

<b>ANALISI 1 INGEGNERIA</b>		<b>23 luglio 1996</b>
<b>Cognome:</b>	<b>Nome:</b>	<b>Firma:</b>
<b>Sezione</b>	<b>Professore</b>	<b>Matricola</b>

- Una ed una sola delle quattro affermazioni è corretta. Indicarla con una croce.
- È consentita una sola correzione per ogni domanda: per annullare una risposta ritenuta errata racchiuderla in un cerchio.

1.

$$\int_{-1}^1 f(3x) dx =$$

$$\boxed{a} \frac{1}{3} \int_{-\frac{1}{3}}^{\frac{1}{3}} f(y) dy; \quad \boxed{b} 3 \int_{-\frac{1}{3}}^{\frac{1}{3}} f(y) dy; \quad \boxed{c} \frac{1}{3} \int_{-3}^3 f(y) dy; \quad \boxed{d} 3 \int_{-3}^3 f(y) dy.$$

2.  $\lim_{n \rightarrow +\infty} n^{10} (1 - \cos \frac{2}{n^5}) = \boxed{a} +\infty; \quad \boxed{b} \frac{1}{2}; \quad \boxed{c} 2; \quad \boxed{d} 1.$

3. Sia  $\sum_{n=1}^{+\infty} a_n$  una serie convergente a termini positivi. Allora;  $\boxed{a} \lim_{n \rightarrow +\infty} n^2 a_n = 0; \quad \boxed{b} a_n$   
 è monotona decrescente;  $\boxed{c} \sum_{n=1}^{+\infty} a_n^2$  converge;  $\boxed{d} \sum_{n=1}^{+\infty} \sqrt{a_n}$  diverge.

4. Sia  $f : \mathbf{R}^3 \rightarrow \mathbf{R}$  definita da  $f(x, y, z) = (x + y + z)^2 e^{(x+y+z)}$ . Se  $v = (-2, 1, 1)$  allora  $\langle v, \nabla f(1, 1, 1) \rangle = \boxed{a} -3e^3; \quad \boxed{b} e^3; \quad \boxed{c} 0; \quad \boxed{d} 3e^3.$

5.  $A \subset \mathbf{R}$  è un insieme chiuso, limitato e non vuoto. Allora:  $\boxed{a} A$  è un intervallo chiuso;  $\boxed{b} A$  contiene tutti i propri punti di accumulazione;  $\boxed{c} A$  ha almeno un punto di accumulazione;  $\boxed{d} A$  non ha punti interni.

6. La serie  $\sum_{n=1}^{+\infty} \frac{n^{2-2\alpha}}{\sqrt{n+1}}$  converge per  $\boxed{a} \alpha \leq 3/2; \quad \boxed{b} \alpha \leq 5/4; \quad \boxed{c} \alpha > 5/4; \quad \boxed{d} -3/2 < \alpha < 3/2.$

7.  $f \in \mathcal{C}^1([0, 1])$  e  $g : [0, 1] \rightarrow \mathbf{R}$  è definita da  $g(x) = x(x-1)f(x)$ . Allora  $\boxed{a} g(x) \leq f(x), \quad \forall x \in [0, 1]; \quad \boxed{b} g'(x) = (2x-1)f'(x); \quad \boxed{c}$  Esiste  $c \in [0, 1]$  tale che  $g'(c) = 0; \quad \boxed{d} g$  è positiva.

8.  $f : \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$  è una funzione continua e limitata. Allora  $\boxed{a}$  L'immagine  $f(\mathbf{R})$  di  $f$  è un insieme chiuso;  $\boxed{b}$  L'immagine  $f(\mathbf{R})$  di  $f$  è un insieme aperto;  $\boxed{c} f$  ha massimo e minimo;  $\boxed{d}$  L'immagine  $f(\mathbf{R})$  di  $f$  è un intervallo.

9. L'espressione  $\sqrt{\log(|x+1|)}$  definisce un numero reale se:  $\boxed{a} x < -1; \quad \boxed{b} x \geq -1; \quad \boxed{c} x \leq -2$  o  $x \geq 0; \quad \boxed{d} -2 < x < 0.$

10. Sia  $f(x) = e^x + ex$  e sia  $g$  la funzione inversa di  $f$ . Allora la retta tangente al grafico di  $g$  nel punto  $(2e, 1)$  è  $\boxed{a} y = 2e + \frac{x-1}{e^2+e}; \quad \boxed{b} y = 1 + \frac{x-2e}{e^2+e}; \quad \boxed{c} y = \frac{x}{2e}; \quad \boxed{d} y = 2e + \frac{x-1}{2e}.$

<b>ANALISI 1 INGEGNERIA</b>		<b>23 luglio 1996</b>
<b>Cognome:</b>	<b>Nome:</b>	<b>Firma:</b>
<b>Sezione</b>	<b>Professore</b>	<b>Matricola</b>

- Una ed una sola delle quattro affermazioni è corretta. Indicarla con una croce.
- È consentita una sola correzione per ogni domanda: per annullare una risposta ritenuta errata racchiuderla in un cerchio.

- La serie  $\sum_{n=1}^{+\infty} \frac{n^{2-2\beta}}{\sqrt{n+1}}$  converge per  a  $\beta \leq 5/4$ ;  b  $\beta > 5/4$ ;  c  $-3/2 < \beta < 3/2$ ;  d  $\beta \leq 3/2$ .
- Sia  $\sum_{n=1}^{+\infty} a_n$  una serie convergente a termini positivi. Allora;  a  $a_n$  è monotona decrescente;  b  $\sum_{n=1}^{+\infty} a_n^2$  converge;  c  $\sum_{n=1}^{+\infty} \sqrt{a_n}$  diverge;  d  $\lim_{n \rightarrow +\infty} n^2 a_n = 0$ .
- $f \in \mathcal{C}^1([0, 1])$  e  $g : [0, 1] \rightarrow \mathbf{R}$  è definita da  $g(x) = x(x-1)f(x)$ . Allora  a  $g'(x) = (2x-1)f'(x)$ ;  b Esiste  $c \in [0, 1]$  tale che  $g'(c) = 0$ ;  c  $g$  è positiva;  d  $g(x) \leq f(x), \forall x \in [0, 1]$ .
- L'espressione  $\sqrt{\log(|x+2|)}$  definisce un numero reale se:  a  $x \geq -2$ ;  b  $x \leq -3$  o  $x \geq -1$ ;  c  $-3 < x < -1$ ;  d  $x < -2$ .
- $$\int_{-1}^1 f(3x) dx =$$
 a  $3 \int_{-\frac{1}{3}}^{\frac{1}{3}} f(y) dy$ ;  b  $\frac{1}{3} \int_{-3}^3 f(y) dy$ ;  c  $3 \int_{-3}^3 f(y) dy$ ;  d  $\frac{1}{3} \int_{-\frac{1}{3}}^{\frac{1}{3}} f(y) dy$ .
- $g : \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$  è una funzione continua e limitata. Allora  a L'immagine  $g(\mathbf{R})$  di  $g$  è un insieme aperto;  b  $g$  ha massimo e minimo;  c L'immagine  $g(\mathbf{R})$  di  $g$  è un intervallo;  d L'immagine  $g(\mathbf{R})$  di  $g$  è un insieme chiuso.
- Sia  $g : \mathbf{R}^3 \rightarrow \mathbf{R}$  definita da  $g(x, y, z) = (x+y+z)^2 e^{(x+y+z)}$ . Se  $v = (-2, 1, 1)$  allora  $\langle v, \nabla g(1, 1, 1) \rangle =$   a  $e^3$ ;  b  $0$ ;  c  $3e^3$ ;  d  $-3e^3$ .
- $\lim_{n \rightarrow +\infty} n^{10} (1 - \cos \frac{2}{n^5}) =$   a  $\frac{1}{2}$ ;  b  $2$ ;  c  $1$ ;  d  $+\infty$ .
- Sia  $f(x) = e^x + ex$  e sia  $g$  la funzione inversa di  $f$ . Allora la retta tangente al grafico di  $g$  nel punto  $(2e, 1)$  è  a  $y = 1 + \frac{x-2e}{e^2+e}$ ;  b  $y = \frac{x}{2e}$ ;  c  $y = 2e + \frac{x-1}{2e}$ ;  d  $y = 2e + \frac{x-1}{e^2+e}$ .
- $B \subset \mathbf{R}$  è un insieme chiuso, limitato e non vuoto. Allora:  a  $B$  contiene tutti i propri punti di accumulazione;  b  $B$  ha almeno un punto di accumulazione;  c  $B$  non ha punti interni;  d  $B$  è un intervallo chiuso.

<b>ANALISI 1 INGEGNERIA</b>		<b>23 luglio 1996</b>
<b>Cognome:</b>	<b>Nome:</b>	<b>Firma:</b>
<b>Sezione</b>	<b>Professore</b>	<b>Matricola</b>

- Una ed una sola delle quattro affermazioni è corretta. Indicarla con una croce.
- È consentita una sola correzione per ogni domanda: per annullare una risposta ritenuta errata racchiuderla in un cerchio.

- $h : \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$  è una funzione continua e limitata. Allora  a  $h$  ha massimo e minimo;  b L'immagine  $h(\mathbf{R})$  di  $h$  è un intervallo;  c L'immagine  $h(\mathbf{R})$  di  $h$  è un insieme chiuso;  d L'immagine  $h(\mathbf{R})$  di  $h$  è un insieme aperto.
- $f \in \mathcal{C}^1([0, 1])$  e  $g : [0, 1] \rightarrow \mathbf{R}$  è definita da  $g(x) = x(x-1)f(x)$ . Allora  a Esiste  $c \in [0, 1]$  tale che  $g'(c) = 0$ ;  b  $g$  è positiva;  c  $g(x) \leq f(x), \forall x \in [0, 1]$ ;  d  $g'(x) = (2x-1)f'(x)$ .
- Sia  $h : \mathbf{R}^3 \rightarrow \mathbf{R}$  definita da  $h(x, y, z) = (x+y+z)^2 e^{(x+y+z)}$ . Se  $v = (-2, 1, 1)$  allora  $\langle v, \nabla h(1, 1, 1) \rangle =$   a 0;  b  $3e^3$ ;  c  $-3e^3$ ;  d  $e^3$ .
- Sia  $f(x) = e^x + ex$  e sia  $g$  la funzione inversa di  $f$ . Allora la retta tangente al grafico di  $g$  nel punto  $(2e, 1)$  è  a  $y = \frac{x}{2e}$ ;  b  $y = 2e + \frac{x-1}{2e}$ ;  c  $y = 2e + \frac{x-1}{e^2+e}$ ;  d  $y = 1 + \frac{x-2e}{e^2+e}$ .
- La serie  $\sum_{n=1}^{+\infty} \frac{n^{2-2\gamma}}{\sqrt{n+1}}$  converge per  a  $\gamma > 5/4$ ;  b  $-3/2 < \gamma < 3/2$ ;  c  $\gamma \leq 3/2$ ;  d  $\gamma \leq 5/4$ .
- $\lim_{n \rightarrow +\infty} n^{10} (1 - \cos \frac{2}{n^5}) =$   a 2;  b 1;  c  $+\infty$ ;  d  $\frac{1}{2}$ .
- L'espressione  $\sqrt{\log(|x+3|)}$  definisce un numero reale se:  a  $x \leq -4$  o  $x \geq -2$ ;  b  $-4 < x < -2$ ;  c  $x < -3$ ;  d  $x \geq -3$ .
- Sia  $\sum_{n=1}^{+\infty} a_n$  una serie convergente a termini positivi. Allora;  a  $\sum_{n=1}^{+\infty} a_n^2$  converge;  b  $\sum_{n=1}^{+\infty} \sqrt{a_n}$  diverge;  c  $\lim_{n \rightarrow +\infty} n^2 a_n = 0$ ;  d  $a_n$  è monotona decrescente.
- $C \subset \mathbf{R}$  è un insieme chiuso, limitato e non vuoto. Allora:  a  $C$  ha almeno un punto di accumulazione;  b  $C$  non ha punti interni;  c  $C$  è un intervallo chiuso;  d  $C$  contiene tutti i propri punti di accumulazione.
- $\int_{-1}^1 f(3x) dx =$

a  $\frac{1}{3} \int_{-3}^3 f(y) dy$ ;  b  $3 \int_{-3}^3 f(y) dy$ ;  c  $\frac{1}{3} \int_{-\frac{1}{3}}^{\frac{1}{3}} f(y) dy$ ;  d  $3 \int_{-\frac{1}{3}}^{\frac{1}{3}} f(y) dy$ .

<b>ANALISI 1 INGEGNERIA</b>		<b>23 luglio 1996</b>
<b>Cognome:</b>	<b>Nome:</b>	<b>Firma:</b>
<b>Sezione</b>	<b>Professore</b>	<b>Matricola</b>

- Una ed una sola delle quattro affermazioni è corretta. Indicarla con una croce.
- È consentita una sola correzione per ogni domanda: per annullare una risposta ritenuta errata racchiuderla in un cerchio.

- $\lim_{n \rightarrow +\infty} n^{10} (1 - \cos \frac{2}{n^5}) =$   a 1;  b  $+\infty$ ;  c  $\frac{1}{2}$ ;  d 2.
- Sia  $f : \mathbf{R}^3 \rightarrow \mathbf{R}$  definita da  $f(x, y, z) = (x + y + z)^2 e^{(x+y+z)}$ . Se  $v = (-2, 1, 1)$  allora  $\langle v, \nabla f(1, 1, 1) \rangle =$   a  $3e^3$ ;  b  $-3e^3$ ;  c  $e^3$ ;  d 0.
- L'espressione  $\sqrt{\log(|x+4|)}$  definisce un numero reale se:  a  $-5 < x < -3$ ;  b  $x < -4$ ;  c  $x \geq -4$ ;  d  $x \leq -5$  o  $x \geq -3$ .
- $A \subset \mathbf{R}$  è un insieme chiuso, limitato e non vuoto. Allora:  a A non ha punti interni;  b A è un intervallo chiuso;  c A contiene tutti i propri punti di accumulazione;  d A ha almeno un punto di accumulazione.
- $f : \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$  è una funzione continua e limitata. Allora  a L'immagine  $f(\mathbf{R})$  di  $f$  è un intervallo;  b L'immagine  $f(\mathbf{R})$  di  $f$  è un insieme chiuso;  c L'immagine  $f(\mathbf{R})$  di  $f$  è un insieme aperto;  d  $f$  ha massimo e minimo.
- Sia  $\sum_{n=1}^{+\infty} a_n$  una serie convergente a termini positivi. Allora;  a  $\sum_{n=1}^{+\infty} \sqrt{a_n}$  diverge;  b  $\lim_{n \rightarrow +\infty} n^2 a_n = 0$ ;  c  $a_n$  è monotona decrescente;  d  $\sum_{n=1}^{+\infty} a_n^2$  converge.
- Sia  $f(x) = e^x + ex$  e sia  $g$  la funzione inversa di  $f$ . Allora la retta tangente al grafico di  $g$  nel punto  $(2e, 1)$  è  a  $y = 2e + \frac{x-1}{2e}$ ;  b  $y = 2e + \frac{x-1}{e^2+e}$ ;  c  $y = 1 + \frac{x-2e}{e^2+e}$ ;  d  $y = \frac{x}{2e}$ .
- $f \in \mathcal{C}^1([0, 1])$  e  $g : [0, 1] \rightarrow \mathbf{R}$  è definita da  $g(x) = x(x-1)f(x)$ . Allora  a  $g$  è positiva;  b  $g(x) \leq f(x), \forall x \in [0, 1]$ ;  c  $g'(x) = (2x-1)f'(x)$ ;  d Esiste  $c \in [0, 1]$  tale che  $g'(c) = 0$ .
- $$\int_{-1}^1 f(3x) dx =$$
 a  $3 \int_{-3}^3 f(y) dy$ ;  b  $\frac{1}{3} \int_{-\frac{1}{3}}^{\frac{1}{3}} f(y) dy$ ;  c  $3 \int_{-\frac{1}{3}}^{\frac{1}{3}} f(y) dy$ ;  d  $\frac{1}{3} \int_{-3}^3 f(y) dy$ .
- La serie  $\sum_{n=1}^{+\infty} \frac{n^{2-2\alpha}}{\sqrt{n+1}}$  converge per  a  $-3/2 < \alpha < 3/2$ ;  b  $\alpha \leq 3/2$ ;  c  $\alpha \leq 5/4$ ;  d  $\alpha > 5/4$ .

<b>ANALISI 1 INGEGNERIA</b>		<b>23 luglio 1996</b>
<b>Cognome:</b>	<b>Nome:</b>	<b>Firma:</b>
<b>Sezione</b>	<b>Professore</b>	<b>Matricola</b>

- Una ed una sola delle quattro affermazioni è corretta. Indicarla con una croce.
- È consentita una sola correzione per ogni domanda: per annullare una risposta ritenuta errata racchiuderla in un cerchio.

1. Sia  $\sum_{n=1}^{+\infty} a_n$  una serie convergente a termini positivi. Allora;   $\lim_{n \rightarrow +\infty} n^2 a_n = 0$ ;   $a_n$  è monotona decrescente;   $\sum_{n=1}^{+\infty} a_n^2$  converge;   $\sum_{n=1}^{+\infty} \sqrt{a_n}$  diverge.
2. L'espressione  $\sqrt{\log(|x+5|)}$  definisce un numero reale se:   $x < -5$ ;   $x \geq -5$ ;   $x \leq -6$  o  $x \geq -4$ ;   $-6 < x < -4$ .
3. Sia  $f(x) = e^x + ex$  e sia  $g$  la funzione inversa di  $f$ . Allora la retta tangente al grafico di  $g$  nel punto  $(2e, 1)$  è   $y = 2e + \frac{x-1}{e^2+e}$ ;   $y = 1 + \frac{x-2e}{e^2+e}$ ;   $y = \frac{x}{2e}$ ;   $y = 2e + \frac{x-1}{2e}$ .
- 4.
- $$\int_{-1}^1 f(3x) dx =$$
- $\frac{1}{3} \int_{-\frac{1}{3}}^{\frac{1}{3}} f(y) dy$ ;   $3 \int_{-\frac{1}{3}}^{\frac{1}{3}} f(y) dy$ ;   $\frac{1}{3} \int_{-3}^3 f(y) dy$ ;   $3 \int_{-3}^3 f(y) dy$ .
5.  $\lim_{n \rightarrow +\infty} n^{10} (1 - \cos \frac{2}{n^5}) =$    $+\infty$ ;   $\frac{1}{2}$ ;   $2$ ;   $1$ .
6.  $f \in C^1([0, 1])$  e  $g : [0, 1] \rightarrow \mathbf{R}$  è definita da  $g(x) = x(x-1)f(x)$ . Allora   $g(x) \leq f(x)$ ,  $\forall x \in [0, 1]$ ;   $g'(x) = (2x-1)f'(x)$ ;  Esiste  $c \in [0, 1]$  tale che  $g'(c) = 0$ ;   $g$  è positiva.
7.  $B \subset \mathbf{R}$  è un insieme chiuso, limitato e non vuoto. Allora:   $B$  è un intervallo chiuso;   $B$  contiene tutti i propri punti di accumulazione;   $B$  ha almeno un punto di accumulazione;   $B$  non ha punti interni.
8. Sia  $g : \mathbf{R}^3 \rightarrow \mathbf{R}$  definita da  $g(x, y, z) = (x+y+z)^2 e^{(x+y+z)}$ . Se  $v = (-2, 1, 1)$  allora  $\langle v, \nabla g(1, 1, 1) \rangle =$    $-3e^3$ ;   $e^3$ ;   $0$ ;   $3e^3$ .
9. La serie  $\sum_{n=1}^{+\infty} \frac{n^{2-2\beta}}{\sqrt{n+1}}$  converge per   $\beta \leq 3/2$ ;   $\beta \leq 5/4$ ;   $\beta > 5/4$ ;   $-3/2 < \beta < 3/2$ .
10.  $g : \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$  è una funzione continua e limitata. Allora  L'immagine  $g(\mathbf{R})$  di  $g$  è un insieme chiuso;  L'immagine  $g(\mathbf{R})$  di  $g$  è un insieme aperto;   $g$  ha massimo e minimo;  L'immagine  $g(\mathbf{R})$  di  $g$  è un intervallo.

<b>ANALISI 1 INGEGNERIA</b>		<b>23 luglio 1996</b>
<b>Cognome:</b>	<b>Nome:</b>	<b>Firma:</b>
<b>Sezione</b>	<b>Professore</b>	<b>Matricola</b>

- Una ed una sola delle quattro affermazioni è corretta. Indicarla con una croce.
- È consentita una sola correzione per ogni domanda: per annullare una risposta ritenuta errata racchiuderla in un cerchio.

1.  $f \in \mathcal{C}^1([0, 1])$  e  $g : [0, 1] \rightarrow \mathbf{R}$  è definita da  $g(x) = x(x-1)f(x)$ . Allora  a  $g'(x) = (2x-1)f'(x)$ ;  b Esiste  $c \in [0, 1]$  tale che  $g'(c) = 0$ ;  c  $g$  è positiva;  d  $g(x) \leq f(x), \forall x \in [0, 1]$ .
2. Sia  $f(x) = e^x + ex$  e sia  $g$  la funzione inversa di  $f$ . Allora la retta tangente al grafico di  $g$  nel punto  $(2e, 1)$  è  a  $y = 1 + \frac{x-2e}{e^2+e}$ ;  b  $y = \frac{x}{2e}$ ;  c  $y = 2e + \frac{x-1}{2e}$ ;  d  $y = 2e + \frac{x-1}{e^2+e}$ .
3.  $C \subset \mathbf{R}$  è un insieme chiuso, limitato e non vuoto. Allora:  a  $C$  contiene tutti i propri punti di accumulazione;  b  $C$  ha almeno un punto di accumulazione;  c  $C$  non ha punti interni;  d  $C$  è un intervallo chiuso.
4. La serie  $\sum_{n=1}^{+\infty} \frac{n^{2-2\gamma}}{\sqrt{n+1}}$  converge per  a  $\gamma \leq 5/4$ ;  b  $\gamma > 5/4$ ;  c  $-3/2 < \gamma < 3/2$ ;  d  $\gamma \leq 3/2$ .
5. Sia  $\sum_{n=1}^{+\infty} a_n$  una serie convergente a termini positivi. Allora:  a  $a_n$  è monotona decrescente;  b  $\sum_{n=1}^{+\infty} a_n^2$  converge;  c  $\sum_{n=1}^{+\infty} \sqrt{a_n}$  diverge;  d  $\lim_{n \rightarrow +\infty} n^2 a_n = 0$ .
6. Sia  $h : \mathbf{R}^3 \rightarrow \mathbf{R}$  definita da  $h(x, y, z) = (x+y+z)^2 e^{(x+y+z)}$ . Se  $v = (-2, 1, 1)$  allora  $\langle v, \nabla h(1, 1, 1) \rangle =$   a  $e^3$ ;  b  $0$ ;  c  $3e^3$ ;  d  $-3e^3$ .
7. 
$$\int_{-1}^1 f(3x) dx =$$
  
 a  $3 \int_{-\frac{1}{3}}^{\frac{1}{3}} f(y) dy$ ;  b  $\frac{1}{3} \int_{-3}^3 f(y) dy$ ;  c  $3 \int_{-3}^3 f(y) dy$ ;  d  $\frac{1}{3} \int_{-\frac{1}{3}}^{\frac{1}{3}} f(y) dy$ .
8. L'espressione  $\sqrt{\log(|x+6|)}$  definisce un numero reale se:  a  $x \geq -6$ ;  b  $x \leq -7$  o  $x \geq -5$ ;  c  $-7 < x < -5$ ;  d  $x < -6$ .
9.  $h : \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$  è una funzione continua e limitata. Allora  a L'immagine  $h(\mathbf{R})$  di  $h$  è un insieme aperto;  b  $h$  ha massimo e minimo;  c L'immagine  $h(\mathbf{R})$  di  $h$  è un intervallo;  d L'immagine  $h(\mathbf{R})$  di  $h$  è un insieme chiuso.
10.  $\lim_{n \rightarrow +\infty} n^{10} (1 - \cos \frac{2}{n^5}) =$   a  $\frac{1}{2}$ ;  b  $2$ ;  c  $1$ ;  d  $+\infty$ .

<b>ANALISI 1 INGEGNERIA</b>		<b>23 luglio 1996</b>
<b>Cognome:</b>	<b>Nome:</b>	<b>Firma:</b>
<b>Sezione</b>	<b>Professore</b>	<b>Matricola</b>

- Una ed una sola delle quattro affermazioni è corretta. Indicarla con una croce.
- È consentita una sola correzione per ogni domanda: per annullare una risposta ritenuta errata racchiuderla in un cerchio.

1. Sia  $f : \mathbf{R}^3 \rightarrow \mathbf{R}$  definita da  $f(x, y, z) = (x + y + z)^2 e^{(x+y+z)}$ . Se  $v = (-2, 1, 1)$  allora  $\langle v, \nabla f(1, 1, 1) \rangle =$   a 0;  b  $3e^3$ ;  c  $-3e^3$ ;  d  $e^3$ .

2.  $A \subset \mathbf{R}$  è un insieme chiuso, limitato e non vuoto. Allora:  a  $A$  ha almeno un punto di accumulazione;  b  $A$  non ha punti interni;  c  $A$  è un intervallo chiuso;  d  $A$  contiene tutti i propri punti di accumulazione.

3.

$$\int_{-1}^1 f(3x) dx =$$

a  $\frac{1}{3} \int_{-3}^3 f(y) dy$ ;  b  $3 \int_{-3}^3 f(y) dy$ ;  c  $\frac{1}{3} \int_{-\frac{1}{3}}^{\frac{1}{3}} f(y) dy$ ;  d  $3 \int_{-\frac{1}{3}}^{\frac{1}{3}} f(y) dy$ .

4.  $f : \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$  è una funzione continua e limitata. Allora  a  $f$  ha massimo e minimo;  b L'immagine  $f(\mathbf{R})$  di  $f$  è un intervallo;  c L'immagine  $f(\mathbf{R})$  di  $f$  è un insieme chiuso;  d L'immagine  $f(\mathbf{R})$  di  $f$  è un insieme aperto.

5.  $f \in \mathcal{C}^1([0, 1])$  e  $g : [0, 1] \rightarrow \mathbf{R}$  è definita da  $g(x) = x(x - 1)f(x)$ . Allora  a Esiste  $c \in [0, 1]$  tale che  $g'(c) = 0$ ;  b  $g$  è positiva;  c  $g(x) \leq f(x), \forall x \in [0, 1]$ ;  d  $g'(x) = (2x - 1)f'(x)$ .

6. L'espressione  $\sqrt{\log(|x + 7|)}$  definisce un numero reale se:  a  $x \leq -8$  o  $x \geq -6$ ;  b  $-8 < x < -6$ ;  c  $x < -7$ ;  d  $x \geq -7$ .

7. La serie  $\sum_{n=1}^{+\infty} \frac{n^{2-2\alpha}}{\sqrt{n+1}}$  converge per  a  $\alpha > 5/4$ ;  b  $-3/2 < \alpha < 3/2$ ;  c  $\alpha \leq 3/2$ ;  d  $\alpha \leq 5/4$ .

8. Sia  $f(x) = e^x + ex$  e sia  $g$  la funzione inversa di  $f$ . Allora la retta tangente al grafico di  $g$  nel punto  $(2e, 1)$  è  a  $y = \frac{x}{2e}$ ;  b  $y = 2e + \frac{x-1}{2e}$ ;  c  $y = 2e + \frac{x-1}{e^2 + e}$ ;  d  $y = 1 + \frac{x-2e}{e^2 + e}$ .

9.  $\lim_{n \rightarrow +\infty} n^{10} (1 - \cos \frac{2}{n^5}) =$   a 2;  b 1;  c  $+\infty$ ;  d  $\frac{1}{2}$ .

10. Sia  $\sum_{n=1}^{+\infty} a_n$  una serie convergente a termini positivi. Allora;  a  $\sum_{n=1}^{+\infty} a_n^2$  converge;  b  $\sum_{n=1}^{+\infty} \sqrt{a_n}$  diverge;  c  $\lim_{n \rightarrow +\infty} n^2 a_n = 0$ ;  d  $a_n$  è monotona decrescente.

<b>ANALISI 1 INGEGNERIA</b>		<b>23 luglio 1996</b>
<b>Cognome:</b>	<b>Nome:</b>	<b>Firma:</b>
<b>Sezione</b>	<b>Professore</b>	<b>Matricola</b>

- Una ed una sola delle quattro affermazioni è corretta. Indicarla con una croce.
- È consentita una sola correzione per ogni domanda: per annullare una risposta ritenuta errata racchiuderla in un cerchio.

1. L'espressione  $\sqrt{\log(|x+8|)}$  definisce un numero reale se:  a  $-9 < x < -7$ ;  b  $x < -8$ ;  c  $x \geq -8$ ;  d  $x \leq -9$  o  $x \geq -7$ .

2.

$$\int_{-1}^1 f(3x) dx =$$

a  $3 \int_{-3}^3 f(y) dy$ ;  b  $\frac{1}{3} \int_{-\frac{1}{3}}^{\frac{1}{3}} f(y) dy$ ;  c  $3 \int_{-\frac{1}{3}}^{\frac{1}{3}} f(y) dy$ ;  d  $\frac{1}{3} \int_{-3}^3 f(y) dy$ .

3. La serie  $\sum_{n=1}^{+\infty} \frac{n^{2-2\beta}}{\sqrt{n+1}}$  converge per  a  $-3/2 < \beta < 3/2$ ;  b  $\beta \leq 3/2$ ;  c  $\beta \leq 5/4$ ;  d  $\beta > 5/4$ .

4.  $\lim_{n \rightarrow +\infty} n^{10} (1 - \cos \frac{2}{n^5}) =$   a 1;  b  $+\infty$ ;  c  $\frac{1}{2}$ ;  d 2.

5. Sia  $g : \mathbf{R}^3 \rightarrow \mathbf{R}$  definita da  $g(x, y, z) = (x + y + z)^2 e^{(x+y+z)}$ . Se  $v = (-2, 1, 1)$  allora  $\langle v, \nabla g(1, 1, 1) \rangle =$   a  $3e^3$ ;  b  $-3e^3$ ;  c  $e^3$ ;  d 0.

6. Sia  $f(x) = e^x + ex$  e sia  $g$  la funzione inversa di  $f$ . Allora la retta tangente al grafico di  $g$  nel punto  $(2e, 1)$  è  a  $y = 2e + \frac{x-1}{2e}$ ;  b  $y = 2e + \frac{x-1}{e^2+e}$ ;  c  $y = 1 + \frac{x-2e}{e^2+e}$ ;  d  $y = \frac{x}{2e}$ .

7.  $g : \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$  è una funzione continua e limitata. Allora  a L'immagine  $g(\mathbf{R})$  di  $g$  è un intervallo;  b L'immagine  $g(\mathbf{R})$  di  $g$  è un insieme chiuso;  c L'immagine  $g(\mathbf{R})$  di  $g$  è un insieme aperto;  d  $g$  ha massimo e minimo.

8.  $B \subset \mathbf{R}$  è un insieme chiuso, limitato e non vuoto. Allora:  a  $B$  non ha punti interni;  b  $B$  è un intervallo chiuso;  c  $B$  contiene tutti i propri punti di accumulazione;  d  $B$  ha almeno un punto di accumulazione.

9. Sia  $\sum_{n=1}^{+\infty} a_n$  una serie convergente a termini positivi. Allora;  a  $\sum_{n=1}^{+\infty} \sqrt{a_n}$  diverge;

b  $\lim_{n \rightarrow +\infty} n^2 a_n = 0$ ;  c  $a_n$  è monotona decrescente;  d  $\sum_{n=1}^{+\infty} a_n^2$  converge.

10.  $f \in \mathcal{C}^1([0, 1])$  e  $g : [0, 1] \rightarrow \mathbf{R}$  è definita da  $g(x) = x(x-1)f(x)$ . Allora  a  $g$  è positiva;  b  $g(x) \leq f(x), \forall x \in [0, 1]$ ;  c  $g'(x) = (2x-1)f'(x)$ ;  d Esiste  $c \in [0, 1]$  tale che  $g'(c) = 0$ .



<b>ANALISI 1 INGEGNERIA</b>		<b>23 luglio 1996</b>
<b>Cognome:</b>	<b>Nome:</b>	<b>Firma:</b>
<b>Sezione</b>	<b>Professore</b>	<b>Matricola</b>

- Una ed una sola delle quattro affermazioni è corretta. Indicarla con una croce.
- È consentita una sola correzione per ogni domanda: per annullare una risposta ritenuta errata racchiuderla in un cerchio.

- Sia  $f(x) = e^x + ex$  e sia  $g$  la funzione inversa di  $f$ . Allora la retta tangente al grafico di  $g$  nel punto  $(2e, 1)$  è   $a$   $y = 2e + \frac{x-1}{e^2+e}$ ;   $b$   $y = 1 + \frac{x-2e}{e^2+e}$ ;   $c$   $y = \frac{x}{2e}$ ;   $d$   $y = 2e + \frac{x-1}{2e}$ .
- La serie  $\sum_{n=1}^{+\infty} \frac{n^{2-2\gamma}}{\sqrt{n+1}}$  converge per   $a$   $\gamma \leq 3/2$ ;   $b$   $\gamma \leq 5/4$ ;   $c$   $\gamma > 5/4$ ;   $d$   $-3/2 < \gamma < 3/2$ .
- $h : \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$  è una funzione continua e limitata. Allora   $a$  L'immagine  $h(\mathbf{R})$  di  $h$  è un insieme chiuso;   $b$  L'immagine  $h(\mathbf{R})$  di  $h$  è un insieme aperto;   $c$   $h$  ha massimo e minimo;   $d$  L'immagine  $h(\mathbf{R})$  di  $h$  è un intervallo.
- Sia  $\sum_{n=1}^{+\infty} a_n$  una serie convergente a termini positivi. Allora;   $a$   $\lim_{n \rightarrow +\infty} n^2 a_n = 0$ ;   $b$   $a_n$  è monotona decrescente;   $c$   $\sum_{n=1}^{+\infty} a_n^2$  converge;   $d$   $\sum_{n=1}^{+\infty} \sqrt{a_n}$  diverge.
- L'espressione  $\sqrt{\log(|x+9|)}$  definisce un numero reale se:   $a$   $x < -9$ ;   $b$   $x \geq -9$ ;   $c$   $x \leq -10$  o  $x \geq -8$ ;   $d$   $-10 < x < -8$ .
- $C \subset \mathbf{R}$  è un insieme chiuso, limitato e non vuoto. Allora:   $a$   $C$  è un intervallo chiuso;   $b$   $C$  contiene tutti i propri punti di accumulazione;   $c$   $C$  ha almeno un punto di accumulazione;   $d$   $C$  non ha punti interni.
- $\lim_{n \rightarrow +\infty} n^{10} (1 - \cos \frac{2}{n^5}) =$    $a$   $+\infty$ ;   $b$   $\frac{1}{2}$ ;   $c$   $2$ ;   $d$   $1$ .
- $$\int_{-1}^1 f(3x) dx =$$
  $a$   $\frac{1}{3} \int_{-\frac{1}{3}}^{\frac{1}{3}} f(y) dy$ ;   $b$   $3 \int_{-\frac{1}{3}}^{\frac{1}{3}} f(y) dy$ ;   $c$   $\frac{1}{3} \int_{-3}^3 f(y) dy$ ;   $d$   $3 \int_{-3}^3 f(y) dy$ .
- $f \in \mathcal{C}^1([0, 1])$  e  $g : [0, 1] \rightarrow \mathbf{R}$  è definita da  $g(x) = x(x-1)f(x)$ . Allora   $a$   $g(x) \leq f(x)$ ,  $\forall x \in [0, 1]$ ;   $b$   $g'(x) = (2x-1)f'(x)$ ;   $c$  Esiste  $c \in [0, 1]$  tale che  $g'(c) = 0$ ;   $d$   $g$  è positiva.
- Sia  $h : \mathbf{R}^3 \rightarrow \mathbf{R}$  definita da  $h(x, y, z) = (x+y+z)^2 e^{(x+y+z)}$ . Se  $v = (-2, 1, 1)$  allora  $\langle v, \nabla h(1, 1, 1) \rangle =$    $a$   $-3e^3$ ;   $b$   $e^3$ ;   $c$   $0$ ;   $d$   $3e^3$ .