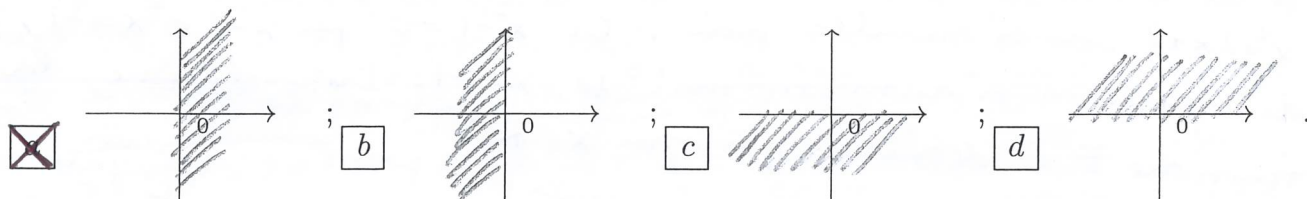


ANALISI MATEMATICA 1 - Quarto appello		25 luglio 2019
Cognome:	Nome:	Matricola:
Corso di laurea:		Test   Es1   Es2   Es3

- Una ed una sola delle quattro affermazioni è corretta. Indicarla con una croce.
- Per annullare una risposta ritenuta errata racchiuderla in un cerchio.
- Risposta corretta: +1.5. Risposta errata: -0.25.

1. Quale semipiano tratteggiato rappresenta l'insieme dei numeri complessi  $z$  tali che  $|z + 1 - i| > |z - 1 - i|$ ?



2. Sia  $\sum_{k=0}^{\infty} a_k x^k$  la serie di Taylor di centro  $x_0 = 0$  della funzione  $f(x) = \cos(x^2 + 2x + \frac{\pi}{2})$ . Allora  $a_2 =$   a -2;  b 1;  c 2;  -1.

3. Siano  $f : [0, 4] \rightarrow \mathbf{R}$ ,  $g : [0, 4] \rightarrow \mathbf{R}$  due funzioni continue, e sia  $f(x) = 0$  per  $x \in [0, 1] \cup [3, 4]$ ,  $0 \leq f(x) \leq g(x)$  per  $x \in [1, 3]$ . Allora, qualunque siano le funzioni  $f$  e  $g$  con queste proprietà, si ha:  a  $\frac{1}{3} \int_1^4 f(x) dx \leq \frac{1}{3} \int_1^4 g(x) dx$ ;  b  $\frac{1}{3} \int_0^3 f(x) dx \leq \frac{1}{3} \int_0^3 g(x) dx$ ;  c  $\frac{1}{2} \int_1^3 f(x) dx \leq \frac{1}{3} \int_1^3 g(x) dx$ ;  d  $\frac{1}{3} \int_1^3 f(x) dx \leq \frac{1}{2} \int_1^3 g(x) dx$ .

4. Sia  $f : \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$  una funzione continua. L'enunciato

$$" \forall \varepsilon > 0 \exists \delta > 0 \text{ tale che se } 0 < |x - f(1)| \leq \delta \text{ allora } \left| \frac{f(x) - f(f(1))}{x - f(1)} - f(2) \right| \leq \varepsilon "$$

significa che:  a  $f$  è derivabile in  $f(3)$  e  $f'(f(3)) = f(5)$ ;  b  $f$  è derivabile in  $f(5)$  e  $f'(f(5)) = f(3)$ ;  c  $f$  è derivabile in  $f(1)$  e  $f'(f(1)) = f(2)$ ;  d  $f$  è derivabile in  $f(2)$  e  $f'(f(2)) = f(1)$ .

5. Sia  $f : \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$  una funzione continua. Allora  $\int_0^1 f(2 + x^2)x dx =$   a  $\frac{1}{2} \int_0^1 f(t) dt$ ;  b  $\frac{1}{2} \int_1^2 f(t) dt$ ;  c  $\frac{1}{2} \int_3^4 f(t) dt$ ;  d  $\frac{1}{2} \int_2^3 f(t) dt$ .

6. L'equazione della retta normale (detta anche retta ortogonale) al grafico della funzione  $f(x) = \frac{x^2 - 2}{x^2 + 1}$  nel punto  $(1, f(1))$  è:  a  $y = -\frac{9}{8}x + \frac{19}{24}$ ;  b  $y = \frac{1}{6}x - \frac{13}{6}$ ;  c  $y = -\frac{2}{3}x + \frac{1}{6}$ ;  d  $y = \frac{1}{8}x - \frac{25}{8}$ .

7. L'insieme dei valori  $\alpha \in \mathbf{R}$  per cui la serie  $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{n^2 + n^\alpha}{n^{3+\alpha}}$  è convergente è:  a  $\alpha > 2$ ;

b  $\alpha < 0$ ;  c  $\alpha > 0$ ;  d  $\alpha < -2$ .

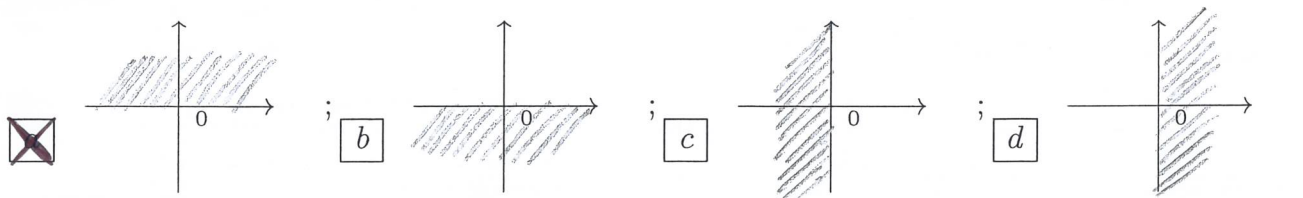
8.  $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{x^2 + 2 \sin(x^5)}{3x^2 + \cos(x^5)} =$   a 3;  b  $\frac{1}{3}$ ;  c  $\frac{1}{2}$ ;  d 2.

ANALISI MATEMATICA 1 - Quarto appello		25 luglio 2019
Cognome:	Nome:	Matricola:
Corso di laurea:		Test   Es1   Es2   Es3

- Una ed una sola delle quattro affermazioni è corretta. Indicarla con una croce.
- Per annullare una risposta ritenuta errata racchiuderla in un cerchio.
- Risposta corretta: +1.5. Risposta errata: -0.25.

1.  $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{x^2 + 3 \sin(x^5)}{2x^2 + \cos(x^5)} =$    $\frac{1}{2}$ ;  2;  3;   $\frac{1}{3}$ .

2. Quale semipiano tratteggiato rappresenta l'insieme dei numeri complessi  $z$  tali che  $|z - 1 + i| > |z - 1 - i|$ ?



3. L'equazione della retta normale (detta anche retta ortogonale) al grafico della funzione  $f(x) = \frac{x^2 - 2}{x^2 + 2}$  nel punto  $(1, f(1))$  è:   $y = -\frac{2}{3}x + \frac{1}{6}$ ;   $y = \frac{1}{8}x - \frac{25}{8}$ ;   $y = -\frac{9}{8}x + \frac{19}{24}$ ;   $y = \frac{1}{6}x - \frac{13}{6}$ .

4. Sia  $\sum_{k=0}^{\infty} a_k x^k$  la serie di Taylor di centro  $x_0 = 0$  della funzione  $f(x) = \sin(x^2 + 2x + \frac{\pi}{2})$ . Allora  $a_2 =$   2;  -1;  -2;  1.

5. L'insieme dei valori  $\alpha \in \mathbf{R}$  per cui la serie  $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{n^3 + n^\alpha}{n^{2+\alpha}}$  è convergente è:   $\alpha > 0$ ;   $\alpha < -2$ ;   $\alpha > 2$ ;   $\alpha < 0$ .

6. Sia  $f : \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$  una funzione continua. Allora  $\int_0^1 f(x^2 + 1)x dx =$    $\frac{1}{2} \int_3^4 f(t) dt$ ;   $\frac{1}{2} \int_2^3 f(t) dt$ ;   $\frac{1}{2} \int_0^1 f(t) dt$ ;   $\frac{1}{2} \int_1^2 f(t) dt$ .

7. Siano  $f : [0, 4] \rightarrow \mathbf{R}$ ,  $g : [0, 4] \rightarrow \mathbf{R}$  due funzioni continue, e sia  $g(x) = 0$  per  $x \in [0, 1] \cup [3, 4]$ ,  $0 \leq g(x) \leq f(x)$  per  $x \in [1, 3]$ . Allora, qualunque siano le funzioni  $f$  e  $g$  con queste proprietà, si ha:   $\frac{1}{2} \int_1^3 g(x) dx \leq \frac{1}{3} \int_1^3 f(x) dx$ ;   $\frac{1}{3} \int_1^3 g(x) dx \leq \frac{1}{2} \int_1^3 f(x) dx$ ;   $\frac{1}{3} \int_1^4 g(x) dx \leq \frac{1}{3} \int_1^4 f(x) dx$ ;   $\frac{1}{3} \int_0^3 g(x) dx \leq \frac{1}{3} \int_0^3 f(x) dx$ .

8. Sia  $f : \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$  una funzione continua. L'enunciato

" $\forall \varepsilon > 0 \exists \delta > 0$  tale che se  $0 < |x - f(3)| \leq \delta$  allora  $\left| \frac{f(x) - f(f(3))}{x - f(3)} - f(5) \right| \leq \varepsilon$ "

significa che:   $f$  è derivabile in  $f(1)$  e  $f'(f(1)) = f(2)$ ;   $f$  è derivabile in  $f(2)$  e  $f'(f(2)) = f(1)$ ;   $f$  è derivabile in  $f(3)$  e  $f'(f(3)) = f(5)$ ;   $f$  è derivabile in  $f(5)$  e  $f'(f(5)) = f(3)$ .

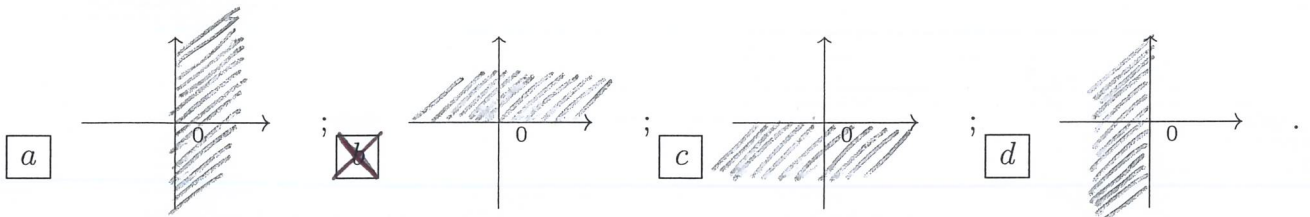
ANALISI MATEMATICA 1 - Quarto appello		25 luglio 2019
Cognome:	Nome:	Matricola:
Corso di laurea:		Test   Es1   Es2   Es3

- Una ed una sola delle quattro affermazioni è corretta. Indicarla con una croce.
- Per annullare una risposta ritenuta errata racchiuderla in un cerchio.
- Risposta corretta: +1.5. Risposta errata: -0.25.

1. L'insieme dei valori  $\alpha \in \mathbf{R}$  per cui la serie  $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{n^3 + n^\alpha}{n^{2+\alpha}}$  è convergente è:  a  $\alpha < 0$ ;  
 b  $\alpha > 0$ ;  c  $\alpha < -2$ ;   $\alpha > 2$ .

2. Sia  $f : \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$  una funzione continua. Allora  $\int_0^1 f(2+x^2)x dx =$   a  $\frac{1}{2} \int_1^2 f(t) dt$ ;  
 b  $\frac{1}{2} \int_3^4 f(t) dt$ ;   $\frac{1}{2} \int_2^3 f(t) dt$ ;  d  $\frac{1}{2} \int_0^1 f(t) dt$ .

3. Quale semipiano tratteggiato rappresenta l'insieme dei numeri complessi  $z$  tali che  $|z-1+i| > |z-1-i|$ ?



4. L'equazione della retta normale (detta anche retta ortogonale) al grafico della funzione  $f(x) = \frac{x^2+2}{x^2-2}$  nel punto  $(1, f(1))$  è:  a  $y = \frac{1}{6}x - \frac{13}{6}$ ;  b  $y = -\frac{2}{3}x + \frac{1}{6}$ ;   $y = \frac{1}{8}x - \frac{25}{8}$ ;  
 d  $y = -\frac{9}{8}x + \frac{19}{24}$ .

5. Sia  $f : \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$  una funzione continua. L'enunciato  
 $\forall \varepsilon > 0 \exists \delta > 0$  tale che se  $0 < |x - f(1)| \leq \delta$  allora  $\left| \frac{f(x)-f(f(1))}{x-f(1)} - f(2) \right| \leq \varepsilon$   
significa che:  a  $f$  è derivabile in  $f(5)$  e  $f'(f(5)) = f(3)$ ;   $f$  è derivabile in  $f(1)$   
e  $f'(f(1)) = f(2)$ ;  c  $f$  è derivabile in  $f(2)$  e  $f'(f(2)) = f(1)$ ;  d  $f$  è derivabile in  $f(3)$  e  
 $f'(f(3)) = f(5)$ .

6.  $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{x^2 + 3 \sin(x^5)}{2x^2 + \cos(x^5)} =$   a  $\frac{1}{3}$ ;   $\frac{1}{2}$ ;  c 2;  d 3.

7. Sia  $\sum_{k=0}^{\infty} a_k x^k$  la serie di Taylor di centro  $x_0 = 0$  della funzione  $f(x) = \cos(x^2 + 2x - \frac{\pi}{2})$ . Allora  
 $a_2 =$   1;  b 2;  c -1;  d -2.

8. Siano  $f : [0, 4] \rightarrow \mathbf{R}$ ,  $g : [0, 4] \rightarrow \mathbf{R}$  due funzioni continue, e sia  $f(x) = 0$  per  $x \in [0, 1] \cup [3, 4]$ ,  
 $0 \leq g(x) \leq f(x)$  per  $x \in [1, 3]$ . Allora, qualunque siano le funzioni  $f$  e  $g$  con queste proprietà, si  
ha:  a  $\frac{1}{3} \int_0^3 g(x) dx \leq \frac{1}{3} \int_0^3 f(x) dx$ ;  b  $\frac{1}{2} \int_1^3 g(x) dx \leq \frac{1}{3} \int_1^3 f(x) dx$ ;   $\frac{1}{3} \int_1^3 g(x) dx \leq$   
 $\frac{1}{2} \int_1^3 f(x) dx$ ;  d  $\frac{1}{3} \int_1^4 g(x) dx \leq \frac{1}{3} \int_1^4 f(x) dx$ .



ANALISI MATEMATICA 1 - Quarto appello		25 luglio 2019
Cognome:	Nome:	Matricola:
Corso di laurea:		Test   Es1   Es2   Es3

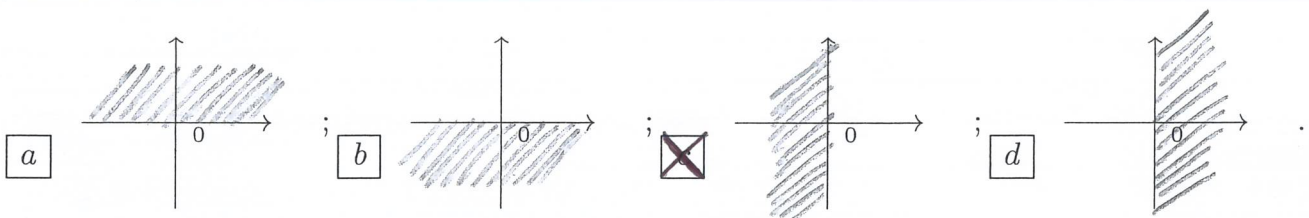
- Una ed una sola delle quattro affermazioni è corretta. Indicarla con una croce.
- Per annullare una risposta ritenuta errata racchiuderla in un cerchio.
- Risposta corretta: +1.5. Risposta errata: -0.25.

1. Sia  $f : \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$  una funzione continua. L'enunciato  
 $\forall \varepsilon > 0 \exists \delta > 0$  tale che se  $0 < |x - f(2)| \leq \delta$  allora  $\left| \frac{f(x) - f(f(2))}{x - f(2)} - f(1) \right| \leq \varepsilon$   
significa che:  a  $f$  è derivabile in  $f(3)$  e  $f'(f(3)) = f(5)$ ;  b  $f$  è derivabile in  $f(5)$   
e  $f'(f(5)) = f(3)$ ;  c  $f$  è derivabile in  $f(1)$  e  $f'(f(1)) = f(2)$ ;  d  $f$  è derivabile in  $f(2)$  e  
 $f'(f(2)) = f(1)$ .

2.  $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{x^2 + 2 \sin(x^5)}{3x^2 + \cos(x^5)} =$   a 3;  b  $\frac{1}{3}$ ;  c  $\frac{1}{2}$ ;  d 2.

3. Sia  $f : \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$  una funzione continua. Allora  $\int_0^1 f(1 - x^2)x dx =$   a  $\frac{1}{2} \int_0^1 f(t) dt$ ;  
 b  $\frac{1}{2} \int_1^2 f(t) dt$ ;  c  $\frac{1}{2} \int_3^4 f(t) dt$ ;  d  $\frac{1}{2} \int_2^3 f(t) dt$ .

4. Quale semipiano tratteggiato rappresenta l'insieme dei numeri complessi  $z$  tali che  $|z - 1 + i| > |z + 1 + i|$ ?



5. Siano  $f : [0, 4] \rightarrow \mathbf{R}$ ,  $g : [0, 4] \rightarrow \mathbf{R}$  due funzioni continue, e sia  $f(x) = 0$  per  $x \in [0, 1] \cup [3, 4]$ ,  
 $0 \leq f(x) \leq g(x)$  per  $x \in [1, 3]$ . Allora, qualunque siano le funzioni  $f$  e  $g$  con queste proprietà, si  
ha:  a  $\frac{1}{3} \int_1^4 f(x) dx \leq \frac{1}{3} \int_1^4 g(x) dx$ ;  b  $\frac{1}{3} \int_0^3 f(x) dx \leq \frac{1}{3} \int_0^3 g(x) dx$ ;  c  $\frac{1}{2} \int_1^3 f(x) dx \leq$   
 $\frac{1}{3} \int_1^3 g(x) dx$ ;  d  $\frac{1}{3} \int_1^3 f(x) dx \leq \frac{1}{2} \int_1^3 g(x) dx$ .

6. L'insieme dei valori  $\alpha \in \mathbf{R}$  per cui la serie  $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{n^{3+\alpha}}{n^2 + n^\alpha}$  è convergente è:  a  $\alpha > 2$ ;  
 b  $\alpha < 0$ ;  c  $\alpha > 0$ ;  d  $\alpha < -2$ .

7. L'equazione della retta normale (detta anche retta ortogonale) al grafico della funzione  $f(x) =$   
 $\frac{x^2 - 2}{x^2 + 1}$  nel punto  $(1, f(1))$  è:  a  $y = -\frac{9}{8}x + \frac{19}{24}$ ;  b  $y = \frac{1}{6}x - \frac{13}{6}$ ;  c  $y = -\frac{2}{3}x + \frac{1}{6}$ ;  
 d  $y = \frac{1}{8}x - \frac{25}{8}$ .

8. Sia  $\sum_{k=0}^{\infty} a_k x^k$  la serie di Taylor di centro  $x_0 = 0$  della funzione  $f(x) = \cos(x^2 + 2x + \frac{\pi}{2})$ . Allora  
 $a_2 =$   a -2;  b 1;  c 2;  d -1.

<b>ANALISI MATEMATICA 1 - Quarto appello</b>		<b>25 luglio 2019</b>								
<b>Cognome:</b>	<b>Nome:</b>	<b>Matricola:</b>								
<b>Corso di laurea:</b>		<table style="border-collapse: collapse; margin: auto;"> <tr> <td style="border: 1px solid black; width: 20px; height: 20px;"></td> <td style="border: 1px solid black; width: 20px; height: 20px;"></td> <td style="border: 1px solid black; width: 20px; height: 20px;"></td> <td style="border: 1px solid black; width: 20px; height: 20px;"></td> </tr> <tr> <td style="text-align: center;">Test</td> <td style="text-align: center;">Es1</td> <td style="text-align: center;">Es2</td> <td style="text-align: center;">Es3</td> </tr> </table>					Test	Es1	Es2	Es3
Test	Es1	Es2	Es3							

- Una ed una sola delle quattro affermazioni è corretta. Indicarla con una croce.
- Per annullare una risposta ritenuta errata racchiuderla in un cerchio.
- Risposta corretta: +1.5. Risposta errata: -0.25.

1. L'equazione della retta normale (detta anche retta ortogonale) al grafico della funzione  $f(x) = \frac{x^2+2}{x^2-2}$  nel punto  $(1, f(1))$  è:   $a$   $y = \frac{1}{6}x - \frac{13}{6}$ ;   $b$   $y = -\frac{2}{3}x + \frac{1}{6}$ ;   $c$   $y = \frac{1}{8}x - \frac{25}{8}$ ;   $d$   $y = -\frac{9}{8}x + \frac{19}{24}$ .

2. Siano  $f : [0, 4] \rightarrow \mathbf{R}$ ,  $g : [0, 4] \rightarrow \mathbf{R}$  due funzioni continue, e sia  $f(x) = 0$  per  $x \in [0, 1] \cup [3, 4]$ ,  $0 \leq g(x) \leq f(x)$  per  $x \in [1, 3]$ . Allora, qualunque siano le funzioni  $f$  e  $g$  con queste proprietà, si ha:   $a$   $\frac{1}{3} \int_0^3 g(x) dx \leq \frac{1}{3} \int_0^3 f(x) dx$ ;   $b$   $\frac{1}{2} \int_1^3 g(x) dx \leq \frac{1}{3} \int_1^3 f(x) dx$ ;   $c$   $\frac{1}{3} \int_1^3 g(x) dx \leq \frac{1}{2} \int_1^3 f(x) dx$ ;   $d$   $\frac{1}{3} \int_1^4 g(x) dx \leq \frac{1}{3} \int_1^4 f(x) dx$ .

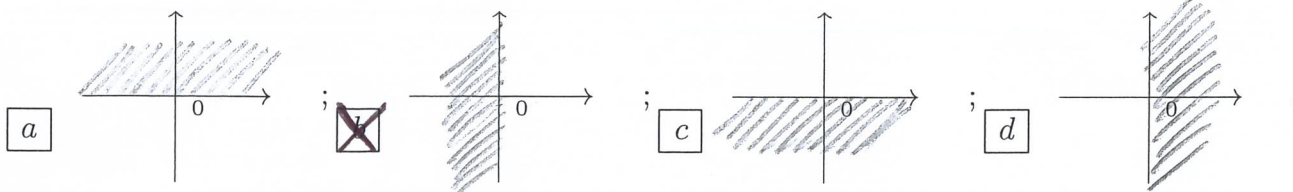
3. Sia  $f : \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$  una funzione continua. L'enunciato

" $\forall \varepsilon > 0 \exists \delta > 0$  tale che se  $0 < |x - f(2)| \leq \delta$  allora  $\left| \frac{f(x) - f(f(2))}{x - f(2)} - f(1) \right| \leq \varepsilon$ "

significa che:   $a$   $f$  è derivabile in  $f(5)$  e  $f'(f(5)) = f(3)$ ;   $b$   $f$  è derivabile in  $f(1)$  e  $f'(f(1)) = f(2)$ ;   $c$   $f$  è derivabile in  $f(2)$  e  $f'(f(2)) = f(1)$ ;   $d$   $f$  è derivabile in  $f(3)$  e  $f'(f(3)) = f(5)$ .

4. L'insieme dei valori  $\alpha \in \mathbf{R}$  per cui la serie  $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{n^{3+\alpha}}{n^2 + n^\alpha}$  è convergente è:   $a$   $\alpha < 0$ ;   $b$   $\alpha > 0$ ;   $c$   $\alpha < -2$ ;   $d$   $\alpha > 2$ .

5. Quale semipiano tratteggiato rappresenta l'insieme dei numeri complessi  $z$  tali che  $|z - 1 + i| > |z + 1 + i|$ ?



6. Sia  $\sum_{k=0}^{\infty} a_k x^k$  la serie di Taylor di centro  $x_0 = 0$  della funzione  $f(x) = \cos(x^2 + 2x - \frac{\pi}{2})$ . Allora  $a_2 =$    $a$  1;   $b$  2;   $c$  -1;   $d$  -2.

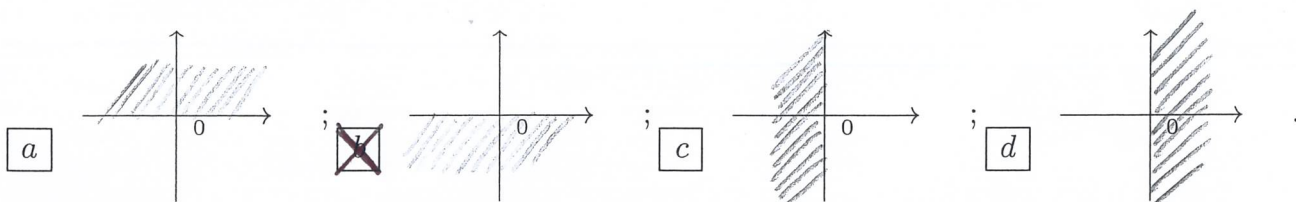
7.  $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{3x^2 + \cos(x^5)}{x^2 + 2\sin(x^5)} =$    $a$   $\frac{1}{3}$ ;   $b$   $\frac{1}{2}$ ;   $c$  2;   $d$  3.

8. Sia  $f : \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$  una funzione continua. Allora  $\int_0^1 f(4 - x^2)x dx =$    $a$   $\frac{1}{2} \int_1^2 f(t) dt$ ;   $b$   $\frac{1}{2} \int_3^4 f(t) dt$ ;   $c$   $\frac{1}{2} \int_2^3 f(t) dt$ ;   $d$   $\frac{1}{2} \int_0^1 f(t) dt$ .

ANALISI MATEMATICA 1 - Quarto appello		25 luglio 2019				
Cognome:	Nome:	Matricola:				
Corso di laurea:		<table border="1"> <tr> <td>Test</td> <td>Es1</td> <td>Es2</td> <td>Es3</td> </tr> </table>	Test	Es1	Es2	Es3
Test	Es1	Es2	Es3			

- Una ed una sola delle quattro affermazioni è corretta. Indicarla con una croce.
- Per annullare una risposta ritenuta errata racchiuderla in un cerchio.
- Risposta corretta: +1.5. Risposta errata: -0.25.

- Sia  $f : \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$  una funzione continua. Allora  $\int_0^1 f(1-x^2)x dx =$   a  $\frac{1}{2} \int_2^3 f(t) dt$ ;  
  $\frac{1}{2} \int_0^1 f(t) dt$ ;  c  $\frac{1}{2} \int_1^2 f(t) dt$ ;  d  $\frac{1}{2} \int_3^4 f(t) dt$ .
- L'equazione della retta normale (detta anche retta ortogonale) al grafico della funzione  $f(x) = \frac{x^2+1}{x^2-2}$  nel punto  $(1, f(1))$  è:  a  $y = \frac{1}{8}x - \frac{25}{8}$ ;  b  $y = -\frac{9}{8}x + \frac{19}{24}$ ;  c  $y = \frac{1}{6}x - \frac{13}{6}$ ;  
 d  $y = -\frac{2}{3}x + \frac{1}{6}$ .
- Sia  $\sum_{k=0}^{\infty} a_k x^k$  la serie di Taylor di centro  $x_0 = 0$  della funzione  $f(x) = \sin(x^2 + 2x - \frac{\pi}{2})$ . Allora  $a_2 =$   a -1;  b -2;  c 1;  d 2.
- Siano  $f : [0, 4] \rightarrow \mathbf{R}$ ,  $g : [0, 4] \rightarrow \mathbf{R}$  due funzioni continue, e sia  $g(x) = 0$  per  $x \in [0, 1] \cup [3, 4]$ ,  $0 \leq f(x) \leq g(x)$  per  $x \in [1, 3]$ . Allora, qualunque siano le funzioni  $f$  e  $g$  con queste proprietà, si ha:  a  $\frac{1}{3} \int_1^3 f(x) dx \leq \frac{1}{2} \int_1^3 g(x) dx$ ;  b  $\frac{1}{3} \int_1^4 f(x) dx \leq \frac{1}{3} \int_1^4 g(x) dx$ ;  c  $\frac{1}{3} \int_0^3 f(x) dx \leq \frac{1}{3} \int_0^3 g(x) dx$ ;  d  $\frac{1}{2} \int_1^3 f(x) dx \leq \frac{1}{3} \int_1^3 g(x) dx$ .
- $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{2x^2 + \cos(x^5)}{x^2 + 3 \sin(x^5)} =$   a 2;  b 3;  c  $\frac{1}{3}$ ;  d  $\frac{1}{2}$ .
- Quale semipiano tratteggiato rappresenta l'insieme dei numeri complessi  $z$  tali che  $|z + 1 - i| > |z + 1 + i|$ ?



- Sia  $f : \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$  una funzione continua. L'enunciato " $\forall \varepsilon > 0 \exists \delta > 0$  tale che se  $0 < |x - f(5)| \leq \delta$  allora  $\left| \frac{f(x) - f(f(5))}{x - f(5)} - f(3) \right| \leq \varepsilon$ " significa che:  a  $f$  è derivabile in  $f(2)$  e  $f'(f(2)) = f(1)$ ;  b  $f$  è derivabile in  $f(3)$  e  $f'(f(3)) = f(5)$ ;  c  $f$  è derivabile in  $f(5)$  e  $f'(f(5)) = f(3)$ ;  d  $f$  è derivabile in  $f(1)$  e  $f'(f(1)) = f(2)$ .

- L'insieme dei valori  $\alpha \in \mathbf{R}$  per cui la serie  $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{n^{2+\alpha}}{n^3 + n^\alpha}$  è convergente è:  a  $\alpha < -2$ ;  
 b  $\alpha > 2$ ;  c  $\alpha < 0$ ;  d  $\alpha > 0$ .



ANALISI MATEMATICA 1 - Quarto appello		25 luglio 2019			
Cognome:		Nome:		Matricola:	
Corso di laurea:		Test	Es1	Es2	Es3

- Una ed una sola delle quattro affermazioni è corretta. Indicarla con una croce.
- Per annullare una risposta ritenuta errata racchiuderla in un cerchio.
- Risposta corretta: +1.5. Risposta errata: -0.25.

1. Siano  $f : [0, 4] \rightarrow \mathbf{R}$ ,  $g : [0, 4] \rightarrow \mathbf{R}$  due funzioni continue, e sia  $g(x) = 0$  per  $x \in [0, 1] \cup [3, 4]$ ,  $0 \leq f(x) \leq g(x)$  per  $x \in [1, 3]$ . Allora, qualunque siano le funzioni  $f$  e  $g$  con queste proprietà, si ha:   $\frac{1}{3} \int_1^3 f(x) dx \leq \frac{1}{2} \int_1^3 g(x) dx$ ;   $\frac{1}{3} \int_1^4 f(x) dx \leq \frac{1}{3} \int_1^4 g(x) dx$ ;   $\frac{1}{3} \int_0^3 f(x) dx \leq \frac{1}{3} \int_0^3 g(x) dx$ ;   $\frac{1}{2} \int_1^3 f(x) dx \leq \frac{1}{3} \int_1^3 g(x) dx$ .

2. L'insieme dei valori  $\alpha \in \mathbf{R}$  per cui la serie  $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{n^2 + n^\alpha}{n^{3+\alpha}}$  è convergente è:   $\alpha < -2$ ;   $\alpha > 2$ ;   $\alpha < 0$ ;   $\alpha > 0$ .

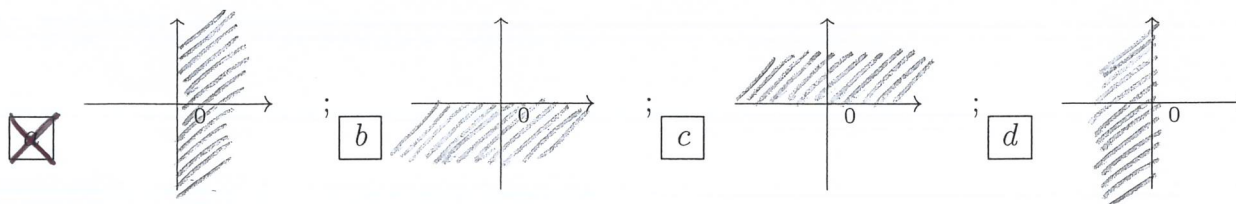
3.  $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{3x^2 + \cos(x^5)}{x^2 + 2\sin(x^5)} =$   2;  3;   $\frac{1}{3}$ ;   $\frac{1}{2}$ .

4. Sia  $f : \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$  una funzione continua. Allora  $\int_0^1 f(4 - x^2)x dx =$    $\frac{1}{2} \int_2^3 f(t) dt$ ;   $\frac{1}{2} \int_0^1 f(t) dt$ ;   $\frac{1}{2} \int_1^2 f(t) dt$ ;   $\frac{1}{2} \int_3^4 f(t) dt$ .

5. Sia  $\sum_{k=0}^{\infty} a_k x^k$  la serie di Taylor di centro  $x_0 = 0$  della funzione  $f(x) = \sin(x^2 + 2x + \frac{\pi}{2})$ . Allora  $a_2 =$   -1;  -2;  1;  2.

6. Sia  $f : \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$  una funzione continua. L'enunciato " $\forall \varepsilon > 0 \exists \delta > 0$  tale che se  $0 < |x - f(3)| \leq \delta$  allora  $|\frac{f(x) - f(f(3))}{x - f(3)} - f(5)| \leq \varepsilon$ " significa che:   $f$  è derivabile in  $f(2)$  e  $f'(f(2)) = f(1)$ ;   $f$  è derivabile in  $f(3)$  e  $f'(f(3)) = f(5)$ ;   $f$  è derivabile in  $f(5)$  e  $f'(f(5)) = f(3)$ ;   $f$  è derivabile in  $f(1)$  e  $f'(f(1)) = f(2)$ .

7. Quale semipiano tratteggiato rappresenta l'insieme dei numeri complessi  $z$  tali che  $|z + 1 - i| > |z - 1 - i|$ ?



8. L'equazione della retta normale (detta anche retta ortogonale) al grafico della funzione  $f(x) = \frac{x^2 - 2}{x^2 + 2}$  nel punto  $(1, f(1))$  è:   $y = \frac{1}{8}x - \frac{25}{8}$ ;   $y = -\frac{9}{8}x + \frac{19}{24}$ ;   $y = \frac{1}{6}x - \frac{13}{6}$ ;   $y = -\frac{2}{3}x + \frac{1}{6}$ .

ANALISI MATEMATICA 1 - Quarto appello		25 luglio 2019								
Cognome:	Nome:	Matricola:								
Corso di laurea:		<table border="1" style="display: inline-table; border-collapse: collapse;"> <tr> <td style="width: 20px; height: 20px;"></td> <td style="width: 20px; height: 20px;"></td> <td style="width: 20px; height: 20px;"></td> <td style="width: 20px; height: 20px;"></td> </tr> <tr> <td style="text-align: center;">Test</td> <td style="text-align: center;">Es1</td> <td style="text-align: center;">Es2</td> <td style="text-align: center;">Es3</td> </tr> </table>					Test	Es1	Es2	Es3
Test	Es1	Es2	Es3							

- Una ed una sola delle quattro affermazioni è corretta. Indicarla con una croce.
- Per annullare una risposta ritenuta errata racchiuderla in un cerchio.
- Risposta corretta: +1.5. Risposta errata: -0.25.

1. Sia  $\sum_{k=0}^{\infty} a_k x^k$  la serie di Taylor di centro  $x_0 = 0$  della funzione  $f(x) = \sin(x^2 + 2x - \frac{\pi}{2})$ . Allora  $a_2 =$   2;  -1;  -2;  1.
2. Sia  $f : \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$  una funzione continua. L'enunciato  
 $\forall \varepsilon > 0 \exists \delta > 0$  tale che se  $0 < |x - f(5)| \leq \delta$  allora  $\left| \frac{f(x) - f(f(5))}{x - f(5)} - f(3) \right| \leq \varepsilon$   
significa che:  a  $f$  è derivabile in  $f(1)$  e  $f'(f(1)) = f(2)$ ;  b  $f$  è derivabile in  $f(2)$   
e  $f'(f(2)) = f(1)$ ;  c  $f$  è derivabile in  $f(3)$  e  $f'(f(3)) = f(5)$ ;  d  $f$  è derivabile in  $f(5)$  e  
 $f'(f(5)) = f(3)$ .
3. L'insieme dei valori  $\alpha \in \mathbf{R}$  per cui la serie  $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{n^{2+\alpha}}{n^3 + n^\alpha}$  è convergente è:  a  $\alpha > 0$ ;  
 b  $\alpha < -2$ ;  c  $\alpha > 2$ ;  d  $\alpha < 0$ .
4.  $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{2x^2 + \cos(x^5)}{x^2 + 3 \sin(x^5)} =$   a  $\frac{1}{2}$ ;  b 2;  c 3;  d  $\frac{1}{3}$ .
5. L'equazione della retta normale (detta anche retta ortogonale) al grafico della funzione  $f(x) = \frac{x^2+1}{x^2-2}$  nel punto  $(1, f(1))$  è:  a  $y = -\frac{2}{3}x + \frac{1}{6}$ ;  b  $y = \frac{1}{8}x - \frac{25}{8}$ ;  c  $y = -\frac{9}{8}x + \frac{19}{24}$ ;  
 d  $y = \frac{1}{6}x - \frac{13}{6}$ .
6. Siano  $f : [0, 4] \rightarrow \mathbf{R}$ ,  $g : [0, 4] \rightarrow \mathbf{R}$  due funzioni continue, e sia  $g(x) = 0$  per  $x \in [0, 1] \cup [3, 4]$ ,  
 $0 \leq g(x) \leq f(x)$  per  $x \in [1, 3]$ . Allora, qualunque siano le funzioni  $f$  e  $g$  con queste proprietà, si  
ha:  a  $\frac{1}{2} \int_1^3 g(x) dx \leq \frac{1}{3} \int_1^3 f(x) dx$ ;  b  $\frac{1}{3} \int_1^3 g(x) dx \leq \frac{1}{2} \int_1^3 f(x) dx$ ;  c  $\frac{1}{3} \int_1^4 g(x) dx \leq$   
 $\frac{1}{3} \int_1^4 f(x) dx$ ;  d  $\frac{1}{3} \int_0^3 g(x) dx \leq \frac{1}{3} \int_0^3 f(x) dx$ .
7. Sia  $f : \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$  una funzione continua. Allora  $\int_0^1 f(x^2 + 1)x dx =$   a  $\frac{1}{2} \int_3^4 f(t) dt$ ;  
 b  $\frac{1}{2} \int_2^3 f(t) dt$ ;  c  $\frac{1}{2} \int_0^1 f(t) dt$ ;  d  $\frac{1}{2} \int_1^2 f(t) dt$ .
8. Quale semipiano tratteggiato rappresenta l'insieme dei numeri complessi  $z$  tali che  $|z + 1 - i| > |z + 1 + i|$ ?

