ;  b  $y = \frac{1}{4}x + \frac{1}{4}$ ;  c  $y = \frac{5}{2}x - 2$ ;  d  $y = -\frac{5}{2}x + 3$ .

2.  $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{3x - \sin(2 \sin x)}{x + \log(1+x)} =$   a  $\frac{3}{2}$ ;  b  $\frac{1}{3}$ ;  c  $\frac{1}{2}$ ;  d  $\frac{4}{3}$ .

3.  $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{x^2 \log(1+2x)}{x - \sin x} =$   a  $-\frac{3}{2}$ ;  b  $-\frac{4}{3}$ ;  c  $\frac{9}{2}$ ;  d 12.

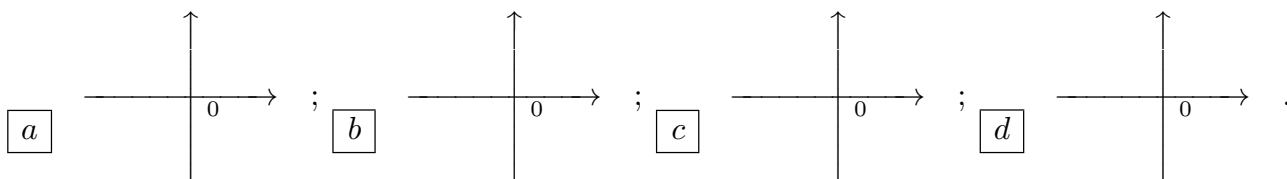
4. Sia  $f : \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$  una funzione continua, con  $f(0) = -\frac{1}{2}$ ,  $f(1) = -\frac{1}{4}$ . Per quale funzione  $h(x)$  l'equazione  $f(x) + h(x) = 0$  ha soluzione nell'intervallo  $[0, 1]$ ?

a  $h(x) = x^2 - 2$ ;  b  $h(x) = x^2 - 1$ ;  c  $h(x) = 1 - x^3$ ;  d  $h(x) = 2 - x^3$ .

5. Se  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = \frac{1}{2}$  allora:  a esiste  $M > 0$  tale che, se  $x > M$ , si ha  $f(x) > \frac{3}{4}$ ;  b esiste  $M > 0$  tale che, se  $x > M$ , si ha  $\frac{1}{4} < f(x) < \frac{3}{4}$ ;  c esiste  $M > 0$  tale che, se  $x > M$ , si ha  $\frac{1}{2} < f(x) < 1$ ;  d esiste  $M > 0$  tale che, se  $x > M$ , si ha  $f(x) < \frac{1}{2}$ .

6. Sia  $f(t) = t^5 + 2$ . L'equazione della retta tangente al grafico della funzione inversa  $f^{-1}$  nel punto  $(3, f^{-1}(3))$  è:  a  $y = \frac{1}{5}x + 1$ ;  b  $y = \frac{1}{5}x + \frac{3}{5}$ ;  c  $y = \frac{1}{5}x + \frac{2}{5}$ ;  d  $y = \frac{1}{5}x + \frac{6}{5}$ .

7. Se  $z = -20 - i$ , allora  $z^4$  è:



8.  $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{4^{-n} - n - 2^{n+1}}{n^2 - 3^{-n} + 2^n} =$   a -1;  b  $-\frac{1}{4}$ ;  c -2;  d -3.

9. Le soluzioni  $z \in \mathbf{C}$  dell'equazione  $(\bar{z} - 1)^2 + z = 1$  sono:  a  $0, -1, -\frac{3}{2} - \frac{\sqrt{3}}{2}i, -\frac{3}{2} + \frac{\sqrt{3}}{2}i$ ;  b  $0, -1, \frac{3}{2} - \frac{\sqrt{3}}{2}i, \frac{3}{2} + \frac{\sqrt{3}}{2}i$ ;  c  $0, 1, \frac{3}{2} - \frac{\sqrt{3}}{2}i, \frac{3}{2} + \frac{\sqrt{3}}{2}i$ ;  d  $0, 1, -\frac{3}{2} - \frac{\sqrt{3}}{2}i, -\frac{3}{2} + \frac{\sqrt{3}}{2}i$ .

10. Sia  $g : \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$  una funzione derivabile, con  $g(1) = 2$ ,  $g(2) = 3$ ,  $\lim_{x \rightarrow -\infty} g(x) = 4$ ,  $\lim_{x \rightarrow +\infty} g(x) =$

1. Allora, qualunque sia la funzione  $g$  con queste proprietà, per  $x \in \mathbf{R}$  la derivata  $g'(x)$  si annulla:  a esattamente una volta;  b almeno una volta (in certi casi più di una, in certi casi esattamente una);  c esattamente due volte;  d almeno due volte (in certi casi più di due, in certi casi esattamente due).

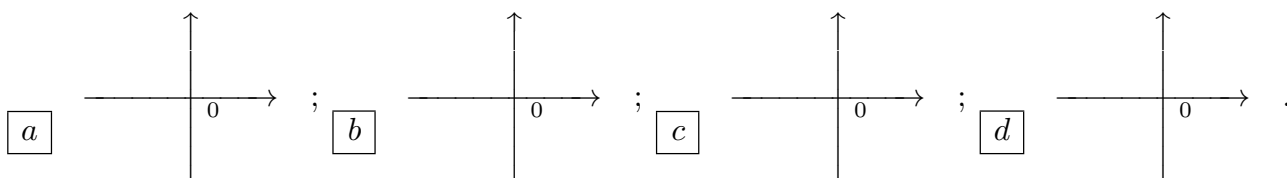
ANALISI MATEMATICA 1 - Prima prova		29 ottobre 2019
Cognome:	Nome:	Matricola:
Corso di laurea:		A   B

- Una ed una sola delle quattro affermazioni è corretta. Indicarla con una croce.
- Per annullare una risposta ritenuta errata racchiuderla in un cerchio.
- Risposta corretta: +1.5. Risposta errata: -0.25.

1. Sia  $f(t) = t^5 - 2$ . L'equazione della retta tangente al grafico della funzione inversa  $f^{-1}$  nel punto  $(-1, f^{-1}(-1))$  è:  a  $y = \frac{1}{5}x + \frac{3}{5}$ ;  b  $y = \frac{1}{5}x + \frac{2}{5}$ ;  c  $y = \frac{1}{5}x + \frac{6}{5}$ ;  d  $y = \frac{1}{5}x + 1$ .

2.  $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{x(1 - \cos x)}{2 \sin x - 2x} =$   a  $-\frac{4}{3}$ ;  b  $\frac{9}{2}$ ;  c 12;  d  $-\frac{3}{2}$ .

3. Se  $z = 1 - 20i$ , allora  $z^4$  è:



4. Le soluzioni  $z \in \mathbf{C}$  dell'equazione  $(z - 1)^2 + \bar{z} = 1$  sono:  a  $0, -1, \frac{3}{2} - \frac{3}{2}i, \frac{3}{2} + \frac{3}{2}i$ ;  b  $0, 1, \frac{3}{2} - \frac{\sqrt{3}}{2}i, \frac{3}{2} + \frac{\sqrt{3}}{2}i$ ;  c  $0, 1, -\frac{3}{2} - \frac{3}{2}i, -\frac{3}{2} + \frac{3}{2}i$ ;  d  $0, -1, -\frac{3}{2} - \frac{\sqrt{3}}{2}i, -\frac{3}{2} + \frac{\sqrt{3}}{2}i$ .

5. L'equazione della retta tangente al grafico della funzione  $q(x) = \frac{2-x^2}{3x^2-1}$  in  $(1, q(1))$  è:  a  $y = \frac{1}{4}x + \frac{1}{4}$ ;  b  $y = \frac{5}{2}x - 2$ ;  c  $y = -\frac{5}{2}x + 3$ ;  d  $y = \frac{3}{2}x - 1$ .

6.  $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{3^{n+1} + n^2 - 4^{-n}}{2^{-n} - 3^n - n} =$   a  $-\frac{1}{4}$ ;  b -2;  c -3;  d -1.

7. Sia  $f : \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$  una funzione continua, con  $f(0) = -\frac{3}{2}$ ,  $f(1) = -2$ . Per quale funzione  $h(x)$  l'equazione  $f(x) + h(x) = 0$  ha soluzione nell'intervallo  $[0, 1]$ ?  a  $h(x) = x^2 - 1$ ;  b  $h(x) = 1 - x^3$ ;  c  $h(x) = 2 - x^3$ ;  d  $h(x) = x^2 - 2$ .

8.  $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{2x + \log(1 + 2 \sin x)}{4x - \sin x} =$   a  $\frac{1}{3}$ ;  b  $\frac{1}{2}$ ;  c  $\frac{4}{3}$ ;  d  $\frac{3}{2}$ .

9. Sia  $g : \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$  una funzione derivabile, con  $g(1) = 3$ ,  $g(2) = 1$ ,  $\lim_{x \rightarrow -\infty} g(x) = 0$ ,  $\lim_{x \rightarrow +\infty} g(x) = 4$ . Allora, qualunque sia la funzione  $g$  con queste proprietà, per  $x \in \mathbf{R}$  la derivata  $g'(x)$  si annulla:  a almeno una volta (in certi casi più di una, in certi casi esattamente una);  b esattamente due volte;  c almeno due volte (in certi casi più di due, in certi casi esattamente due);  d esattamente una volta.

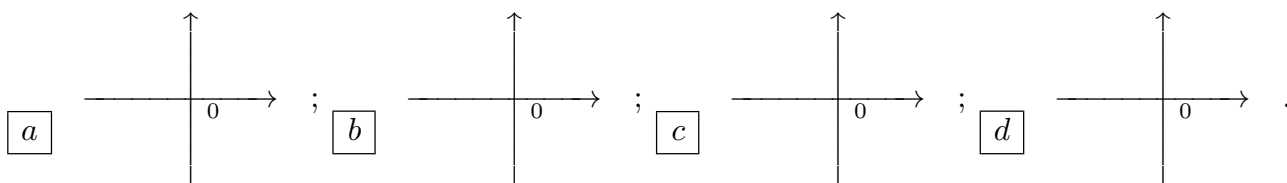
10. Se  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = \frac{1}{4}$  allora:  a esiste  $M > 0$  tale che, se  $x > M$ , si ha  $\frac{1}{4} < f(x) < \frac{3}{4}$ ;  b esiste  $M > 0$  tale che, se  $x > M$ , si ha  $\frac{1}{2} < f(x) < 1$ ;  c esiste  $M > 0$  tale che, se  $x > M$ , si ha  $f(x) < \frac{1}{2}$ ;  d esiste  $M > 0$  tale che, se  $x > M$ , si ha  $f(x) > \frac{3}{4}$ .

<b>ANALISI MATEMATICA 1 - Prima prova</b>		<b>29 ottobre 2019</b>
<b>Cognome:</b>	<b>Nome:</b>	<b>Matricola:</b>
<b>Corso di laurea:</b>		A      B

- Una ed una sola delle quattro affermazioni è corretta. Indicarla con una croce.
- Per annullare una risposta ritenuta errata racchiuderla in un cerchio.
- Risposta corretta: +1.5. Risposta errata: -0.25.

1.  $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{4^n + n^2 + 3^{-n}}{n - 4^{n+1} - 2^n} =$   a -2;  b -3;  c -1;  d  $-\frac{1}{4}$ .

2. Se  $z = -1 + 20i$ , allora  $z^4$  è:



3. Sia  $f : \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$  una funzione continua, con  $f(0) = \frac{1}{4}$ ,  $f(1) = \frac{1}{2}$ . Per quale funzione  $h(x)$  l'equazione  $f(x) + h(x) = 0$  ha soluzione nell'intervallo  $[0, 1]$ ?

a  $h(x) = 1 - x^3$ ;  b  $h(x) = 2 - x^3$ ;  c  $h(x) = x^2 - 2$ ;  d  $h(x) = x^2 - 1$ .

4. Sia  $g : \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$  una funzione derivabile, con  $g(1) = 0$ ,  $g(2) = 2$ ,  $\lim_{x \rightarrow +\infty} g(x) = -1$ . Allora, qualunque sia la funzione  $g$  con queste proprietà, per  $x \in \mathbf{R}$  la derivata  $g'(x)$  si annulla:  a esattamente due volte;  b almeno due volte (in certi casi più di due, in certi casi esattamente due);  c esattamente una volta;  d almeno una volta (in certi casi più di una, in certi casi esattamente una).

5. Sia  $f(t) = t^5 - 2$ . L'equazione della retta tangente al grafico della funzione inversa  $f^{-1}$  nel punto  $(-1, f^{-1}(-1))$  è:  a  $y = \frac{1}{5}x + \frac{2}{5}$ ;  b  $y = \frac{1}{5}x + \frac{6}{5}$ ;  c  $y = \frac{1}{5}x + 1$ ;  d  $y = \frac{1}{5}x + \frac{3}{5}$ .

6.  $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{2x - \log(1 + \sin x)}{x + \sin(2x)} =$   a  $\frac{1}{2}$ ;  b  $\frac{4}{3}$ ;  c  $\frac{3}{2}$ ;  d  $\frac{1}{3}$ .

7. Le soluzioni  $z \in \mathbf{C}$  dell'equazione  $(\bar{z} + 1)^2 - z = 1$  sono:  a  $0, 1, \frac{3}{2} - \frac{\sqrt{3}}{2}i, \frac{3}{2} + \frac{\sqrt{3}}{2}i$ ;  b  $0, 1, -\frac{3}{2} - \frac{3}{2}i, -\frac{3}{2} + \frac{3}{2}i$ ;  c  $0, -1, -\frac{3}{2} - \frac{\sqrt{3}}{2}i, -\frac{3}{2} + \frac{\sqrt{3}}{2}i$ ;  d  $0, -1, \frac{3}{2} - \frac{3}{2}i, \frac{3}{2} + \frac{3}{2}i$ .

8.  $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{x^2 \log(1 + 2x)}{x - \sin x} =$   a  $\frac{9}{2}$ ;  b 12;  c  $-\frac{3}{2}$ ;  d  $-\frac{4}{3}$ .

9. Se  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = 1$  allora:  a esiste  $M > 0$  tale che, se  $x > M$ , si ha  $\frac{1}{2} < f(x) < 1$ ;  b esiste  $M > 0$  tale che, se  $x > M$ , si ha  $f(x) < \frac{1}{2}$ ;  c esiste  $M > 0$  tale che, se  $x > M$ , si ha  $f(x) > \frac{3}{4}$ ;  d esiste  $M > 0$  tale che, se  $x > M$ , si ha  $\frac{1}{4} < f(x) < \frac{3}{4}$ .

10. L'equazione della retta tangente al grafico della funzione  $q(x) = \frac{x^2+1}{x^2+3}$  in  $(1, q(1))$  è:

a  $y = \frac{5}{2}x - 2$ ;  b  $y = -\frac{5}{2}x + 3$ ;  c  $y = \frac{3}{2}x - 1$ ;  d  $y = \frac{1}{4}x + \frac{1}{4}$ .

<b>ANALISI MATEMATICA 1 - Prima prova</b>		<b>29 ottobre 2019</b>
<b>Cognome:</b>	<b>Nome:</b>	<b>Matricola:</b>
<b>Corso di laurea:</b>		A       B

- Una ed una sola delle quattro affermazioni è corretta. Indicarla con una croce.
- Per annullare una risposta ritenuta errata racchiuderla in un cerchio.
- Risposta corretta: +1.5. Risposta errata: -0.25.

1.  $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{2x + \log(1 + 2 \sin x)}{4x - \sin x} =$   a  $\frac{4}{3}$ ;  b  $\frac{3}{2}$ ;  c  $\frac{1}{3}$ ;  d  $\frac{1}{2}$ .

2. Sia  $f : \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$  una funzione continua, con  $f(0) = \frac{1}{4}$ ,  $f(1) = \frac{1}{2}$ . Per quale funzione  $h(x)$  l'equazione  $f(x) + h(x) = 0$  ha soluzione nell'intervallo  $[0, 1]$ ?  
 a  $h(x) = 2 - x^3$ ;  b  $h(x) = x^2 - 2$ ;  c  $h(x) = x^2 - 1$ ;  d  $h(x) = 1 - x^3$ .

3. Le soluzioni  $z \in \mathbf{C}$  dell'equazione  $(z + 1)^2 - \bar{z} = 1$  sono:  a  $0, 1, -\frac{3}{2} - \frac{3}{2}i, -\frac{3}{2} + \frac{3}{2}i$ ;  b  $0, -1, -\frac{3}{2} - \frac{\sqrt{3}}{2}i, -\frac{3}{2} + \frac{\sqrt{3}}{2}i$ ;  c  $0, -1, \frac{3}{2} - \frac{3}{2}i, \frac{3}{2} + \frac{3}{2}i$ ;  d  $0, 1, \frac{3}{2} - \frac{\sqrt{3}}{2}i, \frac{3}{2} + \frac{\sqrt{3}}{2}i$ .

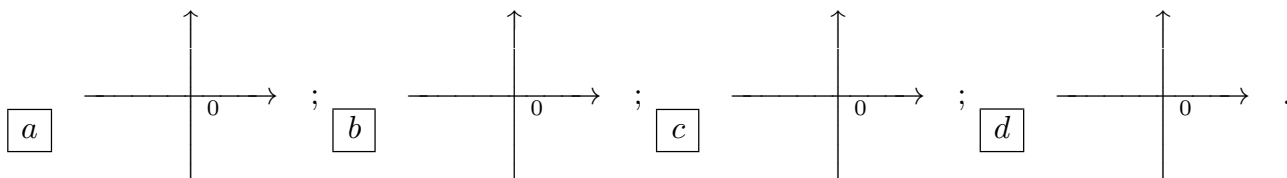
4. Se  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = \frac{1}{2}$  allora:  a esiste  $M > 0$  tale che, se  $x > M$ , si ha  $f(x) < \frac{1}{2}$ ;  b esiste  $M > 0$  tale che, se  $x > M$ , si ha  $f(x) > \frac{3}{4}$ ;  c esiste  $M > 0$  tale che, se  $x > M$ , si ha  $\frac{1}{4} < f(x) < \frac{3}{4}$ ;  d esiste  $M > 0$  tale che, se  $x > M$ , si ha  $\frac{1}{2} < f(x) < 1$ .

5.  $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{3^n + 2^n - n}{n^2 - 3^n + 2^{-n}} =$   a  $-3$ ;  b  $-1$ ;  c  $-\frac{1}{4}$ ;  d  $-2$ .

6.  $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin(2x) - 2x}{x^2 \sin x} =$   a  $12$ ;  b  $-\frac{3}{2}$ ;  c  $-\frac{4}{3}$ ;  d  $\frac{9}{2}$ .

7. Sia  $g : \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$  una funzione derivabile, con  $g(1) = 1$ ,  $g(2) = 0$ ,  $\lim_{x \rightarrow +\infty} g(x) = 2$ . Allora, qualunque sia la funzione  $g$  con queste proprietà, per  $x \in \mathbf{R}$  la derivata  $g'(x)$  si annulla:  a almeno due volte (in certi casi più di due, in certi casi esattamente due);  b esattamente una volta;  c almeno una volta (in certi casi più di una, in certi casi esattamente una);  d esattamente due volte.

8. Se  $z = -20 - i$ , allora  $z^4$  è:

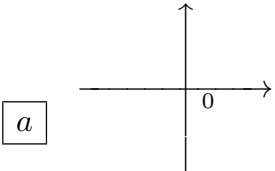
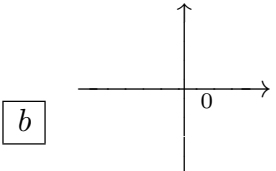
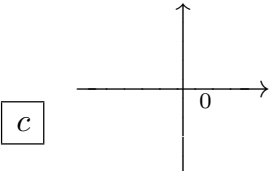
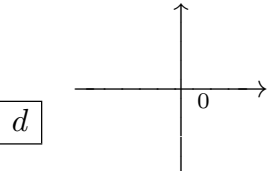


9. L'equazione della retta tangente al grafico della funzione  $q(x) = \frac{2x^2 - 1}{x^2 + 1}$  in  $(1, q(1))$  è:  
 a  $y = -\frac{5}{2}x + 3$ ;  b  $y = \frac{3}{2}x - 1$ ;  c  $y = \frac{1}{4}x + \frac{1}{4}$ ;  d  $y = \frac{5}{2}x - 2$ .

10. Sia  $f(t) = t^5 - 2$ . L'equazione della retta tangente al grafico della funzione inversa  $f^{-1}$  nel punto  $(-1, f^{-1}(-1))$  è:  a  $y = \frac{1}{5}x + \frac{6}{5}$ ;  b  $y = \frac{1}{5}x + 1$ ;  c  $y = \frac{1}{5}x + \frac{3}{5}$ ;  d  $y = \frac{1}{5}x + \frac{2}{5}$ .

<b>ANALISI MATEMATICA 1 - Prima prova</b>		<b>29 ottobre 2019</b>
<b>Cognome:</b>	<b>Nome:</b>	<b>Matricola:</b>
<b>Corso di laurea:</b>		A      B

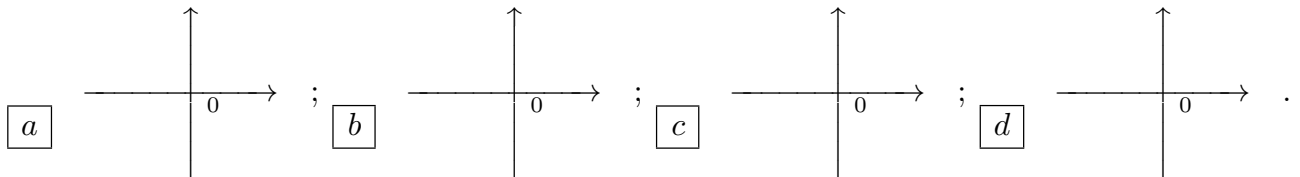
- Una ed una sola delle quattro affermazioni è corretta. Indicarla con una croce.
- Per annullare una risposta ritenuta errata racchiuderla in un cerchio.
- Risposta corretta: +1.5. Risposta errata: -0.25.

- $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{x(1 - \cos x)}{2 \sin x - 2x} =$   a  $-\frac{3}{2}$ ;  b  $-\frac{4}{3}$ ;  c  $\frac{9}{2}$ ;  d 12.
- Le soluzioni  $z \in \mathbf{C}$  dell'equazione  $(z - 1)^2 + \bar{z} = 1$  sono:  a  $0, -1, -\frac{3}{2} - \frac{\sqrt{3}}{2}i, -\frac{3}{2} + \frac{\sqrt{3}}{2}i$ ;  b  $0, -1, \frac{3}{2} - \frac{3}{2}i, \frac{3}{2} + \frac{3}{2}i$ ;  c  $0, 1, \frac{3}{2} - \frac{\sqrt{3}}{2}i, \frac{3}{2} + \frac{\sqrt{3}}{2}i$ ;  d  $0, 1, -\frac{3}{2} - \frac{3}{2}i, -\frac{3}{2} + \frac{3}{2}i$ .
- Sia  $g : \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$  una funzione derivabile, con  $g(1) = 3, g(2) = 1, \lim_{x \rightarrow -\infty} g(x) = 0, \lim_{x \rightarrow +\infty} g(x) = 4$ . Allora, qualunque sia la funzione  $g$  con queste proprietà, per  $x \in \mathbf{R}$  la derivata  $g'(x)$  si annulla:  a esattamente una volta;  b almeno una volta (in certi casi più di una, in certi casi esattamente una);  c esattamente due volte;  d almeno due volte (in certi casi più di due, in certi casi esattamente due).
- L'equazione della retta tangente al grafico della funzione  $q(x) = \frac{x^2+1}{x^2+3}$  in  $(1, q(1))$  è:  a  $y = \frac{3}{2}x - 1$ ;  b  $y = \frac{1}{4}x + \frac{1}{4}$ ;  c  $y = \frac{5}{2}x - 2$ ;  d  $y = -\frac{5}{2}x + 3$ .
- $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{3x - \sin(2 \sin x)}{x + \log(1+x)} =$   a  $\frac{3}{2}$ ;  b  $\frac{1}{3}$ ;  c  $\frac{1}{2}$ ;  d  $\frac{4}{3}$ .
- Se  $z = -1 + 20i$ , allora  $z^4$  è:  
 a  ;  b  ;  c  ;  d  .
- Se  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = \frac{3}{4}$  allora:  a esiste  $M > 0$  tale che, se  $x > M$ , si ha  $f(x) > \frac{3}{4}$ ;  b esiste  $M > 0$  tale che, se  $x > M$ , si ha  $\frac{1}{4} < f(x) < \frac{3}{4}$ ;  c esiste  $M > 0$  tale che, se  $x > M$ , si ha  $\frac{1}{2} < f(x) < 1$ ;  d esiste  $M > 0$  tale che, se  $x > M$ , si ha  $f(x) < \frac{1}{2}$ .
- Sia  $f : \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$  una funzione continua, con  $f(0) = -\frac{3}{2}, f(1) = -2$ . Per quale funzione  $h(x)$  l'equazione  $f(x) + h(x) = 0$  ha soluzione nell'intervallo  $[0, 1]$ ?  a  $h(x) = x^2 - 2$ ;  b  $h(x) = x^2 - 1$ ;  c  $h(x) = 1 - x^3$ ;  d  $h(x) = 2 - x^3$ .
- Sia  $f(t) = t^5 - 1$ . L'equazione della retta tangente al grafico della funzione inversa  $f^{-1}$  nel punto  $(0, f^{-1}(0))$  è:  a  $y = \frac{1}{5}x + 1$ ;  b  $y = \frac{1}{5}x + \frac{3}{5}$ ;  c  $y = \frac{1}{5}x + \frac{2}{5}$ ;  d  $y = \frac{1}{5}x + \frac{6}{5}$ .
- $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{4^n + n^2 + 3^{-n}}{n - 4^{n+1} - 2^n} =$   a -1;  b  $-\frac{1}{4}$ ;  c -2;  d -3.

<b>ANALISI MATEMATICA 1 - Prima prova</b>		<b>29 ottobre 2019</b>
<b>Cognome:</b>	<b>Nome:</b>	<b>Matricola:</b>
<b>Corso di laurea:</b>		A        B

- Una ed una sola delle quattro affermazioni è corretta. Indicarla con una croce.
- Per annullare una risposta ritenuta errata racchiuderla in un cerchio.
- Risposta corretta: +1.5. Risposta errata: -0.25.

1. Se  $z = -20 - i$ , allora  $z^4$  è:



2. Sia  $g : \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$  una funzione derivabile, con  $g(1) = 2$ ,  $g(2) = 3$ ,  $\lim_{x \rightarrow -\infty} g(x) = 4$ ,  $\lim_{x \rightarrow +\infty} g(x) =$

1. Allora, qualunque sia la funzione  $g$  con queste proprietà, per  $x \in \mathbf{R}$  la derivata  $g'(x)$  si annulla:

$a$  almeno una volta (in certi casi più di una, in certi casi esattamente una);  
  $b$  esattamente due volte;   $c$  almeno due volte (in certi casi più di due, in certi casi esattamente due);   $d$  esattamente una volta.

3. Se  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = \frac{1}{4}$  allora:   $a$  esiste  $M > 0$  tale che, se  $x > M$ , si ha  $\frac{1}{4} < f(x) < \frac{3}{4}$ ;  
  $b$  esiste  $M > 0$  tale che, se  $x > M$ , si ha  $\frac{1}{2} < f(x) < 1$ ;   $c$  esiste  $M > 0$  tale che, se  $x > M$ , si ha  $f(x) < \frac{1}{2}$ ;   $d$  esiste  $M > 0$  tale che, se  $x > M$ , si ha  $f(x) > \frac{3}{4}$ .

4. Sia  $f(t) = t^5 + 1$ . L'equazione della retta tangente al grafico della funzione inversa  $f^{-1}$  nel punto  $(2, f^{-1}(2))$  è:   $a$   $y = \frac{1}{5}x + \frac{3}{5}$ ;   $b$   $y = \frac{1}{5}x + \frac{2}{5}$ ;   $c$   $y = \frac{1}{5}x + \frac{6}{5}$ ;   $d$   $y = \frac{1}{5}x + 1$ .

5.  $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{x(1 - \cos x)}{2 \sin x - 2x} =$    $a$   $-\frac{4}{3}$ ;   $b$   $\frac{9}{2}$ ;   $c$  12;   $d$   $-\frac{3}{2}$ .

6. Sia  $f : \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$  una funzione continua, con  $f(0) = -\frac{3}{2}$ ,  $f(1) = -2$ . Per quale funzione  $h(x)$  l'equazione  $f(x) + h(x) = 0$  ha soluzione nell'intervallo  $[0, 1]$ ?

$a$   $h(x) = x^2 - 1$ ;   $b$   $h(x) = 1 - x^3$ ;   $c$   $h(x) = 2 - x^3$ ;   $d$   $h(x) = x^2 - 2$ .

7. L'equazione della retta tangente al grafico della funzione  $q(x) = \frac{1-2x^2}{x^2-3}$  in  $(1, q(1))$  è:

$a$   $y = \frac{1}{4}x + \frac{1}{4}$ ;   $b$   $y = \frac{5}{2}x - 2$ ;   $c$   $y = -\frac{5}{2}x + 3$ ;   $d$   $y = \frac{3}{2}x - 1$ .

8. Le soluzioni  $z \in \mathbf{C}$  dell'equazione  $(\bar{z} - 1)^2 + z = 1$  sono:   $a$   $0, -1, \frac{3}{2} - \frac{3}{2}i, \frac{3}{2} + \frac{3}{2}i$ ;   $b$   $0, 1, \frac{3}{2} - \frac{\sqrt{3}}{2}i, \frac{3}{2} + \frac{\sqrt{3}}{2}i$ ;   $c$   $0, 1, -\frac{3}{2} - \frac{3}{2}i, -\frac{3}{2} + \frac{3}{2}i$ ;   $d$   $0, -1, -\frac{3}{2} - \frac{\sqrt{3}}{2}i, -\frac{3}{2} + \frac{\sqrt{3}}{2}i$ .

9.  $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{3^{n+1} + n^2 - 4^{-n}}{2^{-n} - 3^n - n} =$    $a$   $-\frac{1}{4}$ ;   $b$  -2;   $c$  -3;   $d$  -1.

10.  $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin(\sin(2x)) + x}{3x - \log(1+x)} =$    $a$   $\frac{1}{3}$ ;   $b$   $\frac{1}{2}$ ;   $c$   $\frac{4}{3}$ ;   $d$   $\frac{3}{2}$ .



<b>ANALISI MATEMATICA 1 - Prima prova</b>		<b>29 ottobre 2019</b>
<b>Cognome:</b>	<b>Nome:</b>	<b>Matricola:</b>
<b>Corso di laurea:</b>		A        B

- Una ed una sola delle quattro affermazioni è corretta. Indicarla con una croce.
- Per annullare una risposta ritenuta errata racchiuderla in un cerchio.
- Risposta corretta: +1.5. Risposta errata: -0.25.

1. Sia  $f : \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$  una funzione continua, con  $f(0) = \frac{3}{2}$ ,  $f(1) = 2$ . Per quale funzione  $h(x)$  l'equazione  $f(x) + h(x) = 0$  ha soluzione nell'intervallo  $[0, 1]$ ?

$a$   $h(x) = 1 - x^3$ ;   $b$   $h(x) = 2 - x^3$ ;   $c$   $h(x) = x^2 - 2$ ;   $d$   $h(x) = x^2 - 1$ .

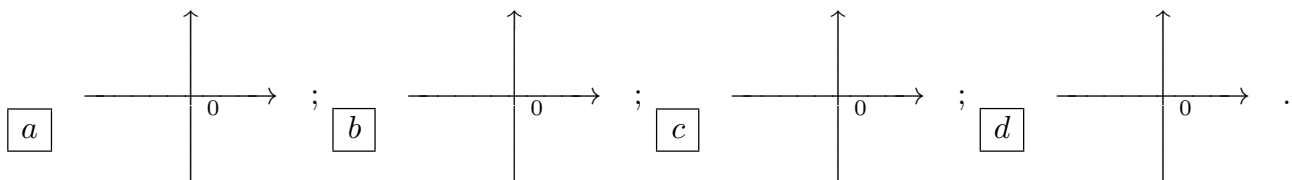
2. Se  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = \frac{1}{4}$  allora:   $a$  esiste  $M > 0$  tale che, se  $x > M$ , si ha  $\frac{1}{2} < f(x) < 1$ ;   $b$  esiste  $M > 0$  tale che, se  $x > M$ , si ha  $f(x) < \frac{1}{2}$ ;   $c$  esiste  $M > 0$  tale che, se  $x > M$ , si ha  $f(x) > \frac{3}{4}$ ;   $d$  esiste  $M > 0$  tale che, se  $x > M$ , si ha  $\frac{1}{4} < f(x) < \frac{3}{4}$ .

3. L'equazione della retta tangente al grafico della funzione  $q(x) = \frac{2-x^2}{3x^2-1}$  in  $(1, q(1))$  è:

$a$   $y = \frac{5}{2}x - 2$ ;   $b$   $y = -\frac{5}{2}x + 3$ ;   $c$   $y = \frac{3}{2}x - 1$ ;   $d$   $y = \frac{1}{4}x + \frac{1}{4}$ .

4.  $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{4^{-n} - n - 2^{n+1}}{n^2 - 3^{-n} + 2^n} =$    $a$   $-2$ ;   $b$   $-3$ ;   $c$   $-1$ ;   $d$   $-\frac{1}{4}$ .

5. Se  $z = 20 + i$ , allora  $z^4$  è:



6. Le soluzioni  $z \in \mathbf{C}$  dell'equazione  $(z - 1)^2 + \bar{z} = 1$  sono:   $a$   $0, 1, \frac{3}{2} - \frac{\sqrt{3}}{2}i, \frac{3}{2} + \frac{\sqrt{3}}{2}i$ ;   $b$   $0, 1, -\frac{3}{2} - \frac{3}{2}i, -\frac{3}{2} + \frac{3}{2}i$ ;   $c$   $0, -1, -\frac{3}{2} - \frac{\sqrt{3}}{2}i, -\frac{3}{2} + \frac{\sqrt{3}}{2}i$ ;   $d$   $0, -1, \frac{3}{2} - \frac{3}{2}i, \frac{3}{2} + \frac{3}{2}i$ .

7. Sia  $f(t) = t^5 - 1$ . L'equazione della retta tangente al grafico della funzione inversa  $f^{-1}$  nel punto  $(0, f^{-1}(0))$  è:   $a$   $y = \frac{1}{5}x + \frac{2}{5}$ ;   $b$   $y = \frac{1}{5}x + \frac{6}{5}$ ;   $c$   $y = \frac{1}{5}x + 1$ ;   $d$   $y = \frac{1}{5}x + \frac{3}{5}$ .

8. Sia  $g : \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$  una funzione derivabile, con  $g(1) = 3$ ,  $g(2) = 1$ ,  $\lim_{x \rightarrow -\infty} g(x) = 0$ ,  $\lim_{x \rightarrow +\infty} g(x) = 4$ . Allora, qualunque sia la funzione  $g$  con queste proprietà, per  $x \in \mathbf{R}$  la derivata  $g'(x)$  si annulla:   $a$  esattamente due volte;   $b$  almeno due volte (in certi casi più di due, in certi casi esattamente due);   $c$  esattamente una volta;   $d$  almeno una volta (in certi casi più di una, in certi casi esattamente una).

9.  $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{3x - \sin(2 \sin x)}{x + \log(1 + x)} =$    $a$   $\frac{1}{2}$ ;   $b$   $\frac{4}{3}$ ;   $c$   $\frac{3}{2}$ ;   $d$   $\frac{1}{3}$ .

10.  $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{3x - \sin(3x)}{x^2(e^x - 1)} =$    $a$   $\frac{9}{2}$ ;   $b$   $12$ ;   $c$   $-\frac{3}{2}$ ;   $d$   $-\frac{4}{3}$ .

<b>ANALISI MATEMATICA 1 - Prima prova</b>		<b>29 ottobre 2019</b>
<b>Cognome:</b>	<b>Nome:</b>	<b>Matricola:</b>
<b>Corso di laurea:</b>		A        B

- Una ed una sola delle quattro affermazioni è corretta. Indicarla con una croce.
- Per annullare una risposta ritenuta errata racchiuderla in un cerchio.
- Risposta corretta: +1.5. Risposta errata: -0.25.

- Le soluzioni  $z \in \mathbf{C}$  dell'equazione  $(\bar{z} + 1)^2 - z = 1$  sono:  a  $0, 1, -\frac{3}{2} - \frac{3}{2}i, -\frac{3}{2} + \frac{3}{2}i$ ;  b  $0, -1, -\frac{3}{2} - \frac{\sqrt{3}}{2}i, -\frac{3}{2} + \frac{\sqrt{3}}{2}i$ ;  c  $0, -1, \frac{3}{2} - \frac{3}{2}i, \frac{3}{2} + \frac{3}{2}i$ ;  d  $0, 1, \frac{3}{2} - \frac{\sqrt{3}}{2}i, \frac{3}{2} + \frac{\sqrt{3}}{2}i$ .
- L'equazione della retta tangente al grafico della funzione  $q(x) = \frac{1-2x^2}{x^2-3}$  in  $(1, q(1))$  è:  a  $y = -\frac{5}{2}x + 3$ ;  b  $y = \frac{3}{2}x - 1$ ;  c  $y = \frac{1}{4}x + \frac{1}{4}$ ;  d  $y = \frac{5}{2}x - 2$ .
- Sia  $f(t) = t^5 + 2$ . L'equazione della retta tangente al grafico della funzione inversa  $f^{-1}$  nel punto  $(3, f^{-1}(3))$  è:  a  $y = \frac{1}{5}x + \frac{6}{5}$ ;  b  $y = \frac{1}{5}x + 1$ ;  c  $y = \frac{1}{5}x + \frac{3}{5}$ ;  d  $y = \frac{1}{5}x + \frac{2}{5}$ .
- $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin(\sin(2x)) + x}{3x - \log(1+x)} =$   a  $\frac{4}{3}$ ;  b  $\frac{3}{2}$ ;  c  $\frac{1}{3}$ ;  d  $\frac{1}{2}$ .
- Sia  $f: \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$  una funzione continua, con  $f(0) = -\frac{3}{2}$ ,  $f(1) = -2$ . Per quale funzione  $h(x)$  l'equazione  $f(x) + h(x) = 0$  ha soluzione nell'intervallo  $[0, 1]$ ?  a  $h(x) = 2 - x^3$ ;  b  $h(x) = x^2 - 2$ ;  c  $h(x) = x^2 - 1$ ;  d  $h(x) = 1 - x^3$ .
- Sia  $g: \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$  una funzione derivabile, con  $g(1) = 0$ ,  $g(2) = 2$ ,  $\lim_{x \rightarrow +\infty} g(x) = -1$ . Allora, qualunque sia la funzione  $g$  con queste proprietà, per  $x \in \mathbf{R}$  la derivata  $g'(x)$  si annulla:  a almeno due volte (in certi casi più di due, in certi casi esattamente due);  b esattamente una volta;  c almeno una volta (in certi casi più di una, in certi casi esattamente una);  d esattamente due volte.
- $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{4^{-n} - n - 2^{n+1}}{n^2 - 3^{-n} + 2^n} =$   a  $-3$ ;  b  $-1$ ;  c  $-\frac{1}{4}$ ;  d  $-2$ .
- Se  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = \frac{1}{2}$  allora:  a esiste  $M > 0$  tale che, se  $x > M$ , si ha  $f(x) < \frac{1}{2}$ ;  b esiste  $M > 0$  tale che, se  $x > M$ , si ha  $f(x) > \frac{3}{4}$ ;  c esiste  $M > 0$  tale che, se  $x > M$ , si ha  $\frac{1}{4} < f(x) < \frac{3}{4}$ ;  d esiste  $M > 0$  tale che, se  $x > M$ , si ha  $\frac{1}{2} < f(x) < 1$ .
- $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{x^2 \log(1+2x)}{x - \sin x} =$   a  $12$ ;  b  $-\frac{3}{2}$ ;  c  $-\frac{4}{3}$ ;  d  $\frac{9}{2}$ .
- Se  $z = 1 - 20i$ , allora  $z^4$  è:

