

COGNOME NOME Matr.

Complementi di Analisi Matematica
4 febbraio 2014

Esercizio 1 (8 punti)

Calcolare il massimo ed il minimo assoluti della funzione $f(x, y) = x^2 + x - y^2 + 2y$ nel triangolo (pieno) di vertici $(0,2)$, $(1,0)$ e $(-1,0)$.

Risultato:

Calcoli:

Esercizio 2 (8 punti)

Si calcoli l'integrale triplo $\int \int \int_{\Omega} f(x, y, z) dx dy dz$, dove $f : \mathbf{R}^3 \rightarrow \mathbf{R}$ è la funzione definita da $f(x, y, z) = z$, e $\Omega \subset \mathbf{R}^3$ è l'insieme

$$\Omega := \{(x, y, z) \in \mathbf{R}^3 : (x - 1)^2 + y^2 \leq 1, x + z \leq 3, z - x \geq -2\}.$$

Risultato:

Calcoli:

Esercizio 3 (7 punti)

Si calcoli l'integrale di superficie $\int_{\Sigma} \mathbf{F} \cdot \hat{n} \, dS$, dove $\mathbf{F} : \mathbf{R}^3 \rightarrow \mathbf{R}^3$ è il campo vettoriale $\mathbf{F}(x, y, z) = (x, y, z)$ e Σ è la superficie laterale di un cilindro:

$$\Sigma := \{(x, y, z) \in \mathbf{R}^3 \mid x^2 + y^2 = 4, 0 \leq z \leq 1\}$$

orientata in modo tale che il versore normale \hat{n} punti verso l'esterno del cilindro.

Risultato:

Calcoli:

Esercizio 4 (7 punti)

Tre urne, numerate 1, 2 e 3 e inizialmente vuote, vengono riempite con n palline che vengono inserite, una dopo l'altra, in una delle urne, scelta a caso ogni volta.

Qual è la probabilità che l'urna 1 rimanga vuota?

Qual è la probabilità che le urne 1 e 2 rimangano vuote?

Qual è la probabilità che una qualunque delle urne rimanga vuota?

Risultato:

Calcoli: