

ANALISI MATEMATICA 1		31 agosto 2009
Cognome:	Nome:	Matricola:

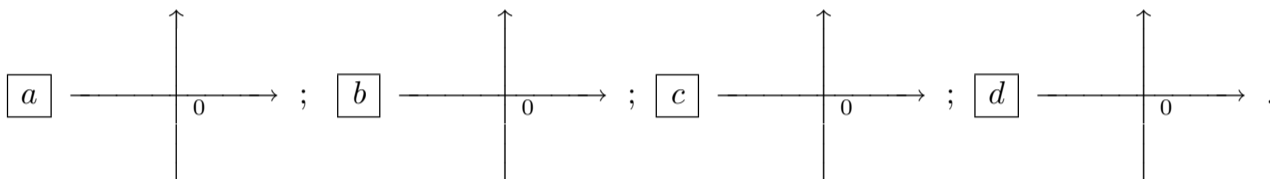
- Una ed una sola delle quattro affermazioni è corretta. Indicarla con una croce.
- Per annullare una risposta ritenuta errata racchiuderla in un cerchio.
- Risposta corretta: +1.5. Risposta errata: -0.25.

1. Sia $f : \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$ una funzione derivabile con derivata continua e tale che $f(1) = 0$ e $f(2) = 0$.

Allora $\int_0^1 \frac{f(x+1)}{x+1} dx =$

a $-\int_0^1 \frac{f'(x+1)}{x+1} dx$; b $-\int_0^1 \frac{f(x+1)}{x+1} dx$; c $-\int_0^1 f'(x+1) \log(x+1) dx$; d $\int_0^1 \frac{f(x+1)}{(x+1)^2} dx$.

2. Le soluzioni dell'equazione $z^3 = 2(i-1)$ sono



3. L'insieme dei valori dei parametri reali a e b per i quali l'integrale $\int_1^{+\infty} \frac{1}{x^a(8x+4)^{b+1}} dx$ converge è a $b > -a - 2$; b $b > -a + 2$; c $b > -a$; d $b > -a - 1$.

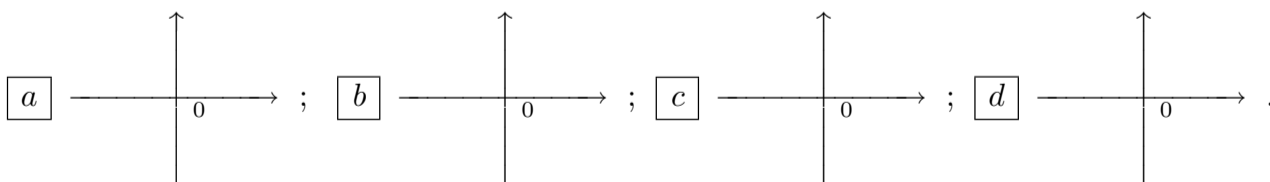
4. Se $\sum_{n=0}^{\infty} a_n$ e $\sum_{n=0}^{\infty} b_n$ sono a termini positivi e convergenti, allora è sempre vero che:

a $\sum_{n=0}^{\infty} \frac{a_n}{b_n}$ è convergente; b $\sum_{n=0}^{\infty} \frac{a_n}{b_n}$ non è convergente; c $\sum_{n=0}^{\infty} a_n b_n$ è convergente;

d $\sum_{n=0}^{\infty} a_n b_n$ non è convergente.

5. Sia $f : \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$ una funzione continua, tale che $f(0) = -1$ e $f(2) = 1$. Allora esiste un punto $x_0 \in (0, 2)$ in cui si intersecano i grafici di $f(x)$ e di $g(x) =$ a $-x + 3$; b $x/2 + 1/4$; c $-x/2 + 1/2$; d $x/2 - 3/2$.

6. Il grafico della funzione $f(x) = \int_0^x \frac{\sin t}{t+1} dt$ vicino all'origine è:



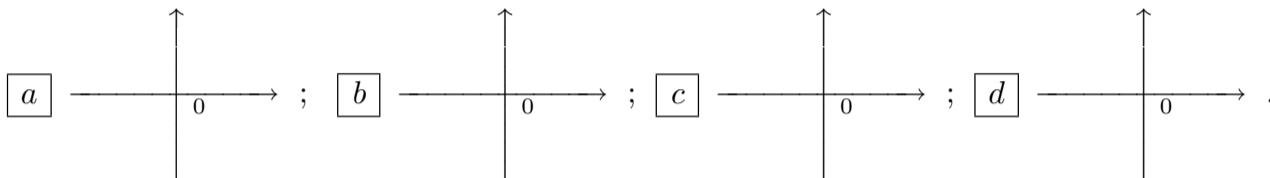
7. Sia $f : \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$ una funzione derivabile due volte, con derivata seconda continua. Se $f'(x_0) = 0$, $f''(x_0) = 0$ e $f''(x)$ è strettamente crescente, allora x_0 è a punto di minimo relativo; b nessuna delle altre risposte; c punto di flesso orizzontale; d punto di massimo relativo.

8. $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{(1 - \cos x)^2}{2x^3 \sin x} =$ a $-1/4$; b 1 ; c $1/8$; d 12 .

ANALISI MATEMATICA 1		31 agosto 2009
Cognome:	Nome:	Matricola:

- Una ed una sola delle quattro affermazioni è corretta. Indicarla con una croce.
- Per annullare una risposta ritenuta errata racchiuderla in un cerchio.
- Risposta corretta: +1.5. Risposta errata: -0.25.

1. Il grafico della funzione $f(x) = \int_0^x \frac{\cos t}{1-t} dt$ vicino all'origine è:



2. L'insieme dei valori dei parametri reali a e b per i quali l'integrale $\int_1^{+\infty} \frac{1}{x^{a+1}(8x+4)^{b+1}} dx$ converge è a $b > -a + 2$; b $b > -a$; c $b > -a - 1$; d $b > -a - 2$.

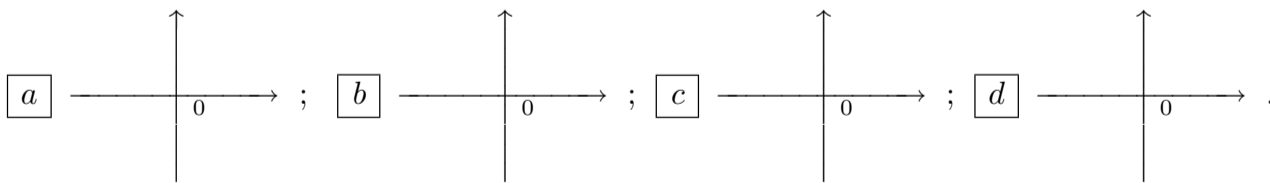
3. Se $\sum_{n=0}^{\infty} a_n$ e $\sum_{n=0}^{\infty} \frac{1}{b_n}$ sono a termini positivi e convergenti, allora è sempre vero che:

- a $\sum_{n=0}^{\infty} \frac{a_n}{b_n}$ non è convergente; b $\sum_{n=0}^{\infty} a_n b_n$ è convergente; c $\sum_{n=0}^{\infty} a_n b_n$ non è convergente;
- d $\sum_{n=0}^{\infty} \frac{a_n}{b_n}$ è convergente.

4. Sia $f : \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$ una funzione derivabile due volte, con derivata seconda continua. Se $f'(x_0) = 0$, $f''(x_0) = 0$ e $f''(x)$ è strettamente decrescente, allora x_0 è a nessuna delle altre risposte; b punto di flesso orizzontale; c punto di massimo relativo; d punto di minimo relativo.

5. Sia $f : \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$ una funzione derivabile con derivata continua e tale che $f(1) = 0$ e $f(2) = 0$. Allora $\int_0^1 \frac{f'(x+1)}{x+1} dx =$
 a $-\int_0^1 \frac{f(x+1)}{x+1} dx$; b $-\int_0^1 f'(x+1) \log(x+1) dx$; c $\int_0^1 \frac{f(x+1)}{(x+1)^2} dx$; d $-\int_0^1 \frac{f'(x+1)}{x+1} dx$.

6. Le soluzioni dell'equazione $z^3 = 2(i+1)$ sono



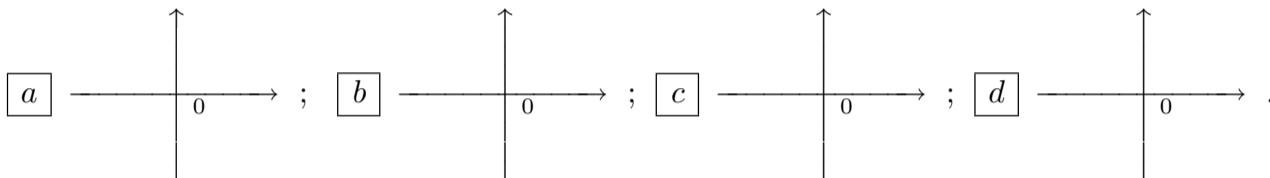
7. $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{3x^2 \sin x^2}{(\cos x - 1)^2} =$ a 1; b 1/8; c 12; d -1/4.

8. Sia $f : \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$ una funzione continua, tale che $f(0) = 0$ e $f(2) = -1$. Allora esiste un punto $x_0 \in (0, 2)$ in cui si intersecano i grafici di $f(x)$ e di $g(x) =$ a $x/2 + 1/4$; b $-x/2 + 1/2$; c $x/2 - 3/2$; d $-x + 3$.

ANALISI MATEMATICA 1		31 agosto 2009
Cognome:	Nome:	Matricola:

- Una ed una sola delle quattro affermazioni è corretta. Indicarla con una croce.
- Per annullare una risposta ritenuta errata racchiuderla in un cerchio.
- Risposta corretta: +1.5. Risposta errata: -0.25.

1. Le soluzioni dell'equazione $z^3 = 2(1 - i)$ sono



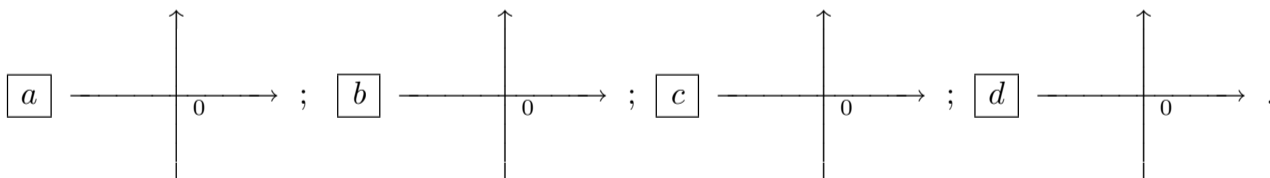
2. Se $\sum_{n=0}^{\infty} b_n$ e $\sum_{n=0}^{\infty} a_n$ sono a termini positivi e convergenti, allora è sempre vero che:

- a $\sum_{n=0}^{\infty} a_n b_n$ è convergente; b $\sum_{n=0}^{\infty} a_n b_n$ non è convergente; c $\sum_{n=0}^{\infty} \frac{a_n}{b_n}$ è convergente;
- d $\sum_{n=0}^{\infty} \frac{a_n}{b_n}$ non è convergente.

3. Sia $f : \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$ una funzione derivabile due volte, con derivata seconda continua. Se $f'(x_0) = 0$ e $f''(x_0) > 0$, allora x_0 è a punto di flesso orizzontale; b punto di massimo relativo; c punto di minimo relativo; d nessuna delle altre risposte.

4. $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\cos x - 1}{2x \sin x} =$ a 1/8; b 12; c -1/4; d 1.

5. Il grafico della funzione $f(x) = \int_0^x \frac{t}{\sin t - 1} dt$ vicino all'origine è:



6. L'insieme dei valori dei parametri reali a e b per i quali l'integrale $\int_1^{+\infty} \frac{1}{x^{a+2}(8x+4)^{b+1}} dx$ converge è a $b > -a$; b $b > -a - 1$; c $b > -a - 2$; d $b > -a + 2$.

7. Sia $f : \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$ una funzione continua, tale che $f(0) = 1$ e $f(2) = 2$. Allora esiste un punto $x_0 \in (0, 2)$ in cui si intersecano i grafici di $f(x)$ e di $g(x) =$ a $-x/2 + 1/2$; b $x/2 - 3/2$; c $-x + 3$; d $x/2 + 1/4$.

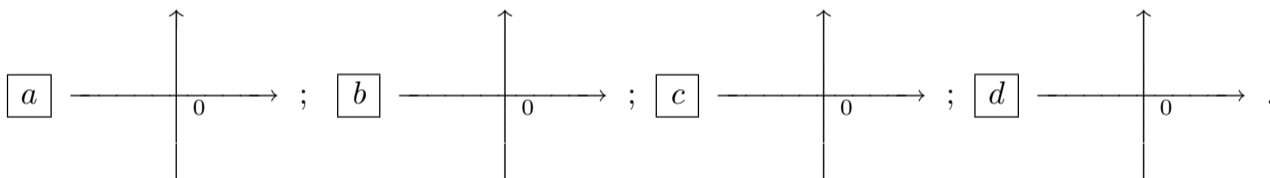
8. Sia $f : \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$ una funzione derivabile con derivata continua e tale che $f(1) = 0$ e $f(2) = 0$. Allora $-\int_0^1 \frac{f(x+1)}{(x+1)^2} dx =$

a $-\int_0^1 f'(x+1) \log(x+1) dx$; b $\int_0^1 \frac{f(x+1)}{(x+1)^2} dx$; c $-\int_0^1 \frac{f'(x+1)}{x+1} dx$; d $-\int_0^1 \frac{f(x+1)}{x+1} dx$.

ANALISI MATEMATICA 1		31 agosto 2009
Cognome:	Nome:	Matricola:

- Una ed una sola delle quattro affermazioni è corretta. Indicarla con una croce.
- Per annullare una risposta ritenuta errata racchiuderla in un cerchio.
- Risposta corretta: +1.5. Risposta errata: -0.25.

- L'insieme dei valori dei parametri reali a e b per i quali l'integrale $\int_1^{+\infty} \frac{1}{x^{a-2}(8x+4)^{b+1}} dx$ converge è a $b > -a - 1$; b $b > -a - 2$; c $b > -a + 2$; d $b > -a$.
- Sia $f : \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$ una funzione derivabile due volte, con derivata seconda continua. Se $f'(x_0) = 0$ e $f''(x_0) < 0$, allora x_0 è a punto di massimo relativo; b punto di minimo relativo; c nessuna delle altre risposte; d punto di flesso orizzontale.
- $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{x \sin x}{2(1 - \cos x)} =$ a 12; b $-1/4$; c 1; d $1/8$.
- Sia $f : \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$ una funzione continua, tale che $f(0) = 2$ e $f(2) = 0$. Allora esiste un punto $x_0 \in (0, 2)$ in cui si intersecano i grafici di $f(x)$ e di $g(x) =$ a $x/2 - 3/2$; b $-x + 3$; c $x/2 + 1/4$; d $-x/2 + 1/2$.
- Le soluzioni dell'equazione $z^3 = 2(-i - 1)$ sono

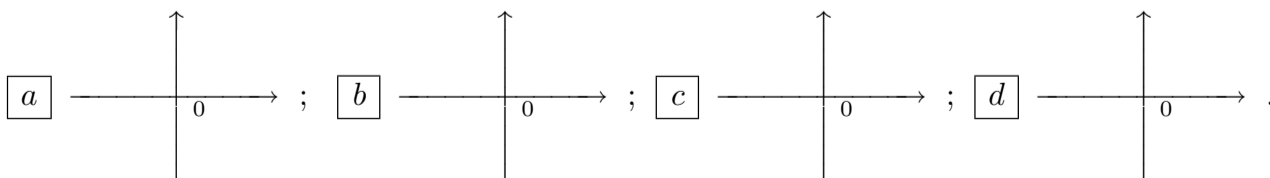


- Se $\sum_{n=0}^{\infty} \frac{1}{b_n}$ e $\sum_{n=0}^{\infty} a_n$ sono a termini positivi e convergenti, allora è sempre vero che:

 a $\sum_{n=0}^{\infty} a_n b_n$ non è convergente; b $\sum_{n=0}^{\infty} \frac{a_n}{b_n}$ è convergente; c $\sum_{n=0}^{\infty} \frac{a_n}{b_n}$ non è convergente;

 d $\sum_{n=0}^{\infty} a_n b_n$ è convergente.
- Sia $f : \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$ una funzione derivabile con derivata continua e tale che $f(1) = 0$ e $f(2) = 0$. Allora $\int_0^1 f'(x+1) \log(x+1) dx =$

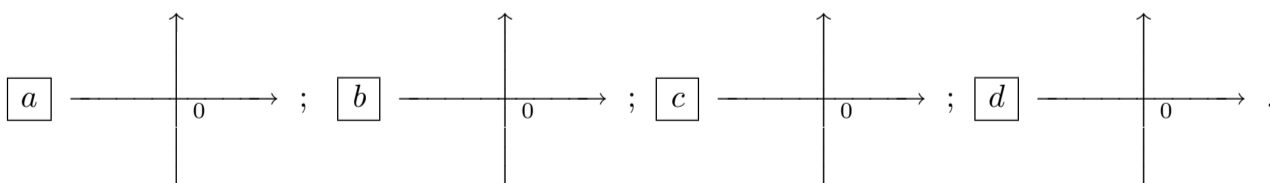
 a $\int_0^1 \frac{f(x+1)}{(x+1)^2} dx$; b $-\int_0^1 \frac{f'(x+1)}{x+1} dx$; c $-\int_0^1 \frac{f(x+1)}{x+1} dx$; d $-\int_0^1 f'(x+1) \log(x+1) dx$.
- Il grafico della funzione $f(x) = \int_0^x \frac{t-1}{1+\cos t} dt$ vicino all'origine è:



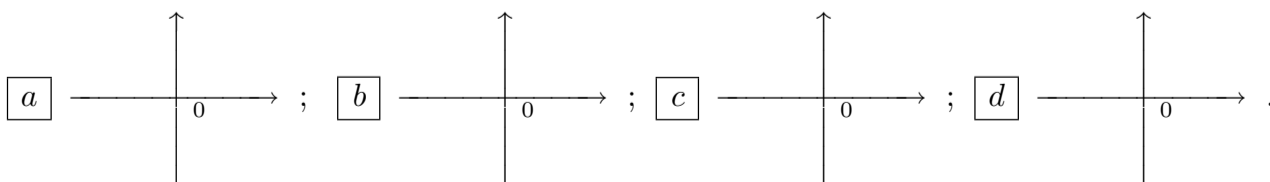
ANALISI MATEMATICA 1		31 agosto 2009
Cognome:	Nome:	Matricola:

- Una ed una sola delle quattro affermazioni è corretta. Indicarla con una croce.
- Per annullare una risposta ritenuta errata racchiuderla in un cerchio.
- Risposta corretta: +1.5. Risposta errata: -0.25.

1. Se $\sum_{n=0}^{\infty} a_n$ e $\sum_{n=0}^{\infty} \frac{1}{b_n}$ sono a termini positivi e convergenti, allora è sempre vero che:
- a $\sum_{n=0}^{\infty} \frac{a_n}{b_n}$ è convergente; b $\sum_{n=0}^{\infty} \frac{a_n}{b_n}$ non è convergente; c $\sum_{n=0}^{\infty} a_n b_n$ è convergente;
- d $\sum_{n=0}^{\infty} a_n b_n$ non è convergente.
2. $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{3x^2 \sin x^2}{(\cos x - 1)^2} =$ a -1/4; b 1; c 1/8; d 12.
3. Sia $f : \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$ una funzione continua, tale che $f(0) = 2$ e $f(2) = 0$. Allora esiste un punto $x_0 \in (0, 2)$ in cui si intersecano i grafici di $f(x)$ e di $g(x) =$ a $-x + 3$; b $x/2 + 1/4$; c $-x/2 + 1/2$; d $x/2 - 3/2$.
4. Sia $f : \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$ una funzione derivabile con derivata continua e tale che $f(1) = 0$ e $f(2) = 0$. Allora $\int_0^1 \frac{f(x+1)}{x+1} dx =$
- a $-\int_0^1 \frac{f'(x+1)}{x+1} dx$; b $-\int_0^1 \frac{f(x+1)}{x+1} dx$; c $-\int_0^1 f'(x+1) \log(x+1) dx$; d $\int_0^1 \frac{f(x+1)}{(x+1)^2} dx$.
5. L'insieme dei valori dei parametri reali a e b per i quali l'integrale $\int_1^{+\infty} \frac{1}{x^a(8x+4)^{b+1}} dx$ converge è a $b > -a - 2$; b $b > -a + 2$; c $b > -a$; d $b > -a - 1$.
6. Sia $f : \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$ una funzione derivabile due volte, con derivata seconda continua. Se $f'(x_0) = 0$, $f''(x_0) = 0$ e $f''(x)$ è strettamente decrescente, allora x_0 è a punto di minimo relativo; b nessuna delle altre risposte; c punto di flesso orizzontale; d punto di massimo relativo.
7. Il grafico della funzione $f(x) = \int_0^x \frac{\cos t}{1-t} dt$ vicino all'origine è:



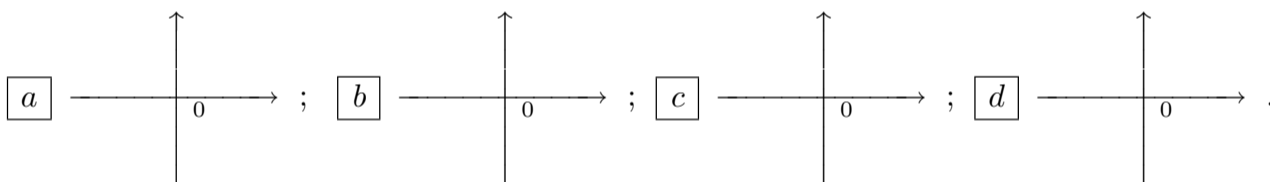
8. Le soluzioni dell'equazione $z^3 = 2(i + 1)$ sono



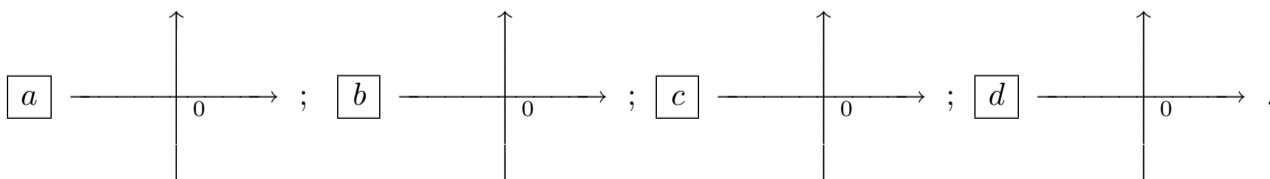
ANALISI MATEMATICA 1		31 agosto 2009
Cognome:	Nome:	Matricola:

- Una ed una sola delle quattro affermazioni è corretta. Indicarla con una croce.
- Per annullare una risposta ritenuta errata racchiuderla in un cerchio.
- Risposta corretta: +1.5. Risposta errata: -0.25.

1. Sia $f : \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$ una funzione derivabile due volte, con derivata seconda continua. Se $f'(x_0) = 0$, $f''(x_0) = 0$ e $f''(x)$ è strettamente crescente, allora x_0 è a nessuna delle altre risposte; b punto di flesso orizzontale; c punto di massimo relativo; d punto di minimo relativo.
2. Sia $f : \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$ una funzione continua, tale che $f(0) = -1$ e $f(2) = 1$. Allora esiste un punto $x_0 \in (0, 2)$ in cui si intersecano i grafici di $f(x)$ e di $g(x) =$ a $x/2 + 1/4$; b $-x/2 + 1/2$; c $x/2 - 3/2$; d $-x + 3$.
3. Sia $f : \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$ una funzione derivabile con derivata continua e tale che $f(1) = 0$ e $f(2) = 0$. Allora $\int_0^1 f'(x+1) \log(x+1) dx =$
 a $-\int_0^1 \frac{f(x+1)}{x+1} dx$; b $-\int_0^1 f'(x+1) \log(x+1) dx$; c $\int_0^1 \frac{f(x+1)}{(x+1)^2} dx$; d $-\int_0^1 \frac{f'(x+1)}{x+1} dx$.
4. Il grafico della funzione $f(x) = \int_0^x \frac{t}{\sin t - 1} dt$ vicino all'origine è:



5. Se $\sum_{n=0}^{\infty} b_n$ e $\sum_{n=0}^{\infty} a_n$ sono a termini positivi e convergenti, allora è sempre vero che:
 a $\sum_{n=0}^{\infty} \frac{a_n}{b_n}$ non è convergente; b $\sum_{n=0}^{\infty} a_n b_n$ è convergente; c $\sum_{n=0}^{\infty} a_n b_n$ non è convergente; d $\sum_{n=0}^{\infty} \frac{a_n}{b_n}$ è convergente.
6. $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{x \sin x}{2(1 - \cos x)} =$ a 1; b 1/8; c 12; d -1/4.
7. Le soluzioni dell'equazione $z^3 = 2(i - 1)$ sono



8. L'insieme dei valori dei parametri reali a e b per i quali l'integrale $\int_1^{+\infty} \frac{1}{x^{a+1}(8x+4)^{b+1}} dx$ converge è a $b > -a + 2$; b $b > -a$; c $b > -a - 1$; d $b > -a - 2$.

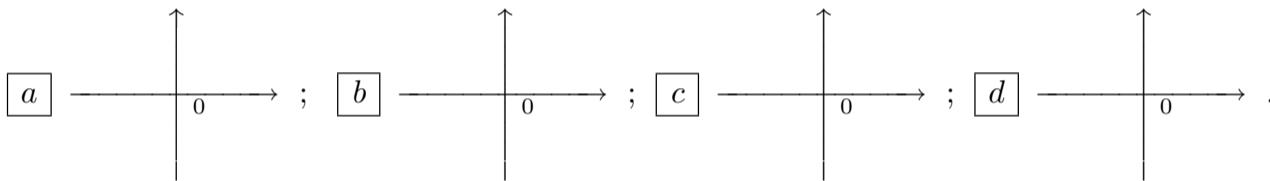
ANALISI MATEMATICA 1		31 agosto 2009
Cognome:	Nome:	Matricola:

- Una ed una sola delle quattro affermazioni è corretta. Indicarla con una croce.
- Per annullare una risposta ritenuta errata racchiuderla in un cerchio.
- Risposta corretta: +1.5. Risposta errata: -0.25.

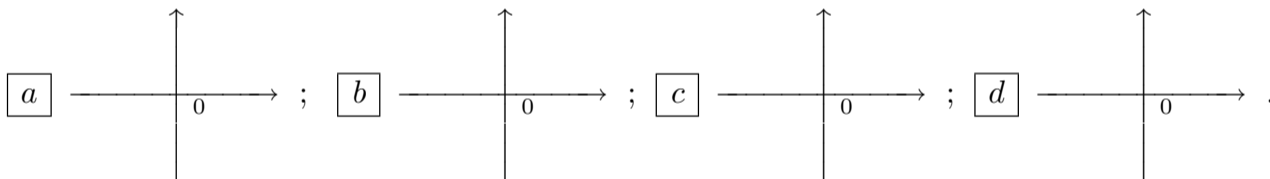
1. $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{(1 - \cos x)^2}{2x^3 \sin x} =$ a 1/8; b 12; c -1/4; d 1.

2. Sia $f : \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$ una funzione derivabile con derivata continua e tale che $f(1) = 0$ e $f(2) = 0$. Allora $\int_0^1 \frac{f'(x+1)}{x+1} dx =$
 a $-\int_0^1 f'(x+1) \log(x+1) dx$; b $\int_0^1 \frac{f(x+1)}{(x+1)^2} dx$; c $-\int_0^1 \frac{f'(x+1)}{x+1} dx$; d $-\int_0^1 \frac{f(x+1)}{x+1} dx$.

3. Il grafico della funzione $f(x) = \int_0^x \frac{t-1}{1+\cos t} dt$ vicino all'origine è:



4. Le soluzioni dell'equazione $z^3 = 2(-i - 1)$ sono



5. Sia $f : \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$ una funzione derivabile due volte, con derivata seconda continua. Se $f'(x_0) = 0$ e $f''(x_0) > 0$, allora x_0 è a punto di flesso orizzontale; b punto di massimo relativo; c punto di minimo relativo; d nessuna delle altre risposte.

6. Sia $f : \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$ una funzione continua, tale che $f(0) = 1$ e $f(2) = 2$. Allora esiste un punto $x_0 \in (0, 2)$ in cui si intersecano i grafici di $f(x)$ e di $g(x) =$ a $-x/2 + 1/2$; b $x/2 - 3/2$; c $-x + 3$; d $x/2 + 1/4$.

7. L'insieme dei valori dei parametri reali a e b per i quali l'integrale $\int_1^{+\infty} \frac{1}{x^{a+2}(8x+4)^{b+1}} dx$ converge è a $b > -a$; b $b > -a - 1$; c $b > -a - 2$; d $b > -a + 2$.

8. Se $\sum_{n=0}^{\infty} a_n$ e $\sum_{n=0}^{\infty} b_n$ sono a termini positivi e convergenti, allora è sempre vero che:

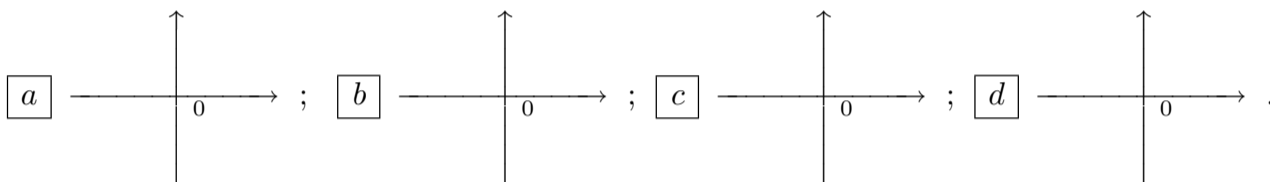
a $\sum_{n=0}^{\infty} a_n b_n$ è convergente; b $\sum_{n=0}^{\infty} a_n b_n$ non è convergente; c $\sum_{n=0}^{\infty} \frac{a_n}{b_n}$ è convergente;
 d $\sum_{n=0}^{\infty} \frac{a_n}{b_n}$ non è convergente.

ANALISI MATEMATICA 1		31 agosto 2009
Cognome:	Nome:	Matricola:

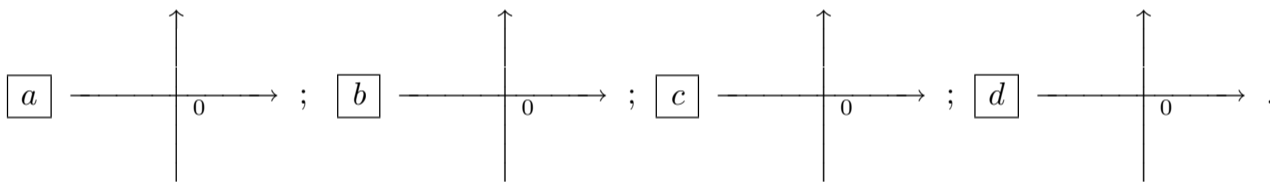
- Una ed una sola delle quattro affermazioni è corretta. Indicarla con una croce.
- Per annullare una risposta ritenuta errata racchiuderla in un cerchio.
- Risposta corretta: +1.5. Risposta errata: -0.25.

1. Sia $f : \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$ una funzione continua, tale che $f(0) = 0$ e $f(2) = -1$. Allora esiste un punto $x_0 \in (0, 2)$ in cui si intersecano i grafici di $f(x)$ e di $g(x) = \boxed{a} x/2 - 3/2$; $\boxed{b} -x + 3$; $\boxed{c} x/2 + 1/4$; $\boxed{d} -x/2 + 1/2$.

2. Il grafico della funzione $f(x) = \int_0^x \frac{\sin t}{t+1} dt$ vicino all'origine è:



3. Le soluzioni dell'equazione $z^3 = 2(1 - i)$ sono



4. L'insieme dei valori dei parametri reali a e b per i quali l'integrale $\int_1^{+\infty} \frac{1}{x^{a-2}(8x+4)^{b+1}} dx$ converge è $\boxed{a} b > -a - 1$; $\boxed{b} b > -a - 2$; $\boxed{c} b > -a + 2$; $\boxed{d} b > -a$.

5. $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\cos x - 1}{2x \sin x} = \boxed{a} 12$; $\boxed{b} -1/4$; $\boxed{c} 1$; $\boxed{d} 1/8$.

6. Sia $f : \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$ una funzione derivabile con derivata continua e tale che $f(1) = 0$ e $f(2) = 0$. Allora $-\int_0^1 \frac{f(x+1)}{(x+1)^2} dx =$

$\boxed{a} \int_0^1 \frac{f(x+1)}{(x+1)^2} dx$; $\boxed{b} -\int_0^1 \frac{f'(x+1)}{x+1} dx$; $\boxed{c} -\int_0^1 \frac{f(x+1)}{x+1} dx$; $\boxed{d} -\int_0^1 f'(x+1) \log(x+1) dx$.

7. Se $\sum_{n=0}^{\infty} \frac{1}{b_n}$ e $\sum_{n=0}^{\infty} a_n$ sono a termini positivi e convergenti, allora è sempre vero che:

$\boxed{a} \sum_{n=0}^{\infty} a_n b_n$ non è convergente; $\boxed{b} \sum_{n=0}^{\infty} \frac{a_n}{b_n}$ è convergente; $\boxed{c} \sum_{n=0}^{\infty} \frac{a_n}{b_n}$ non è convergente;

$\boxed{d} \sum_{n=0}^{\infty} a_n b_n$ è convergente.

8. Sia $f : \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$ una funzione derivabile due volte, con derivata seconda continua. Se $f'(x_0) = 0$ e $f''(x_0) < 0$, allora x_0 è \boxed{a} punto di massimo relativo; \boxed{b} punto di minimo relativo; \boxed{c} nessuna delle altre risposte; \boxed{d} punto di flesso orizzontale.