

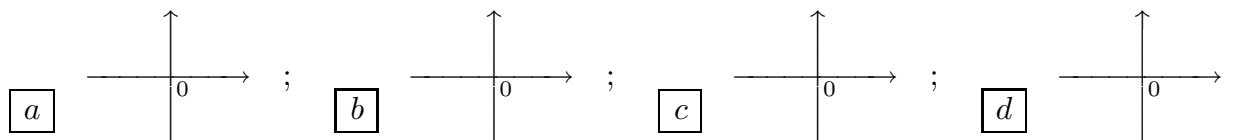
$[0, 1]$ e se x_0 è un punto di massimo di f allora $f'(x_0) = 0$; b f ha massimo in $[0, 1]$; c Se x_0 è un punto di massimo per f allora f è derivabile in x_0 e $f'(x_0) = 0$; d f ha massimo solo se esiste almeno un punto in cui f' è nulla.

2. Sia $f : \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$ definita da $f(x) = x + e^x$. Sia f^{-1} la sua funzione inversa. La retta tangente al grafico di f^{-1} nel punto $(1, 0)$ è: a $y = \frac{1}{1+e}(x-1)$; b $y = \frac{1}{1+e}x$; c $y = \frac{1}{2}(x-1)$; d $y = \frac{1}{2}x$.

3. Sia f definita da $f(x) = 5^x$ per $x \leq 1$ e da $f(x) = ax + b$ per $x > 1$. Per quali valori $a, b \in \mathbf{R}$ f è continua e derivabile in \mathbf{R} ? a $a = 5, b = 0$; b $a = 5 \log 5, b = 5$; c $a = 5 \log 5, b = 5 - 5 \log 5$; d $a = \log 5, b = 5 - \log 5$.

4. Sia $f(x) = (\sin x)^x$ per $x \in (0, \frac{\pi}{2})$. Allora $f'(\frac{\pi}{3}) =$ a $(\frac{1}{2})^{\pi/3} \left(\log \frac{\sqrt{3}}{2} + \frac{\pi}{3\sqrt{3}} \right)$; b $\left(\frac{\sqrt{3}}{2} \right)^{\pi/3} \left(-\log 2 - \frac{\sqrt{3}\pi}{3} \right)$; c $(\frac{1}{2})^{\pi/3} \left(-\log 2 - \frac{\sqrt{3}\pi}{3} \right)$; d $\left(\frac{\sqrt{3}}{2} \right)^{\pi/3} \left(\log \frac{\sqrt{3}}{2} + \frac{\pi}{3\sqrt{3}} \right)$.

5.



6. $\lim_{n \rightarrow +\infty} \frac{n \sin n!}{n+1}$ a $= -1$; b non esiste; c $= 0$; d $= 1$.

7. Sia $f : \mathbf{R} \setminus \{1\} \rightarrow \mathbf{R}$ definita da $f(x) = \frac{2x^2 + \sin x^2}{|x-1|}$. L'asintoto obliquo di f per $x \rightarrow +\infty$ è: a $y = 2x + \cos 1$; b Non esiste asintoto obliquo; c $y = 2x$; d $y = 2(x-1)$.

8. Sia $f : \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$ una funzione invertibile e sia f^{-1} la sua funzione inversa. Quale delle seguenti affermazioni è necessariamente vera? a Se f è continua allora f^{-1} è continua; b $f^2(x)$ è invertibile; c Se f è monotona crescente allora f è monotona decrescente.; d Se f è derivabile in $x_0 \in \mathbf{R}$ allora f^{-1} è definita e derivabile in x_0 .

9. Sia $f : \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$ derivabile e sia $g : \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$ definita da $g(x) = \sin(f(x^4))$. Allora $g'(x) =$ a $4 \sin^3(f(x)) \cos(f(x)) f'(x)$; b $4x^3 \sin(f(x^4)) f'(x^4)$; c $4x^3 \cos(f(x^4)) f'(x^4)$; d $4f(x)^3 \cos(f(x^4)) f'(x)$.

10. \mathbf{R} è completo significa: a per ogni coppia α, β di numeri reali, $\alpha < \beta$ esistono infiniti numeri reali x tali che $\alpha < x < \beta$; b non esiste un numero reale più piccolo di tutti gli altri nè uno più grande; c ogni sottinsieme limitato di \mathbf{R} ha estremo superiore ed inferiore.; d non esiste alcun campo numerico che contenga \mathbf{R} come sottoinsieme.

$a = \log 3, b = 3 - \log 3$; $a = 3, b = 0$.

3. Sia $f : \mathbf{R} \setminus \{1\} \rightarrow \mathbf{R}$ definita da $f(x) = \frac{3x^2 + \sin x^2}{|x-1|}$. L'asintoto obliquo di f per $x \rightarrow -\infty$ è :

Non esiste asintoto obliquo; $y = -3x$; $y = -3(x-1)$; $y = -3x + \cos 1$.

4. Sia $f : \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$ derivabile e sia $g : \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$ definita da $g(x) = \sin(f(x)^4)$. Allora $g'(x) =$

$4 \sin(f(x)^4) f(x)^3 f'(x)$; $4x^3 \cos(f(x^4)) f'(x^4)$; $4f(x)^3 \cos(f(x)^4) f'(x)$;
 $4 \sin^3(f(x)) \cos(f(x)) f'(x)$.

5. Sia $f : \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$ una funzione continua. Allora necessariamente: f ha massimo in \mathbf{R} ;

Se x_0 è un punto di massimo per f allora f è derivabile in x_0 e $f'(x_0) = 0$; f ha massimo solo se esiste almeno un punto in cui f' è nulla; Se f è derivabile in \mathbf{R} e se x_0 è un punto di massimo di f allora $f'(x_0) = 0$.

6. Sia $g : \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$ una funzione invertibile e sia g^{-1} la sua funzione inversa. Quale delle seguenti affermazioni è necessariamente vera?

$g^2(x)$ è invertibile; Se g è monotona crescente allora g è monotona decrescente.; Se g è derivabile in $x_0 \in \mathbf{R}$ allora g^{-1} è definita e derivabile in x_0 ; Se g è continua allora g^{-1} è continua.

7. Sia $f(x) = (\cos x)^x$ per $x \in (0, \frac{\pi}{2})$. Allora $f'(\frac{\pi}{3}) =$ $\left(\frac{\sqrt{3}}{2}\right)^{\pi/3} \left(-\log 2 - \frac{\sqrt{3}\pi}{3}\right)$;

$\left(\frac{1}{2}\right)^{\pi/3} \left(-\log 2 - \frac{\sqrt{3}\pi}{3}\right)$; $\left(\frac{\sqrt{3}}{2}\right)^{\pi/3} \left(\log \frac{\sqrt{3}}{2} + \frac{\pi}{3\sqrt{3}}\right)$; $\left(\frac{1}{2}\right)^{\pi/3} \left(\log \frac{\sqrt{3}}{2} + \frac{\pi}{3\sqrt{3}}\right)$.

8. Sia $f : \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$ definita da $f(x) = x + 1 + \sin x$. Sia f^{-1} la sua funzione inversa. La

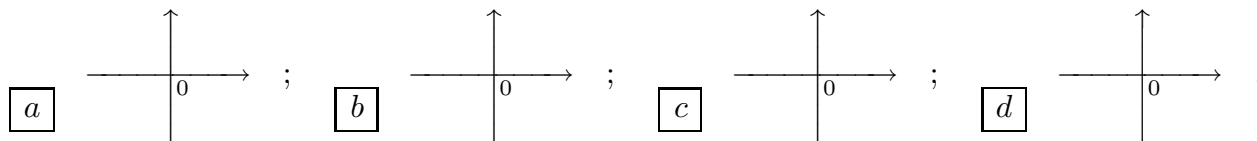
retta tangente al grafico di f^{-1} nel punto $(1, 0)$ è : $y = \frac{1}{1 + \cos 1} x$; $y = \frac{1}{2}(x - 1)$;

$y = \frac{1}{2}x$; $y = \frac{1}{1 + \cos 1}(x - 1)$.

9. \mathbf{R} è completo significa: non esiste un numero reale più piccolo di tutti gli altri nè uno

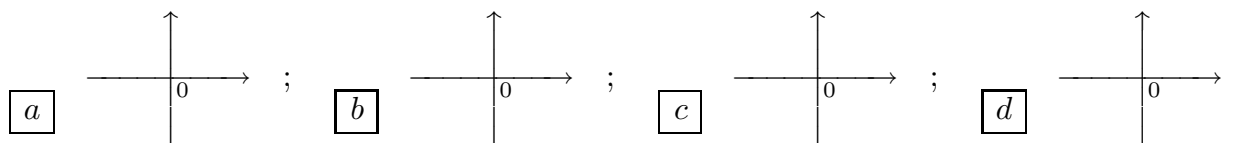
più grande; ogni sottinsieme limitato di \mathbf{R} ha estremo superiore ed inferiore.; non esiste alcun campo numerico che contenga \mathbf{R} come sottinsieme; per ogni coppia α, β di numeri reali, $\alpha < \beta$ esistono infiniti numeri reali x tali che $\alpha < x < \beta$.

10.



2. Sia $f : \mathbf{R} \setminus \{1\} \rightarrow \mathbf{R}$ definita da $f(x) = \frac{4x^2 + \sin x^2}{|x-1|}$. L'asintoto obliquo di f per $x \rightarrow +\infty$ è : a $y = 4x$; b $y = 4(x-1)$; c $y = 4x + \cos 1$; d Non esiste asintoto obliquo.
3. Sia $f(x) = (\sin x)^x$ per $x \in (0, \frac{\pi}{2})$. Allora $f'(\frac{\pi}{3}) =$ a $(\frac{1}{2})^{\pi/3} (-\log 2 - \frac{\sqrt{3}\pi}{3})$; b $(\frac{\sqrt{3}}{2})^{\pi/3} (\log \frac{\sqrt{3}}{2} + \frac{\pi}{3\sqrt{3}})$; c $(\frac{1}{2})^{\pi/3} (\log \frac{\sqrt{3}}{2} + \frac{\pi}{3\sqrt{3}})$; d $(\frac{\sqrt{3}}{2})^{\pi/3} (-\log 2 - \frac{\sqrt{3}\pi}{3})$.
4. \mathbf{R} è completo significa: a ogni sottinsieme limitato di \mathbf{R} ha estremo superiore ed inferiore.; b non esiste alcun campo numerico che contenga \mathbf{R} come sottoinsieme; c per ogni coppia α, β di numeri reali, $\alpha < \beta$ esistono infiniti numeri reali x tali che $\alpha < x < \beta$; d non esiste un numero reale più piccolo di tutti gli altri nè uno più grande.
5. $\lim_{n \rightarrow +\infty} \frac{n \sin n!}{n+1}$ a $= 0$; b $= 1$; c $= -1$; d non esiste.
6. Sia $f : \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$ definita da $f(x) = x + e^x$. Sia f^{-1} la sua funzione inversa. La retta tangente al grafico di f^{-1} nel punto $(1, 0)$ è : a $y = \frac{1}{2}(x-1)$; b $y = \frac{1}{2}x$; c $y = \frac{1}{1+e}(x-1)$; d $y = \frac{1}{1+e}x$.
7. Sia $f : \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$ derivabile e sia $g : \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$ definita da $g(x) = \sin^4(f(x))$. Allora $g'(x) =$ a $4x^3 \cos(f(x^4)) f'(x^4)$; b $4f(x)^3 \cos(f(x^4))f'(x)$; c $4 \sin^3(f(x)) \cos(f(x))f'(x)$; d $4 \sin^3(f(x))f'(x)$.
8. Sia f definita da $f(x) = 2^x$ per $x \leq 1$ e da $f(x) = ax + b$ per $x > 1$. Per quali valori $a, b \in \mathbf{R}$ f è continua e derivabile in \mathbf{R} ? a $a = 2 \log 2, b = 2 - 2 \log 2$; b $a = \log 2, b = 2 - \log 2$; c $a = 2, b = 0$; d $a = 2 \log 2, b = 2$.

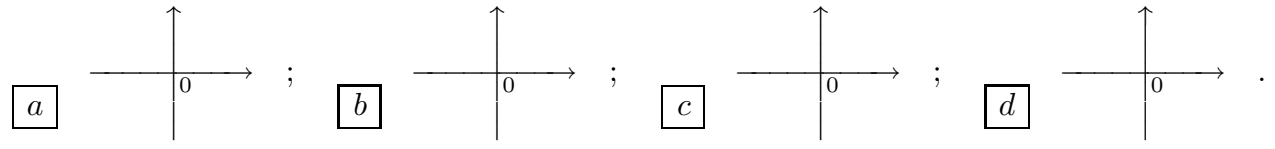
9.



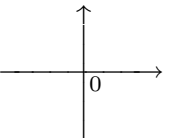
10. Sia $f : [0, 1] \rightarrow \mathbf{R}$ una funzione continua. Allora necessariamente: a Se x_0 è un punto di massimo per f allora f è derivabile in x_0 e $f'(x_0) = 0$; b f ha massimo solo se esiste almeno un punto in cui f' è nulla; c Se f è derivabile in $[0, 1]$ e se x_0 è un punto di massimo di f allora $f'(x_0) = 0$; d f ha massimo in $[0, 1]$.

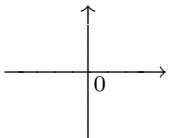
2. Sia $f(x) = (\cos x)^x$ per $x \in (0, \frac{\pi}{2})$. Allora $f'(\pi/3) =$ a $\left(\frac{\sqrt{3}}{2}\right)^{\pi/3} \left(\log \frac{\sqrt{3}}{2} + \frac{\pi}{3\sqrt{3}}\right)$;
 b $\left(\frac{1}{2}\right)^{\pi/3} \left(\log \frac{\sqrt{3}}{2} + \frac{\pi}{3\sqrt{3}}\right)$; c $\left(\frac{\sqrt{3}}{2}\right)^{\pi/3} \left(-\log 2 - \frac{\sqrt{3}\pi}{3}\right)$; d $\left(\frac{1}{2}\right)^{\pi/3} \left(-\log 2 - \frac{\sqrt{3}\pi}{3}\right)$.
3. Sia $f : \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$ derivabile e sia $g : \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$ definita da $g(x) = \sin(f(x^4))$. Allora $g'(x) =$
 a $4f(x)^3 \cos(f(x^4))f'(x)$; b $4\sin^3(f(x)) \cos(f(x))f'(x)$; c $4x^3 \sin(f(x^4))f'(x^4)$;
 d $4x^3 \cos(f(x^4)) f'(x^4)$.

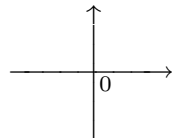
4.

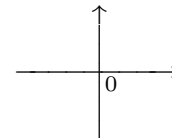


5. Sia $f : \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$ una funzione invertibile e sia f^{-1} la sua funzione inversa. Quale delle seguenti affermazioni è necessariamente vera? a Se f è derivabile in $x_0 \in \mathbf{R}$ allora f^{-1} è definita e derivabile in x_0 ; b Se f è continua allora f^{-1} è continua; c $f^2(x)$ è invertibile; d Se f è monotona crescente allora f è monotona decrescente..
6. Sia f definita da $f(x) = 5^x$ per $x \leq 1$ e da $f(x) = ax + b$ per $x > 1$. Per quali valori $a, b \in \mathbf{R}$ f è continua e derivabile in \mathbf{R} ? a $a = \log 5, b = 5 - \log 5$; b $a = 5, b = 0$;
 c $a = 5 \log 5, b = 5$; d $a = 5 \log 5, b = 5 - 5 \log 5$.
7. \mathbf{R} è completo significa: a non esiste alcun campo numerico che contenga \mathbf{R} come sottinsieme; b per ogni coppia α, β di numeri reali, $\alpha < \beta$ esistono infiniti numeri reali x tali che $\alpha < x < \beta$; c non esiste un numero reale più piccolo di tutti gli altri nè uno più grande; d ogni sottinsieme limitato di \mathbf{R} ha estremo superiore ed inferiore..
8. Sia $f : \mathbf{R} \setminus \{1\} \rightarrow \mathbf{R}$ definita da $f(x) = \frac{5x^2 + \sin x^2}{|x - 1|}$. L'asintoto obliquo di f per $x \rightarrow -\infty$ è :
 a $y = -5(x - 1)$; b $y = -5x + \cos 1$; c Non esiste asintoto obliquo; d $y = -5x$.
9. Sia $f : \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$ una funzione continua. Allora necessariamente: a f ha massimo solo se esiste almeno un punto in cui f' è nulla; b Se f è derivabile in \mathbf{R} e se x_0 è un punto di massimo di f allora $f'(x_0) = 0$; c f ha massimo in \mathbf{R} ; d Se x_0 è un punto di massimo per f allora f è derivabile in x_0 e $f'(x_0) = 0$.
10. $\lim_{n \rightarrow +\infty} \frac{n \sin n!}{n^2 + 1}$ a = 1; b = -1; c non esiste; d = 0.

2. Sia $f : \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$ derivabile e sia $g : \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$ definita da $g(x) = \sin(f(x)^4)$. Allora $g'(x) =$
 a $4 \sin^3(f(x)) \cos(f(x)) f'(x)$; b $4 \sin(f(x)^4) f(x)^3 f'(x)$; c $4x^3 \cos(f(x^4)) f'(x^4)$;
 d $4f(x)^3 \cos(f(x)^4) f'(x)$.
3. \mathbf{R} è completo significa: a per ogni coppia α, β di numeri reali, $\alpha < \beta$ esistono infiniti numeri reali x tali che $\alpha < x < \beta$; b non esiste un numero reale più piccolo di tutti gli altri nè uno più grande; c ogni sottoinsieme limitato di \mathbf{R} ha estremo superiore ed inferiore.; d non esiste alcun campo numerico che contenga \mathbf{R} come sottoinsieme.
4. Sia $f : [0, 1] \rightarrow \mathbf{R}$ una funzione continua. Allora necessariamente: a Se f è derivabile in $[0, 1]$ e se x_0 è un punto di massimo di f allora $f'(x_0) = 0$; b f ha massimo in $[0, 1]$; c Se x_0 è un punto di massimo per f allora f è derivabile in x_0 e $f'(x_0) = 0$; d f ha massimo solo se esiste almeno un punto in cui f' è nulla.
5. Sia $f : \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$ definita da $f(x) = x + e^x$. Sia f^{-1} la sua funzione inversa. La retta tangente al grafico di f^{-1} nel punto $(1, 0)$ è: a $y = \frac{1}{1+e}(x-1)$; b $y = \frac{1}{1+e}x$;
 c $y = \frac{1}{2}(x-1)$; d $y = \frac{1}{2}x$.
6. Sia $f : \mathbf{R} \setminus \{1\} \rightarrow \mathbf{R}$ definita da $f(x) = \frac{6x^2 + \sin x^2}{|x-1|}$. L'asintoto obliquo di f per $x \rightarrow +\infty$ è: a $y = 6x + \cos 1$; b Non esiste asintoto obliquo; c $y = 6x$; d $y = 6(x-1)$.
- 7.
- a 

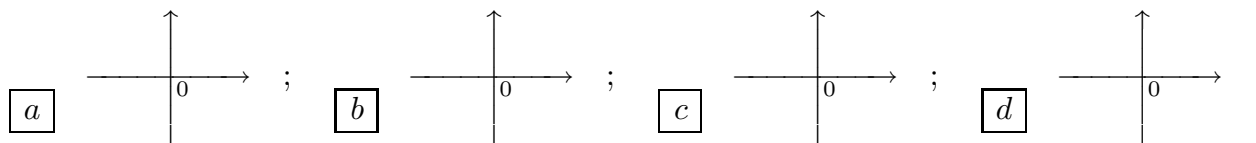
b 

c 

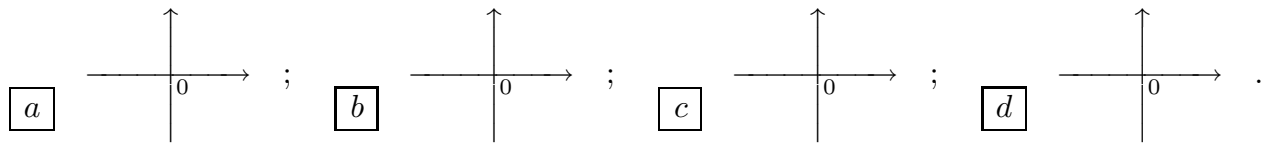
d 
8. Sia $f(x) = (\sin x)^x$ per $x \in (0, \frac{\pi}{2})$. Allora $f'(\frac{\pi}{3}) =$ a $(\frac{1}{2})^{\pi/3} \left(\log \frac{\sqrt{3}}{2} + \frac{\pi}{3\sqrt{3}} \right)$;
 b $\left(\frac{\sqrt{3}}{2} \right)^{\pi/3} \left(-\log 2 - \frac{\sqrt{3}\pi}{3} \right)$; c $(\frac{1}{2})^{\pi/3} \left(-\log 2 - \frac{\sqrt{3}\pi}{3} \right)$; d $\left(\frac{\sqrt{3}}{2} \right)^{\pi/3} \left(\log \frac{\sqrt{3}}{2} + \frac{\pi}{3\sqrt{3}} \right)$.
9. $\lim_{n \rightarrow +\infty} \frac{n \sin n!}{n+1}$ a $= -1$; b non esiste; c $= 0$; d $= 1$.
10. Sia $g : \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$ una funzione invertibile e sia g^{-1} la sua funzione inversa. Quale delle seguenti affermazioni è necessariamente vera? a Se g è continua allora g^{-1} è continua; b $g^2(x)$ è invertibile; c Se g è monotona crescente allora g è monotona decrescente.; d Se g è derivabile in $x_0 \in \mathbf{R}$ allora g^{-1} è definita e derivabile in x_0 .

2. \mathbf{R} è completo significa: a non esiste un numero reale più grande di tutti gli altri in un insieme più grande; b ogni sottinsieme limitato di \mathbf{R} ha estremo superiore ed inferiore.; c non esiste alcun campo numerico che contenga \mathbf{R} come sottoinsieme; d per ogni coppia α, β di numeri reali, $\alpha < \beta$ esistono infiniti numeri reali x tali che $\alpha < x < \beta$.

3.



4. $\lim_{n \rightarrow +\infty} \frac{n \sin n!}{n^2 + 1}$ a non esiste; $b = 0$; $c = 1$; $d = -1$.
5. Sia f definita da $f(x) = 2^x$ per $x \leq 1$ e da $f(x) = ax + b$ per $x > 1$. Per quali valori $a, b \in \mathbf{R}$ f è continua e derivabile in \mathbf{R} ? $a = 2 \log 2, b = 2$; $a = 2 \log 2, b = 2 - 2 \log 2$; $a = \log 2, b = 2 - \log 2$; $a = 2, b = 0$.
6. Sia $f(x) = (\cos x)^x$ per $x \in (0, \frac{\pi}{2})$. Allora $f'(\frac{\pi}{3}) =$ $\left(\frac{\sqrt{3}}{2}\right)^{\pi/3} \left(-\log 2 - \frac{\sqrt{3}\pi}{3}\right)$; $\left(\frac{1}{2}\right)^{\pi/3} \left(-\log 2 - \frac{\sqrt{3}\pi}{3}\right)$; $\left(\frac{\sqrt{3}}{2}\right)^{\pi/3} \left(\log \frac{\sqrt{3}}{2} + \frac{\pi}{3\sqrt{3}}\right)$; $\left(\frac{1}{2}\right)^{\pi/3} \left(\log \frac{\sqrt{3}}{2} + \frac{\pi}{3\sqrt{3}}\right)$.
7. Sia $f : \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$ una funzione continua. Allora necessariamente: a f ha massimo in \mathbf{R} ; b Se x_0 è un punto di massimo per f allora f è derivabile in x_0 e $f'(x_0) = 0$; c f ha massimo solo se esiste almeno un punto in cui f' è nulla; d Se f è derivabile in \mathbf{R} e se x_0 è un punto di massimo di f allora $f'(x_0) = 0$.
8. Sia $f : \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$ derivabile e sia $g : \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$ definita da $g(x) = \sin^4(f(x))$. Allora $g'(x) =$ a $4 \sin^3(f(x))f'(x)$; b $4x^3 \cos(f(x^4)) f'(x^4)$; c $4f(x)^3 \cos(f(x)^4)f'(x)$; d $4 \sin^3(f(x)) \cos(f(x))f'(x)$.
9. Sia $h : \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$ una funzione invertibile e sia h^{-1} la sua funzione inversa. Quale delle seguenti affermazioni è necessariamente vera? a $h^2(x)$ è invertibile; b Se h è monotona crescente allora h è monotona decrescente.; c Se h è derivabile in $x_0 \in \mathbf{R}$ allora h^{-1} è definita e derivabile in x_0 ; d Se h è continua allora h^{-1} è continua.
10. Sia $f : \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$ definita da $f(x) = x + 1 + \sin x$. Sia f^{-1} la sua funzione inversa. La retta tangente al grafico di f^{-1} nel punto $(1, 0)$ è: a $y = \frac{1}{1 + \cos 1}x$; b $y = \frac{1}{2}(x - 1)$; c $y = \frac{1}{2}x$; d $y = \frac{1}{1 + \cos 1}(x - 1)$.



3. Sia $f : [0, 1] \rightarrow \mathbf{R}$ una funzione continua. Allora necessariamente: **a** Se x_0 è un punto di massimo per f allora f è derivabile in x_0 e $f'(x_0) = 0$; **b** f ha massimo solo se esiste almeno un punto in cui f' è nulla; **c** Se f è derivabile in $[0, 1]$ e se x_0 è un punto di massimo di f allora $f'(x_0) = 0$; **d** f ha massimo in $[0, 1]$.
4. Sia $f : \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$ una funzione invertibile e sia f^{-1} la sua funzione inversa. Quale delle seguenti affermazioni è necessariamente vera? **a** Se f è monotona crescente allora f è monotona decrescente.; **b** Se f è derivabile in $x_0 \in \mathbf{R}$ allora f^{-1} è definita e derivabile in x_0 ; **c** Se f è continua allora f^{-1} è continua; **d** $f^2(x)$ è invertibile.
5. Sia $f : \mathbf{R} \setminus \{1\} \rightarrow \mathbf{R}$ definita da $f(x) = \frac{8x^2 + \sin x^2}{|x - 1|}$. L'asintoto obliquo di f per $x \rightarrow +\infty$ è: **a** $y = 8x$; **b** $y = 8(x - 1)$; **c** $y = 8x + \cos 1$; **d** Non esiste asintoto obliquo.
6. Sia $f : \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$ derivabile e sia $g : \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$ definita da $g(x) = \sin(f(x^4))$. Allora $g'(x) =$ **a** $4x^3 \cos(f(x^4)) f'(x^4)$; **b** $4f(x)^3 \cos(f(x)^4) f'(x)$; **c** $4 \sin^3(f(x)) \cos(f(x)) f'(x)$; **d** $4x^3 \sin(f(x^4)) f'(x^4)$.
7. $\lim_{n \rightarrow +\infty} \frac{n \sin n!}{n + 1}$ **a** $= 0$; **b** $= 1$; **c** $= -1$; **d** non esiste.
8. \mathbf{R} è completo significa: **a** ogni sottinsieme limitato di \mathbf{R} ha estremo superiore ed inferiore.; **b** non esiste alcun campo numerico che contenga \mathbf{R} come sottoinsieme; **c** per ogni coppia α, β di numeri reali, $\alpha < \beta$ esistono infiniti numeri reali x tali che $\alpha < x < \beta$; **d** non esiste un numero reale più piccolo di tutti gli altri nè uno più grande.
9. Sia $f : \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$ definita da $f(x) = x + e^x$. Sia f^{-1} la sua funzione inversa. La retta tangente al grafico di f^{-1} nel punto $(1, 0)$ è: **a** $y = \frac{1}{2}(x - 1)$; **b** $y = \frac{1}{2}x$; **c** $y = \frac{1}{1 + e}(x - 1)$; **d** $y = \frac{1}{1 + e}x$.
10. Sia f definita da $f(x) = 5^x$ per $x \leq 1$ e da $f(x) = ax + b$ per $x > 1$. Per quali valori $a, b \in \mathbf{R}$ f è continua e derivabile in \mathbf{R} ? **a** $a = 5 \log 5$, $b = 5 - 5 \log 5$; **b** $a = \log 5$, $b = 5 - \log 5$; **c** $a = 5$, $b = 0$; **d** $a = 5 \log 5$, $b = 5$.

2. Sia $f : \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$ una funzione continua. Allora necessariamente: a f ha massimo solo se esiste almeno un punto in cui f' è nulla; b Se f è derivabile in \mathbf{R} e se x_0 è un punto di massimo di f allora $f'(x_0) = 0$; c f ha massimo in \mathbf{R} ; d Se x_0 è un punto di massimo per f allora f è derivabile in x_0 e $f'(x_0) = 0$.

3. $\lim_{n \rightarrow +\infty} \frac{n \sin n!}{n^2 + 1}$ a = 1; b = -1; c non esiste; d = 0.

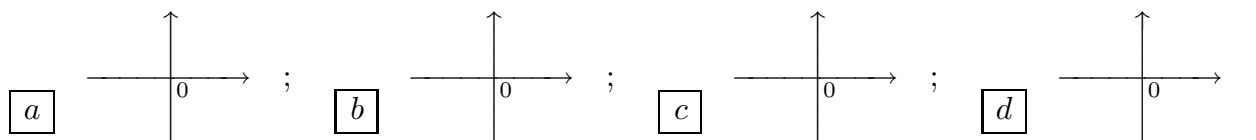
4. Sia $f : \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$ definita da $f(x) = x + 1 + \sin x$. Sia f^{-1} la sua funzione inversa. La retta tangente al grafico di f^{-1} nel punto $(1, 0)$ è: a $y = \frac{1}{2}x$; b $y = \frac{1}{1 + \cos 1}(x - 1)$; c $y = \frac{1}{1 + \cos 1}x$; d $y = \frac{1}{2}(x - 1)$.

5. Sia $f(x) = (\cos x)^x$ per $x \in (0, \frac{\pi}{2})$. Allora $f'(\frac{\pi}{3}) =$ a $\left(\frac{\sqrt{3}}{2}\right)^{\pi/3} \left(\log \frac{\sqrt{3}}{2} + \frac{\pi}{3\sqrt{3}}\right)$; b $\left(\frac{1}{2}\right)^{\pi/3} \left(\log \frac{\sqrt{3}}{2} + \frac{\pi}{3\sqrt{3}}\right)$; c $\left(\frac{\sqrt{3}}{2}\right)^{\pi/3} \left(-\log 2 - \frac{\sqrt{3}\pi}{3}\right)$; d $\left(\frac{1}{2}\right)^{\pi/3} \left(-\log 2 - \frac{\sqrt{3}\pi}{3}\right)$.

6. \mathbf{R} è completo significa: a non esiste alcun campo numerico che contenga \mathbf{R} come sottinsieme; b per ogni coppia α, β di numeri reali, $\alpha < \beta$ esistono infiniti numeri reali x tali che $\alpha < x < \beta$; c non esiste un numero reale più piccolo di tutti gli altri nè uno più grande; d ogni sottinsieme limitato di \mathbf{R} ha estremo superiore ed inferiore..

7. Sia $g : \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$ una funzione invertibile e sia g^{-1} la sua funzione inversa. Quale delle seguenti affermazioni è necessariamente vera? a Se g è derivabile in $x_0 \in \mathbf{R}$ allora g^{-1} è definita e derivabile in x_0 ; b Se g è continua allora g^{-1} è continua; c $g^2(x)$ è invertibile; d Se g è monotona crescente allora g è monotona decrescente..

8.



9. Sia f definita da $f(x) = 3^x$ per $x \leq 1$ e da $f(x) = ax + b$ per $x > 1$. Per quali valori $a, b \in \mathbf{R}$ f è continua e derivabile in \mathbf{R} ? a $a = \log 3, b = 3 - \log 3$; b $a = 3, b = 0$; c $a = 3 \log 3, b = 3$; d $a = 3 \log 3, b = 3 - 3 \log 3$.

10. Sia $f : \mathbf{R} \setminus \{1\} \rightarrow \mathbf{R}$ definita da $f(x) = \frac{9x^2 + \sin x^2}{|x - 1|}$. L'asintoto obliquo di f per $x \rightarrow -\infty$ è: a $y = -9(x - 1)$; b $y = -9x + \cos 1$; c Non esiste asintoto obliquo; d $y = -9x$.

non esiste alcun campo numerico che contenga \mathbf{R} come sottoinsieme.

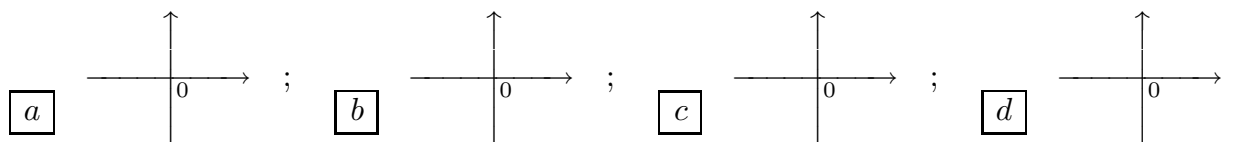
2. $\lim_{n \rightarrow +\infty} \frac{n \sin n!}{n+1}$ $a = -1$; b non esiste; $c = 0$; $d = 1$.

3. Sia $h : \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$ una funzione invertibile e sia h^{-1} la sua funzione inversa. Quale delle seguenti affermazioni è necessariamente vera? a Se h è continua allora h^{-1} è continua; b $h^2(x)$ è invertibile; c Se h è monotona crescente allora h è monotona decrescente.; d Se h è derivabile in $x_0 \in \mathbf{R}$ allora h^{-1} è definita e derivabile in x_0 .

4. Sia f definita da $f(x) = 2^x$ per $x \leq 1$ e da $f(x) = ax + b$ per $x > 1$. Per quali valori $a, b \in \mathbf{R}$ f è continua e derivabile in \mathbf{R} ? $a = 2, b = 0$; $a = 2 \log 2, b = 2$; $a = 2 \log 2, b = 2 - 2 \log 2$; $a = \log 2, b = 2 - \log 2$.

5. Sia $f : \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$ derivabile e sia $g : \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$ definita da $g(x) = \sin^4(f(x))$. Allora $g'(x) =$ a $4 \sin^3(f(x)) \cos(f(x)) f'(x)$; b $4 \sin^3(f(x)) f'(x)$; c $4x^3 \cos(f(x^4)) f'(x^4)$; d $4f(x)^3 \cos(f(x^4)) f'(x)$.

6.



7. Sia $f : \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$ definita da $f(x) = x + e^x$. Sia f^{-1} la sua funzione inversa. La retta tangente al grafico di f^{-1} nel punto $(1, 0)$ è: a $y = \frac{1}{1+e}(x-1)$; b $y = \frac{1}{1+e}x$; c $y = \frac{1}{2}(x-1)$; d $y = \frac{1}{2}x$.

8. Sia $f : [0, 1] \rightarrow \mathbf{R}$ una funzione continua. Allora necessariamente: a Se f è derivabile in $[0, 1]$ e se x_0 è un punto di massimo di f allora $f'(x_0) = 0$; b f ha massimo in $[0, 1]$; c Se x_0 è un punto di massimo per f allora f è derivabile in x_0 e $f'(x_0) = 0$; d f ha massimo solo se esiste almeno un punto in cui f' è nulla.

9. Sia $f : \mathbf{R} \setminus \{1\} \rightarrow \mathbf{R}$ definita da $f(x) = \frac{\pi x^2 + \sin x^2}{|x-1|}$. L'asintoto obliquo di f per $x \rightarrow +\infty$ è: a $y = \pi x + \cos 1$; b Non esiste asintoto obliquo; c $y = \pi x$; d $y = \pi(x-1)$.

10. Sia $f(x) = (\sin x)^x$ per $x \in (0, \frac{\pi}{2})$. Allora $f'(\frac{\pi}{3}) =$ a $(\frac{1}{2})^{\pi/3} \left(\log \frac{\sqrt{3}}{2} + \frac{\pi}{3\sqrt{3}} \right)$; b $\left(\frac{\sqrt{3}}{2} \right)^{\pi/3} \left(-\log 2 - \frac{\sqrt{3}\pi}{3} \right)$; c $(\frac{1}{2})^{\pi/3} \left(-\log 2 - \frac{\sqrt{3}\pi}{3} \right)$; d $\left(\frac{\sqrt{3}}{2} \right)^{\pi/3} \left(\log \frac{\sqrt{3}}{2} + \frac{\pi}{3\sqrt{3}} \right)$.