

ANALISI MATEMATICA 1 - TEST 1		8 novembre 2013
Cognome:	Nome:	Matricola:
Corso di laurea:		A B

- Una ed una sola delle quattro affermazioni è corretta. Indicarla con una croce.
- Per annullare una risposta ritenuta errata racchiuderla in un cerchio.
- Risposta corretta: +1.5. Risposta errata: -0.25.

1. Le soluzioni dell'equazione $(z - \bar{z})\bar{z} + i\text{Im } z = 2 - 3i$ sono:

a $1 - 3i, -1 + i$; b $3 + i, -1 - i$; c $-2 + i, 1 - i$; d $1 + i, -1 - 2i$.

2. Se $f(x) = e^{\sin(x^2)} \sin(x^2)$, allora $f'(\sqrt{\pi}) =$ a $-\frac{2\sqrt{\pi}}{e}$; b 0 ; c $-2\sqrt{\pi}$; d $2\sqrt{\pi}$.

3. $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{x^2 - \arctan(x^2)}{x^6} =$ a 3 ; b 6 ; c $\frac{1}{3}$; d $\frac{1}{6}$.

4. Sia f una funzione derivabile e $g(x) = f(3x^2 + 2e^{-x})$. Allora $g'(0) =$
 a $-2f'(2)$; b $-7f'(2)$; c $2f'(2)$; d $f'(2)$.

5. L'area della regione $\left\{ z = x + iy \in \mathbf{C} \mid x > 0, y > 0, |e^z| \leq e^{\sqrt{3}/2}, \frac{\sqrt{3}}{2} \leq \frac{x}{\sqrt{x^2+y^2}} \leq 1 \right\}$ è:

a $\frac{3\sqrt{3}}{8}$; b $\frac{3\sqrt{3}}{2}$; c $\frac{\sqrt{3}}{8}$; d $\frac{1}{8\sqrt{3}}$.

6. $g(x) = \begin{cases} \frac{\sin(\beta x)}{2x}, & x > 0 \\ 2\beta x + \frac{1}{3}, & x \leq 0 \end{cases}$ è continua

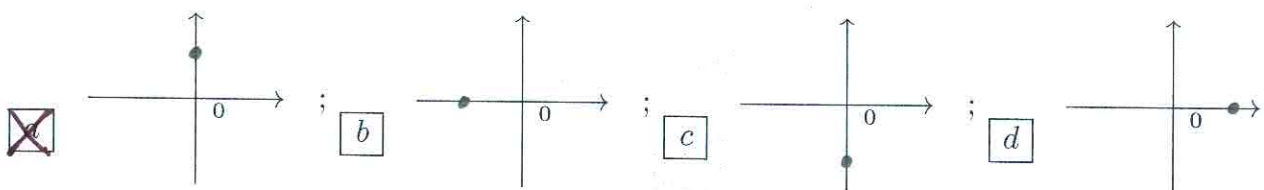
a per $\beta = \frac{3}{2}$; b per $\beta = -\frac{1}{6}$; c per $\beta = \frac{2}{3}$; d per $\beta = -6$.

7. L'insieme dei valori del parametro $\alpha > 0$ per cui $\lim_{x \rightarrow 0^+} \frac{\sin(x^{2\alpha}) + x \cos x}{\log(1 + x^\alpha)} = 0$ è:

a $0 < \alpha < 2$; b $0 < \alpha < +\infty$; c $0 < \alpha < 1$; d $0 < \alpha < \frac{1}{2}$.

8. Sia $f : [a, b] \rightarrow \mathbf{R}$ continua e derivabile in $[a, b]$ e tale che $f(a) = 3, f(b) = 10$. Supponiamo che $f'(x) \neq \frac{7}{2}$ per ogni $x \in (a, b)$. Allora è certo che: a $[a, b] \neq [6, 10]$; b $[a, b] \neq [8, 13]$; c $[a, b] \neq [10, 12]$; d $[a, b] \neq [9, 12]$.

9. Quale dei numeri complessi disegnati è una delle radici quinte di $3i$?



10. Data la funzione $f(x) = \frac{\sin x}{1+x^2}$, determinare la retta tangente al grafico di f in $(0, f(0))$.

a $y = -x + 1$; b $y = \frac{1}{2}x$; c $y = x$; d $y = 1$.

ANALISI MATEMATICA 1 - TEST 1		8 novembre 2013
Cognome:	Nome:	Matricola:
Corso di laurea:		A B

- Una ed una sola delle quattro affermazioni è corretta. Indicarla con una croce.
- Per annullare una risposta ritenuta errata racchiuderla in un cerchio.
- Risposta corretta: +1.5. Risposta errata: -0.25.

1. $g(x) = \begin{cases} \frac{e^{\beta x} - 1}{3x}, & x > 0 \\ \beta x^2 - 2, & x \leq 0 \end{cases}$ è continua

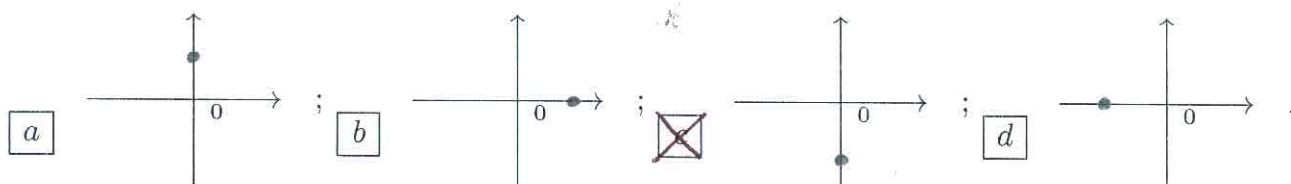
a per $\beta = -\frac{1}{6}$; b per $\beta = \frac{2}{3}$; c per $\beta = -6$; d per $\beta = \frac{3}{2}$.

2. $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{x^6}{x^2 - \arctan(x^2)} =$ a 6; b $\frac{1}{3}$; c $\frac{1}{6}$; d 3.

3. L'insieme dei valori del parametro $\alpha > 0$ per cui $\lim_{x \rightarrow 0^+} \frac{x^{3\alpha} e^x + \log(1+x)}{\tan(x^\alpha)} = 0$ è:

a $0 < \alpha < +\infty$; b $0 < \alpha < 1$; c $0 < \alpha < \frac{1}{2}$; d $0 < \alpha < 2$.

4. Quale dei numeri complessi disegnati è una delle radici quinte di $-2i$?



5. Le soluzioni dell'equazione $(z + \bar{z})z + i \operatorname{Re} z = 2 + 3i$ sono:

a $3 + i, -1 - i$; b $-2 + i, 1 - i$; c $1 + i, -1 - 2i$; d $1 - 3i, -1 + i$.

6. Sia $f : [a, b] \rightarrow \mathbf{R}$ continua e derivabile in $[a, b]$ e tale che $f(a) = 3, f(b) = 10$. Supponiamo che $f'(x) \neq \frac{7}{3}$ per ogni $x \in (a, b)$. Allora è certo che: a $[a, b] \neq [8, 13]$; b $[a, b] \neq [10, 12]$; c $[a, b] \neq [9, 12]$; d $[a, b] \neq [6, 10]$.

7. Sia f una funzione derivabile e $g(x) = f(2e^x - x^3)$. Allora $g'(0) =$

a $-7f'(2)$; b $2f'(2)$; c $f'(2)$; d $-2f'(2)$.

8. Se $f(x) = e^{\sin(x^2)} \cos(x^2)$, allora $f'(\sqrt{\pi}) =$ a 0; b $-2\sqrt{\pi}$; c $2\sqrt{\pi}$; d $-\frac{2\sqrt{\pi}}{e}$.

9. Data la funzione $f(x) = \frac{\cos x}{1+x^2}$, determinare la retta tangente al grafico di f in $(0, f(0))$.

a $y = \frac{1}{2}x$; b $y = x$; c $y = 1$; d $y = -x + 1$.

10. L'area della regione $\left\{ z = x + iy \in \mathbf{C} \mid x > 0, y > 0, |e^z| \leq e^{1/2}, \frac{\sqrt{3}}{2} \leq \frac{x}{\sqrt{x^2+y^2}} \leq 1 \right\}$ è:

a $\frac{3\sqrt{3}}{2}$; b $\frac{\sqrt{3}}{8}$; c $\frac{1}{8\sqrt{3}}$; d $\frac{3\sqrt{3}}{8}$.

ANALISI MATEMATICA 1 - TEST 1		8 novembre 2013
Cognome:	Nome:	Matricola:
Corso di laurea:		A B

- Una ed una sola delle quattro affermazioni è corretta. Indicarla con una croce.
- Per annullare una risposta ritenuta errata racchiuderla in un cerchio.
- Risposta corretta: +1.5. Risposta errata: -0.25.

1. Sia $f : [a, b] \rightarrow \mathbf{R}$ continua e derivabile in $[a, b]$ e tale che $f(a) = 3$, $f(b) = 10$. Supponiamo che $f'(x) \neq \frac{7}{4}$ per ogni $x \in (a, b)$. Allora è certo che: a $[a, b] \neq [10, 12]$; b $[a, b] \neq [9, 12]$; c $[a, b] \neq [6, 10]$; d $[a, b] \neq [8, 13]$.

2. L'insieme dei valori del parametro $\alpha > 0$ per cui $\lim_{x \rightarrow 0^+} \frac{\sin x + x^{3\alpha} e^x}{1 - \cos(x^\alpha)} = 0$ è:
 a $0 < \alpha < 1$; b $0 < \alpha < \frac{1}{2}$; c $0 < \alpha < 2$; d $0 < \alpha < +\infty$.

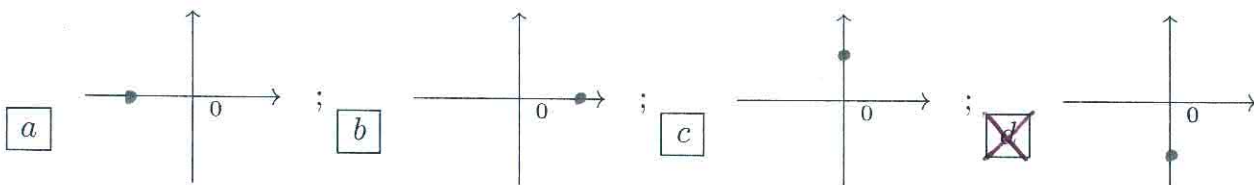
3. Sia f una funzione derivabile e $g(x) = f(e^{2x} + e^{-x})$. Allora $g'(0) =$
 a $2f'(2)$; b $f'(2)$; c $-2f'(2)$; d $-7f'(2)$.

4. Data la funzione $f(x) = \frac{e^{-x}}{1+x^2}$, determinare la retta tangente al grafico di f in $(0, f(0))$.
 a $y = x$; b $y = 1$; c $y = -x + 1$; d $y = \frac{1}{2}x$.

5. $g(x) = \begin{cases} \frac{\log(1+3x)}{\beta x}, & x > 0 \\ 2 - \beta x^2, & x \leq 0 \end{cases}$ è continua
 a per $\beta = \frac{2}{3}$; b per $\beta = -6$; c per $\beta = \frac{3}{2}$; d per $\beta = -\frac{1}{6}$.

6. Se $f(x) = e^{\cos(x^2)} \cos(x^2)$, allora $f'(\sqrt{\pi}) =$ a $-2\sqrt{\pi}$; b $2\sqrt{\pi}$; c $-\frac{2\sqrt{\pi}}{e}$; d 0 .

7. Quale dei numeri complessi disegnati è una delle radici quinte di $-4i$?



8. $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{2x^6}{x^2 - \arctan(x^2)} =$ a $\frac{1}{3}$; b $\frac{1}{6}$; c 3 ; d 6 .

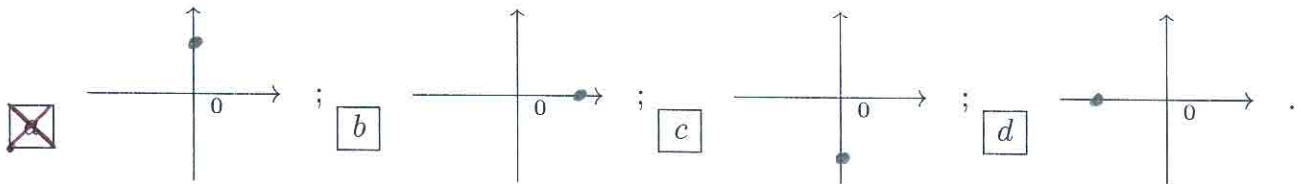
9. L'area della regione $\left\{ z = x + iy \in \mathbf{C} \mid x > 0, y > 0, |e^z| \leq e^{\sqrt{3}/2}, \frac{1}{2} \leq \frac{x}{\sqrt{x^2+y^2}} \leq 1 \right\}$ è:
 a $\frac{\sqrt{3}}{8}$; b $\frac{1}{8\sqrt{3}}$; c $\frac{3\sqrt{3}}{8}$; d $\frac{3\sqrt{3}}{2}$.

10. Le soluzioni dell'equazione $i \operatorname{Im} z - (z + \bar{z})z = -2 + 3i$ sono:
 a $-2 + i, 1 - i$; b $1 + i, -1 - 2i$; c $1 - 3i, -1 + i$; d $3 + i, -1 - i$.

ANALISI MATEMATICA 1 - TEST 1		8 novembre 2013
Cognome:	Nome:	Matricola:
Corso di laurea:		A B

- Una ed una sola delle quattro affermazioni è corretta. Indicarla con una croce.
- Per annullare una risposta ritenuta errata racchiuderla in un cerchio.
- Risposta corretta: +1.5. Risposta errata: -0.25.

1. Se $f(x) = e^{\cos(x^2)} \sin(x^2)$, allora $f'(\sqrt{\pi}) =$ a $2\sqrt{\pi}$; b $-\frac{2\sqrt{\pi}}{e}$; c 0; d $-2\sqrt{\pi}$.
2. Sia f una funzione derivabile e $g(x) = f(3e^{-2x} - e^x)$. Allora $g'(0) =$ a $f'(2)$; b $-2f'(2)$; c $-7f'(2)$; d $2f'(2)$.
3. Quale dei numeri complessi disegnati è una delle radici quinte di $5i$?



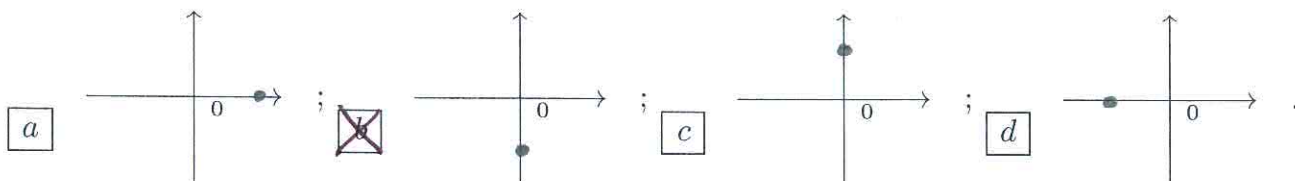
4. L'area della regione $\left\{ z = x + iy \in \mathbf{C} \mid x > 0, y > 0, |e^z| \leq e^{\sqrt{3}}, \frac{1}{2} \leq \frac{x}{\sqrt{x^2 + y^2}} \leq 1 \right\}$ è: a $\frac{1}{8\sqrt{3}}$; b $\frac{3\sqrt{3}}{8}$; c $\frac{3\sqrt{3}}{2}$; d $\frac{\sqrt{3}}{8}$.
5. Sia $f : [a, b] \rightarrow \mathbf{R}$ continua e derivabile in $[a, b]$ e tale che $f(a) = 3$, $f(b) = 10$. Supponiamo che $f'(x) \neq \frac{7}{5}$ per ogni $x \in (a, b)$. Allora è certo che: a $[a, b] \neq [9, 12]$; b $[a, b] \neq [6, 10]$; c $[a, b] \neq [8, 13]$; d $[a, b] \neq [10, 12]$.
6. $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{x^2 - \arctan(x^2)}{2x^6} =$ a $\frac{1}{6}$; b 3; c 6; d $\frac{1}{3}$.
7. Data la funzione $f(x) = \frac{\sin x}{2+x}$, determinare la retta tangente al grafico di f in $(0, f(0))$. a $y = 1$; b $y = -x + 1$; c $y = \frac{1}{2}x$; d $y = x$.
8. L'insieme dei valori del parametro $\alpha > 0$ per cui $\lim_{x \rightarrow 0^+} \frac{\log(1 + x^{2\alpha}) + xe^x}{\sin(x^\alpha)} = 0$ è: a $0 < \alpha < \frac{1}{2}$; b $0 < \alpha < 2$; c $0 < \alpha < +\infty$; d $0 < \alpha < 1$.
9. Le soluzioni dell'equazione $i \operatorname{Re} z - (z - \bar{z})\bar{z} = -2 - 3i$ sono: a $1 + i, -1 - 2i$; b $1 - 3i, -1 + i$; c $3 + i, -1 - i$; d $-2 + i, 1 - i$.
10. $g(x) = \begin{cases} \frac{\cos x - 1}{\beta x^2}, & x > 0 \\ 3 - \beta x, & x \leq 0 \end{cases}$ è continua a per $\beta = -6$; b per $\beta = \frac{3}{2}$; c per $\beta = -\frac{1}{6}$; d per $\beta = \frac{2}{3}$.

ANALISI MATEMATICA 1 - TEST 1		8 novembre 2013
Cognome:	Nome:	Matricola:
Corso di laurea:		A B

- Una ed una sola delle quattro affermazioni è corretta. Indicarla con una croce.
- Per annullare una risposta ritenuta errata racchiuderla in un cerchio.
- Risposta corretta: +1.5. Risposta errata: -0.25.

1. $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{2x^6}{x^2 - \arctan(x^2)} =$ a 3; b 6; c $\frac{1}{3}$; d $\frac{1}{6}$.

2. Quale dei numeri complessi disegnati è una delle radici quinte di $-2i$?



3. Data la funzione $f(x) = \frac{e^{-x}}{1+x^2}$, determinare la retta tangente al grafico di f in $(0, f(0))$.

a $y = -x + 1$; b $y = \frac{1}{2}x$; c $y = x$; d $y = 1$.

4. Le soluzioni dell'equazione $i \operatorname{Re} z - (z - \bar{z})\bar{z} = -2 - 3i$ sono:

a $1 - 3i, -1 + i$; b $3 + i, -1 - i$; c $-2 + i, 1 - i$; d $1 + i, -1 - 2i$.

5. Se $f(x) = e^{\cos(x^2)} \cos(x^2)$, allora $f'(\sqrt{\pi}) =$ a $-\frac{2\sqrt{\pi}}{e}$; b 0; c $-2\sqrt{\pi}$; d $2\sqrt{\pi}$.

6. L'insieme dei valori del parametro $\alpha > 0$ per cui $\lim_{x \rightarrow 0^+} \frac{\sin x + x^{3\alpha} e^x}{1 - \cos(x^\alpha)} = 0$ è:

a $0 < \alpha < 2$; b $0 < \alpha < +\infty$; c $0 < \alpha < 1$; d $0 < \alpha < \frac{1}{2}$.

7. L'area della regione $\left\{ z = x + iy \in \mathbf{C} \mid x > 0, y > 0, |e^z| \leq e^{\sqrt{3}}, \frac{1}{2} \leq \frac{x}{\sqrt{x^2 + y^2}} \leq 1 \right\}$ è:

a $\frac{3\sqrt{3}}{8}$; b $\frac{3\sqrt{3}}{2}$; c $\frac{\sqrt{3}}{8}$; d $\frac{1}{8\sqrt{3}}$.

8. Sia f una funzione derivabile e $g(x) = f(2e^x - x^3)$. Allora $g'(0) =$

a $-2f'(2)$; b $-7f'(2)$; c $2f'(2)$; d $f'(2)$.

9. $g(x) = \begin{cases} \frac{\sin(\beta x)}{2x}, & x > 0 \\ 2\beta x + \frac{1}{3}, & x \leq 0 \end{cases}$ è continua

a per $\beta = \frac{3}{2}$; b per $\beta = -\frac{1}{6}$; c per $\beta = \frac{2}{3}$; d per $\beta = -6$.

10. Sia $f : [a, b] \rightarrow \mathbf{R}$ continua e derivabile in $[a, b]$ e tale che $f(a) = 3, f(b) = 10$. Supponiamo che $f'(x) \neq \frac{7}{4}$ per ogni $x \in (a, b)$. Allora è certo che: a $[a, b] \neq [6, 10]$; b $[a, b] \neq [8, 13]$; c $[a, b] \neq [10, 12]$; d $[a, b] \neq [9, 12]$.

ANALISI MATEMATICA 1 - TEST 1		8 novembre 2013
Cognome:	Nome:	Matricola:
Corso di laurea:		A B

- Una ed una sola delle quattro affermazioni è corretta. Indicarla con una croce.
- Per annullare una risposta ritenuta errata racchiuderla in un cerchio.
- Risposta corretta: +1.5. Risposta errata: -0.25.

1. L'insieme dei valori del parametro $\alpha > 0$ per cui $\lim_{x \rightarrow 0^+} \frac{\log(1 + x^{2\alpha}) + xe^x}{\sin(x^\alpha)} = 0$ è:
 a $0 < \alpha < +\infty$; b $0 < \alpha < 1$; c $0 < \alpha < \frac{1}{2}$; d $0 < \alpha < 2$.

2. Data la funzione $f(x) = \frac{\sin x}{2+x}$, determinare la retta tangente al grafico di f in $(0, f(0))$.
 a $y = \frac{1}{2}x$; b $y = x$; c $y = 1$; d $y = -x + 1$.

3. L'area della regione $\left\{ z = x + iy \in \mathbf{C} \mid x > 0, y > 0, |e^z| \leq e^{\sqrt{3}/2}, \frac{1}{2} \leq \frac{x}{\sqrt{x^2+y^2}} \leq 1 \right\}$ è:
 a $\frac{3\sqrt{3}}{2}$; b $\frac{\sqrt{3}}{8}$; c $\frac{1}{8\sqrt{3}}$; d $\frac{3\sqrt{3}}{8}$.

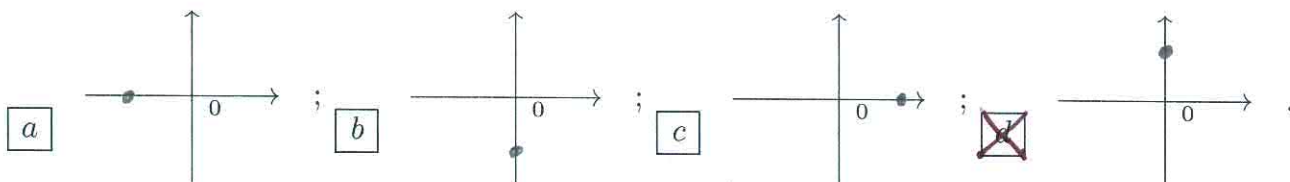
4. $g(x) = \begin{cases} \frac{\cos x - 1}{\beta x^2}, & x > 0 \\ 3 - \beta x, & x \leq 0 \end{cases}$ è continua
 a per $\beta = -\frac{1}{6}$; b per $\beta = \frac{2}{3}$; c per $\beta = -6$; d per $\beta = \frac{3}{2}$.

5. $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{x^6}{x^2 - \arctan(x^2)} =$ a 6; b $\frac{1}{3}$; c $\frac{1}{6}$; d 3.

6. Sia f una funzione derivabile e $g(x) = f(3x^2 + 2e^{-x})$. Allora $g'(0) =$
 a $-7f'(2)$; b $2f'(2)$; c $f'(2)$; d $-2f'(2)$.

7. Le soluzioni dell'equazione $(z - \bar{z})\bar{z} + i \operatorname{Im} z = 2 - 3i$ sono:
 a $3 + i, -1 - i$; b $-2 + i, 1 - i$; c $1 + i, -1 - 2i$; d $1 - 3i, -1 + i$.

8. Quale dei numeri complessi disegnati è una delle radici quinte di $3i$?

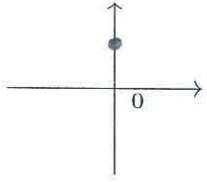
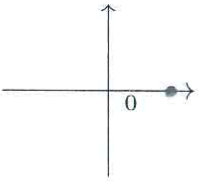
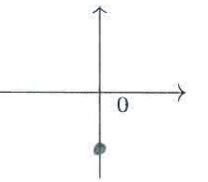
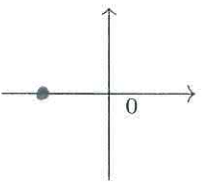


9. Sia $f : [a, b] \rightarrow \mathbf{R}$ continua e derivabile in $[a, b]$ e tale che $f(a) = 3, f(b) = 10$. Supponiamo che $f'(x) \neq \frac{7}{2}$ per ogni $x \in (a, b)$. Allora è certo che: a $[a, b] \neq [8, 13]$; b $[a, b] \neq [10, 12]$; c $[a, b] \neq [9, 12]$; d $[a, b] \neq [6, 10]$.

10. Se $f(x) = e^{\cos(x^2)} \sin(x^2)$, allora $f'(\sqrt{\pi}) =$ a 0; b $-2\sqrt{\pi}$; c $2\sqrt{\pi}$; d $-\frac{2\sqrt{\pi}}{e}$.

ANALISI MATEMATICA 1 - TEST 1		8 novembre 2013
Cognome:	Nome:	Matricola:
Corso di laurea:		A B

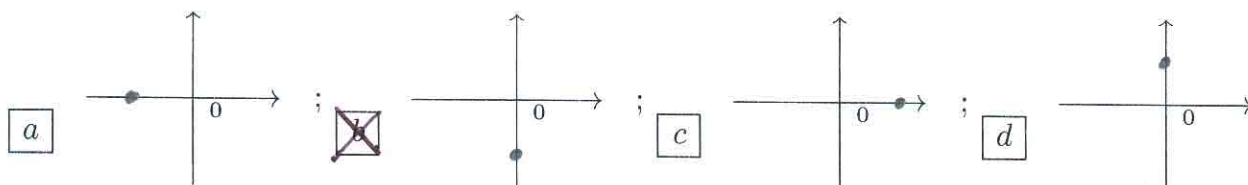
- Una ed una sola delle quattro affermazioni è corretta. Indicarla con una croce.
- Per annullare una risposta ritenuta errata racchiuderla in un cerchio.
- Risposta corretta: +1.5. Risposta errata: -0.25.

1. Sia f una funzione derivabile e $g(x) = f(e^{2x} + e^{-x})$. Allora $g'(0) =$
 a $2f'(2)$; b $f'(2)$; c $-2f'(2)$; d $-7f'(2)$.
2. L'area della regione $\left\{ z = x + iy \in \mathbf{C} \mid x > 0, y > 0, |e^z| \leq e^{1/2}, \frac{\sqrt{3}}{2} \leq \frac{x}{\sqrt{x^2+y^2}} \leq 1 \right\}$ è:
 a $\frac{\sqrt{3}}{8}$; b $\frac{1}{8\sqrt{3}}$; c $\frac{3\sqrt{3}}{8}$; d $\frac{3\sqrt{3}}{2}$.
3. Le soluzioni dell'equazione $(z + \bar{z})z + i\operatorname{Re} z = 2 + 3i$ sono:
 a $-2 + i, 1 - i$; b $1 + i, -1 - 2i$; c $1 - 3i, -1 + i$; d $3 + i, -1 - i$.
4. Sia $f : [a, b] \rightarrow \mathbf{R}$ continua e derivabile in $[a, b]$ e tale che $f(a) = 3, f(b) = 10$. Supponiamo che $f'(x) \neq \frac{7}{4}$ per ogni $x \in (a, b)$. Allora è certo che: a $[a, b] \neq [10, 12]$; b $[a, b] \neq [9, 12]$; c $[a, b] \neq [6, 10]$; d $[a, b] \neq [8, 13]$.
5. L'insieme dei valori del parametro $\alpha > 0$ per cui $\lim_{x \rightarrow 0^+} \frac{\sin(x^{2\alpha}) + x \cos x}{\log(1 + x^\alpha)} = 0$ è:
 a $0 < \alpha < 1$; b $0 < \alpha < \frac{1}{2}$; c $0 < \alpha < 2$; d $0 < \alpha < +\infty$.
6. Quale dei numeri complessi disegnati è una delle radici quinte di $-4i$?
- a  ; b  ; c  ; d 
7. $g(x) = \begin{cases} \frac{e^{\beta x} - 1}{3x}, & x > 0 \\ \beta x^2 - 2, & x \leq 0 \end{cases}$ è continua
 a per $\beta = \frac{2}{3}$; b per $\beta = -6$; c per $\beta = \frac{3}{2}$; d per $\beta = -\frac{1}{6}$.
8. Data la funzione $f(x) = \frac{\sin x}{1+x^2}$, determinare la retta tangente al grafico di f in $(0, f(0))$.
 a $y = x$; b $y = 1$; c $y = -x + 1$; d $y = \frac{1}{2}x$.
9. Se $f(x) = e^{\sin(x^2)} \sin(x^2)$, allora $f'(\sqrt{\pi}) =$ a $-2\sqrt{\pi}$; b $2\sqrt{\pi}$; c $-\frac{2\sqrt{\pi}}{e}$; d 0 .
10. $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{x^2 - \arctan(x^2)}{2x^6} =$ a $\frac{1}{3}$; b $\frac{1}{6}$; c 3 ; d 6 .

ANALISI MATEMATICA 1 - TEST 1		8 novembre 2013
Cognome:	Nome:	Matricola:
Corso di laurea:		A B

- Una ed una sola delle quattro affermazioni è corretta. Indicarla con una croce.
- Per annullare una risposta ritenuta errata racchiuderla in un cerchio.
- Risposta corretta: +1.5. Risposta errata: -0.25.

1. Quale dei numeri complessi disegnati è una delle radici quinte di $-4i$?



2. Le soluzioni dell'equazione $i\operatorname{Re} z - (z - \bar{z})\bar{z} = -2 - 3i$ sono:

- a $1 + i, -1 - 2i$; b $1 - 3i, -1 + i$; c $3 + i, -1 - i$; d $-2 + i, 1 - i$.

3. $g(x) = \begin{cases} \frac{\cos x - 1}{\beta x^2}, & x > 0 \\ 3 - \beta x, & x \leq 0 \end{cases}$ è continua

- a per $\beta = -6$; b per $\beta = \frac{3}{2}$; c per $\beta = -\frac{1}{6}$; d per $\beta = \frac{2}{3}$.

4. Se $f(x) = e^{\cos(x^2)} \cos(x^2)$, allora $f'(\sqrt{\pi}) =$ a $2\sqrt{\pi}$; b $-\frac{2\sqrt{\pi}}{e}$; c 0 ; d $-2\sqrt{\pi}$.

5. Sia f una funzione derivabile e $g(x) = f(3x^2 + 2e^{-x})$. Allora $g'(0) =$

- a $f'(2)$; b $-2f'(2)$; c $-7f'(2)$; d $2f'(2)$.

6. Data la funzione $f(x) = \frac{e^{-x}}{1+x^2}$, determinare la retta tangente al grafico di f in $(0, f(0))$.

- a $y = 1$; b $y = -x + 1$; c $y = \frac{1}{2}x$; d $y = x$.

7. Sia $f : [a, b] \rightarrow \mathbf{R}$ continua e derivabile in $[a, b]$ e tale che $f(a) = 3$, $f(b) = 10$. Supponiamo che $f'(x) \neq \frac{7}{3}$ per ogni $x \in (a, b)$. Allora è certo che: a $[a, b] \neq [9, 12]$; b $[a, b] \neq [6, 10]$;

- c $[a, b] \neq [8, 13]$; d $[a, b] \neq [10, 12]$.

8. L'area della regione $\left\{ z = x + iy \in \mathbf{C} \mid x > 0, y > 0, |e^z| \leq e^{\sqrt{3}/2}, \frac{\sqrt{3}}{2} \leq \frac{x}{\sqrt{x^2+y^2}} \leq 1 \right\}$ è:

- a $\frac{1}{8\sqrt{3}}$; b $\frac{3\sqrt{3}}{8}$; c $\frac{3\sqrt{3}}{2}$; d $\frac{\sqrt{3}}{8}$.

9. $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{x^2 - \arctan(x^2)}{2x^6} =$ a $\frac{1}{6}$; b 3 ; c 6 ; d $\frac{1}{3}$.

10. L'insieme dei valori del parametro $\alpha > 0$ per cui $\lim_{x \rightarrow 0^+} \frac{\log(1 + x^{2\alpha}) + xe^x}{\sin(x^\alpha)} = 0$ è:

- a $0 < \alpha < \frac{1}{2}$; b $0 < \alpha < 2$; c $0 < \alpha < +\infty$; d $0 < \alpha < 1$.

ANALISI MATEMATICA 1 - TEST 1		8 novembre 2013
Cognome:	Nome:	Matricola:
Corso di laurea:		A B

- Una ed una sola delle quattro affermazioni è corretta. Indicarla con una croce.
- Per annullare una risposta ritenuta errata racchiuderla in un cerchio.
- Risposta corretta: +1.5. Risposta errata: -0.25.

1. Data la funzione $f(x) = \frac{\cos x}{1+x^2}$, determinare la retta tangente al grafico di f in $(0, f(0))$.

$y = -x + 1$; $y = \frac{1}{2}x$; $y = x$; $y = 1$.

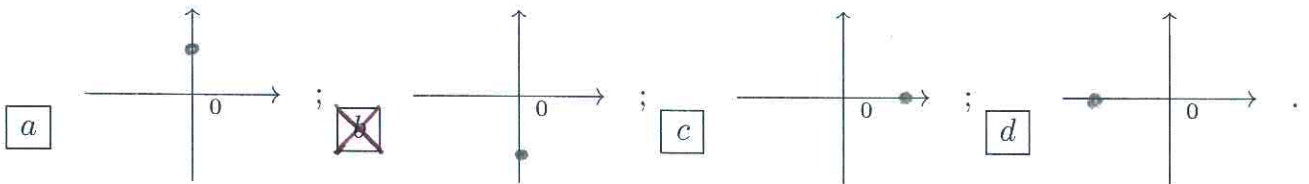
2. $g(x) = \begin{cases} \frac{\sin(\beta x)}{2x}, & x > 0 \\ 2\beta x + \frac{1}{3}, & x \leq 0 \end{cases}$ è continua

per $\beta = \frac{3}{2}$; per $\beta = -\frac{1}{6}$; per $\beta = \frac{2}{3}$; per $\beta = -6$.

3. Sia $f : [a, b] \rightarrow \mathbf{R}$ continua e derivabile in $[a, b]$ e tale che $f(a) = 3$, $f(b) = 10$. Supponiamo che $f'(x) \neq \frac{7}{5}$ per ogni $x \in (a, b)$. Allora è certo che: $[a, b] \neq [6, 10]$; $[a, b] \neq [8, 13]$; $[a, b] \neq [10, 12]$; $[a, b] \neq [9, 12]$.

4. $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{x^2 - \arctan(x^2)}{x^6} =$ 3; 6; $\frac{1}{3}$; $\frac{1}{6}$.

5. Quale dei numeri complessi disegnati è una delle radici quinte di $-2i$?



6. L'area della regione $\left\{ z = x + iy \in \mathbf{C} \mid x > 0, y > 0, |e^z| \leq e^{1/2}, \frac{\sqrt{3}}{2} \leq \frac{x}{\sqrt{x^2+y^2}} \leq 1 \right\}$ è:

$\frac{3\sqrt{3}}{8}$; $\frac{3\sqrt{3}}{2}$; $\frac{\sqrt{3}}{8}$; $\frac{1}{8\sqrt{3}}$.

7. Se $f(x) = e^{\cos(x^2)} \sin(x^2)$, allora $f'(\sqrt{\pi}) =$ $-\frac{2\sqrt{\pi}}{e}$; 0; $-2\sqrt{\pi}$; $2\sqrt{\pi}$.

8. Le soluzioni dell'equazione $i \operatorname{Im} z - (z + \bar{z})z = -2 + 3i$ sono:

$1 - 3i, -1 + i$; $3 + i, -1 - i$; $-2 + i, 1 - i$; $1 + i, -1 - 2i$.

9. L'insieme dei valori del parametro $\alpha > 0$ per cui $\lim_{x \rightarrow 0^+} \frac{x^{3\alpha} e^x + \log(1+x)}{\tan(x^\alpha)} = 0$ è:

$0 < \alpha < 2$; $0 < \alpha < +\infty$; $0 < \alpha < 1$; $0 < \alpha < \frac{1}{2}$.

10. Sia f una funzione derivabile e $g(x) = f(3e^{-2x} - e^x)$. Allora $g'(0) =$

$-2f'(2)$; $-7f'(2)$; $2f'(2)$; $f'(2)$.

ANALISI MATEMATICA 1 - TEST 1		8 novembre 2013
Cognome:	Nome:	Matricola:
Corso di laurea:		A B

- Una ed una sola delle quattro affermazioni è corretta. Indicarla con una croce.
- Per annullare una risposta ritenuta errata racchiuderla in un cerchio.
- Risposta corretta: +1.5. Risposta errata: -0.25.

1. L'area della regione $\left\{ z = x + iy \in \mathbf{C} \mid x > 0, y > 0, |e^z| \leq e^{\sqrt{3}}, \frac{1}{2} \leq \frac{x}{\sqrt{x^2+y^2}} \leq 1 \right\}$ è:

$\frac{3\sqrt{3}}{2}$; $\frac{\sqrt{3}}{8}$; $\frac{1}{8\sqrt{3}}$; $\frac{3\sqrt{3}}{8}$.

2. Sia $f : [a, b] \rightarrow \mathbf{R}$ continua e derivabile in $[a, b]$ e tale che $f(a) = 3, f(b) = 10$. Supponiamo che $f'(x) \neq \frac{7}{3}$ per ogni $x \in (a, b)$. Allora è certo che: $[a, b] \neq [8, 13]$; $[a, b] \neq [10, 12]$; $[a, b] \neq [9, 12]$; $[a, b] \neq [6, 10]$.

3. Se $f(x) = e^{\sin(x^2)} \cos(x^2)$, allora $f'(\sqrt{\pi}) =$ 0; $-2\sqrt{\pi}$; $2\sqrt{\pi}$; $-\frac{2\sqrt{\pi}}{e}$.

4. L'insieme dei valori del parametro $\alpha > 0$ per cui $\lim_{x \rightarrow 0^+} \frac{x^{3\alpha} e^x + \log(1+x)}{\tan(x^\alpha)} = 0$ è:
 $0 < \alpha < +\infty$; $0 < \alpha < 1$; $0 < \alpha < \frac{1}{2}$; $0 < \alpha < 2$.

5. Data la funzione $f(x) = \frac{\sin x}{2+x}$, determinare la retta tangente al grafico di f in $(0, f(0))$.
 $y = \frac{1}{2}x$; $y = x$; $y = 1$; $y = -x + 1$.

6. Le soluzioni dell'equazione $i \operatorname{Im} z - (z + \bar{z})z = -2 + 3i$ sono:
 $3 + i, -1 - i$; $-2 + i, 1 - i$; $1 + i, -1 - 2i$; $1 - 3i, -1 + i$.

7. $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{2x^6}{x^2 - \arctan(x^2)} =$ 6; $\frac{1}{3}$; $\frac{1}{6}$; 3.

8. $g(x) = \begin{cases} \frac{\log(1+3x)}{\beta x}, & x > 0 \\ 2 - \beta x^2, & x \leq 0 \end{cases}$ è continua
 per $\beta = -\frac{1}{6}$; per $\beta = \frac{2}{3}$; per $\beta = -6$; per $\beta = \frac{3}{2}$.

9. Sia f una funzione derivabile e $g(x) = f(e^{2x} + e^{-x})$. Allora $g'(0) =$
 $-7f'(2)$; $2f'(2)$; $f'(2)$; $-2f'(2)$.

10. Quale dei numeri complessi disegnati è una delle radici quinte di $5i$?

