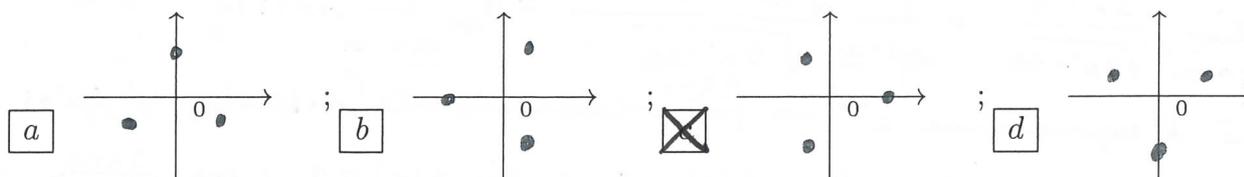


ANALISI MATEMATICA 1 - Secondo appello		15 febbraio 2018
Cognome:	Nome:	Matricola:
Corso di laurea:		Test   Es1   Es2   Es3

- Una ed una sola delle quattro affermazioni è corretta. Indicarla con una croce.
- Per annullare una risposta ritenuta errata racchiuderla in un cerchio.
- Risposta corretta: +1.5. Risposta errata: -0.25.

1. Se  $z = -3i^6$ , allora le radici terze di  $z$  sono:



2. L'equazione della retta tangente al grafico della funzione  $f(x) = \frac{x^2-x+2}{x^2+x}$  nel punto  $(1, f(1))$  è:  
 a  $y = x$ ;  b  $y = -\frac{1}{2}x + \frac{3}{2}$ ;  c  $y = -x + 2$ ;  d  $y = -\frac{1}{3}x + \frac{4}{3}$ .

3. Sia  $f : \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$  una funzione derivabile e non negativa. Quale delle seguenti condizioni è compatibile con  $f(n) < f(n+1)$  per ogni  $n \in \mathbf{N}$ ?  
 a  $f'(x) < 0$  per ogni  $x \geq 1$ ;  
 b  $f$  risolve  $f'(x) = -3f(x)$  per  $x \geq 1$ ;  c  $\int_1^{+\infty} f(x)dx$  è convergente;  d  $\sum_{n=1}^{\infty} f(n)$  è convergente.

4. Sia  $f : \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$  una funzione derivabile e convessa. Allora, qualunque sia la funzione  $f$  con queste proprietà, si ha che:  
 a  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = +\infty$ ;  b  $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{f(x)}{x} = +\infty$ ;  
 c  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f'(x) = +\infty$ ;  d  $\frac{f'(b)-f'(a)}{b-a} \geq 0$  per ogni  $a, b \in \mathbf{R}, a \neq b$ .

5. Il raggio di convergenza della serie di potenze  $\sum_{n=0}^{\infty} \frac{4n^2+1}{3^{-n}+1} x^n$  è:  a 1;  b 2;  c 4;  
 d 3.

6. L'insieme dei valori  $x \in \mathbf{R}$  in cui la funzione  $g(x) = e^{-3x}(2x^2 - 2x - 1)$  è crescente è:  
 a  $x \leq \frac{-4-\sqrt{22}}{6}, x \geq \frac{-4+\sqrt{22}}{6}$ ;  b  $\frac{5-\sqrt{31}}{6} \leq x \leq \frac{5+\sqrt{31}}{6}$ ;  c  $\frac{-1-\sqrt{29}}{4} \leq x \leq \frac{-1+\sqrt{29}}{4}$ ;  
 d  $x \leq \frac{2-2\sqrt{7}}{3}, x \geq \frac{2+2\sqrt{7}}{3}$ .

7. L'insieme del piano che rappresenta i numeri complessi  $z \in \mathbf{C}$  per cui  $|iz - 2i| \leq 1$  e  $\text{Im}(z) \geq 1$  è:  a la metà di un disco;  b un disco;  c un punto;  d l'insieme vuoto.

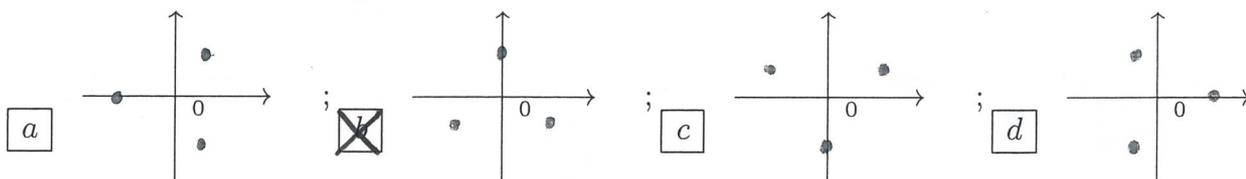
8.  $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{x \log(1-3x)}{\log(\cos(3x))} =$   a  $\frac{2}{3}$ ;  b -1;  c -12;  d  $-\frac{5}{6}$ .

ANALISI MATEMATICA 1 - Secondo appello		15 febbraio 2018	
Cognome:	Nome:	Matricola:	
Corso di laurea:		Test	Es1   Es2   Es3

- Una ed una sola delle quattro affermazioni è corretta. Indicarla con una croce.
- Per annullare una risposta ritenuta errata racchiuderla in un cerchio.
- Risposta corretta: +1.5. Risposta errata: -0.25.

1.  $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin(e^{2x^2} - \cos x)}{3x \log(1-x)} =$   a -12;  b  $-\frac{5}{6}$ ;  c  $\frac{2}{3}$ ;  d -1.

2. Se  $z = -3i^5$ , allora le radici terze di  $z$  sono:



3. L'insieme dei valori  $x \in \mathbf{R}$  in cui la funzione  $g(x) = e^{2x}(3x^2 + x - 1)$  è crescente è:

a  $\frac{-1-\sqrt{29}}{4} \leq x \leq \frac{-1+\sqrt{29}}{4}$ ;  b  $x \leq \frac{2-2\sqrt{7}}{3}, x \geq \frac{2+2\sqrt{7}}{3}$ ;  c  $x \leq \frac{-4-\sqrt{22}}{6}, x \geq \frac{-4+\sqrt{22}}{6}$ ;  
 d  $\frac{5-\sqrt{31}}{6} \leq x \leq \frac{5+\sqrt{31}}{6}$ .

4. L'equazione della retta tangente al grafico della funzione  $f(x) = \frac{x^2-3x+1}{x^2-2x}$  nel punto  $(1, f(1))$  è:  a  $y = -x + 2$ ;  b  $y = -\frac{1}{3}x + \frac{4}{3}$ ;  c  $y = x$ ;  d  $y = -\frac{1}{2}x + \frac{3}{2}$ .

5. L'insieme del piano che rappresenta i numeri complessi  $z \in \mathbf{C}$  per cui  $|iz - 2i| \leq 1$  e  $\text{Re}(z) \geq 2$  è:  a un punto;  b l'insieme vuoto;  c la metà di un disco;  d un disco.

6. Il raggio di convergenza della serie di potenze  $\sum_{n=0}^{\infty} \frac{3n^2+2}{2n+1} x^n$  è:  a 4;  b 3;  c 1;  
 d 2.

7. Sia  $f : \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$  una funzione derivabile e non negativa. Quale delle seguenti condizioni è compatibile con  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = 4$ ?  a  $\int_1^{+\infty} f(x) dx$  è convergente;  b  $\sum_{n=1}^{\infty} f(n)$  è convergente;  c  $f'(x) < 0$  per ogni  $x \geq 1$ ;  d  $f$  risolve  $f'(x) = -3f(x)$  per  $x \geq 1$ .

8. Sia  $f : \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$  una funzione derivabile e convessa. Allora, qualunque sia la funzione  $f$  con queste proprietà, si ha che:  a  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f'(x) = +\infty$ ;  b  $\frac{f'(b)-f'(a)}{b-a} \geq 0$  per ogni  $a, b \in \mathbf{R}$ ,  $a \neq b$ ;  c  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = +\infty$ ;  d  $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{f(x)}{x} = +\infty$ .

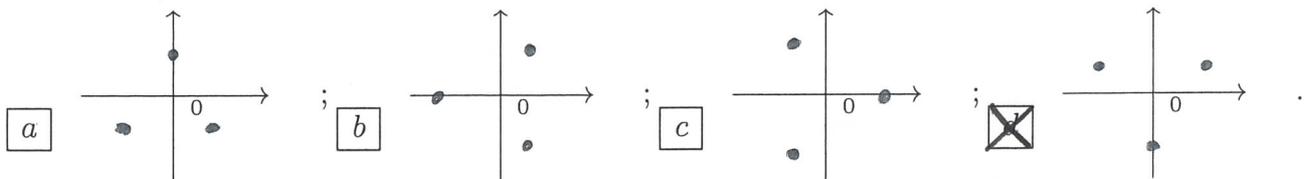
ANALISI MATEMATICA 1 - Secondo appello		15 febbraio 2018	
Cognome:	Nome:	Matricola:	
Corso di laurea:		Test	Es1   Es2   Es3

- Una ed una sola delle quattro affermazioni è corretta. Indicarla con una croce.
- Per annullare una risposta ritenuta errata racchiuderla in un cerchio.
- Risposta corretta: +1.5. Risposta errata: -0.25.

1. L'insieme del piano che rappresenta i numeri complessi  $z \in \mathbf{C}$  per cui  $|iz - 2i| \leq 1$  e  $\text{Re}(z) \geq 2$  è:  a un disco;  b un punto;  c l'insieme vuoto;  d la metà di un disco.

2. Il raggio di convergenza della serie di potenze  $\sum_{n=0}^{\infty} \frac{3n^2 + 2}{2^n + 1} x^n$  è:  a 2;  b 4;  c 3;  d 1.

3. Se  $z = 3i^5$ , allora le radici terze di  $z$  sono:



4. L'insieme dei valori  $x \in \mathbf{R}$  in cui la funzione  $g(x) = e^{-3x}(2x^2 - 2x - 1)$  è crescente è:

a  $\frac{5-\sqrt{31}}{6} \leq x \leq \frac{5+\sqrt{31}}{6}$ ;  b  $\frac{-1-\sqrt{29}}{4} \leq x \leq \frac{-1+\sqrt{29}}{4}$ ;  c  $x \leq \frac{2-2\sqrt{7}}{3}, x \geq \frac{2+2\sqrt{7}}{3}$ ;  d  $x \leq \frac{-4-\sqrt{22}}{6}, x \geq \frac{-4+\sqrt{22}}{6}$ .

5. Sia  $f : \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$  una funzione derivabile e concava. Allora, qualunque sia la funzione  $f$  con queste proprietà, si ha che:  a  $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{f(x)}{x} = -\infty$ ;  b  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f'(x) = -\infty$ ;  c  $\frac{f'(b)-f'(a)}{b-a} \leq 0$  per ogni  $a, b \in \mathbf{R}, a \neq b$ ;  d  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = -\infty$ .

6.  $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\log(\cos(2x))}{x \sin(2x)} =$   a -1;  b -12;  c  $-\frac{5}{6}$ ;  d  $\frac{2}{3}$ .

7. L'equazione della retta tangente al grafico della funzione  $f(x) = \frac{x^2 - 2x - 1}{x^2 - 3x}$  nel punto  $(1, f(1))$  è:  a  $y = -\frac{1}{2}x + \frac{3}{2}$ ;  b  $y = -x + 2$ ;  c  $y = -\frac{1}{3}x + \frac{4}{3}$ ;  d  $y = x$ .

8. Sia  $f : \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$  una funzione derivabile e non negativa. Quale delle seguenti condizioni implica  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = 0$ ?  a  $f$  risolve  $f'(x) = -3f(x)$  per  $x \geq 1$ ;  b  $\int_1^{+\infty} f(x)dx$  è convergente;  c  $\sum_{n=1}^{\infty} f(n)$  è convergente;  d  $f'(x) < 0$  per ogni  $x \geq 1$ .

ANALISI MATEMATICA 1 - Secondo appello		15 febbraio 2018
Cognome:	Nome:	Matricola:
Corso di laurea:		Test   Es1   Es2   Es3

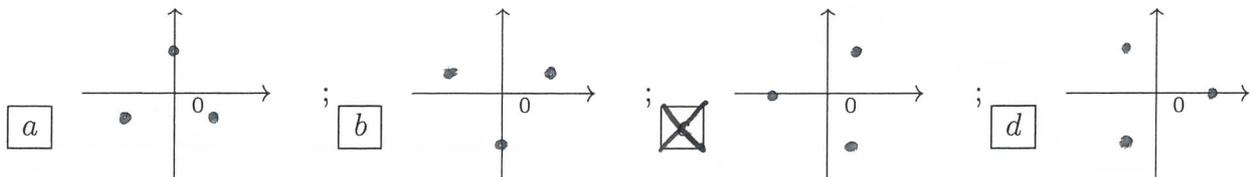
- Una ed una sola delle quattro affermazioni è corretta. Indicarla con una croce.
- Per annullare una risposta ritenuta errata racchiuderla in un cerchio.
- Risposta corretta: +1.5. Risposta errata: -0.25.

1. Sia  $f : \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$  una funzione derivabile e convessa. Allora, qualunque sia la funzione  $f$  con queste proprietà, si ha che:  a  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = +\infty$ ;  b  $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{f(x)}{x} = +\infty$ ;  c  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f'(x) = +\infty$ ;  d  $\frac{f'(b)-f'(a)}{b-a} \geq 0$  per ogni  $a, b \in \mathbf{R}$ ,  $a \neq b$ .

2.  $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin(e^{2x^2} - \cos x)}{3x \log(1-x)} =$   a  $\frac{2}{3}$ ;  b  $-1$ ;  c  $-12$ ;  d  $-\frac{5}{6}$ .

3. Il raggio di convergenza della serie di potenze  $\sum_{n=0}^{\infty} \frac{4n^2 + 1}{3^{-n} + 1} x^n$  è:  a  $1$ ;  b  $2$ ;  c  $4$ ;  d  $3$ .

4. Se  $z = 3i^6$ , allora le radici terze di  $z$  sono:



5. Sia  $f : \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$  una funzione derivabile e non negativa. Quale delle seguenti condizioni è compatibile con  $f(n) < f(n+1)$  per ogni  $n \in \mathbf{N}$ ?  a  $f'(x) < 0$  per ogni  $x \geq 1$ ;  b  $f$  risolve  $f'(x) = -3f(x)$  per  $x \geq 1$ ;  c  $\int_1^{+\infty} f(x) dx$  è convergente;  d  $\sum_{n=1}^{\infty} f(n)$  è convergente.

6. L'insieme del piano che rappresenta i numeri complessi  $z \in \mathbf{C}$  per cui  $|iz - 2i| \leq 1$  e  $\text{Im}(z) \geq 2$  è:  a la metà di un disco;  b un disco;  c un punto;  d l'insieme vuoto.

7. L'insieme dei valori  $x \in \mathbf{R}$  in cui la funzione  $g(x) = e^{3x}(x^2 - 2x - 2)$  è crescente è:  a  $x \leq \frac{-4-\sqrt{22}}{6}$ ,  $x \geq \frac{-4+\sqrt{22}}{6}$ ;  b  $\frac{5-\sqrt{31}}{6} \leq x \leq \frac{5+\sqrt{31}}{6}$ ;  c  $\frac{-1-\sqrt{29}}{4} \leq x \leq \frac{-1+\sqrt{29}}{4}$ ;  d  $x \leq \frac{2-2\sqrt{7}}{3}$ ,  $x \geq \frac{2+2\sqrt{7}}{3}$ .

8. L'equazione della retta tangente al grafico della funzione  $f(x) = \frac{x^2 - x + 2}{x^2 + x}$  nel punto  $(1, f(1))$  è:  a  $y = x$ ;  b  $y = -\frac{1}{2}x + \frac{3}{2}$ ;  c  $y = -x + 2$ ;  d  $y = -\frac{1}{3}x + \frac{4}{3}$ .

ANALISI MATEMATICA 1 - Secondo appello		15 febbraio 2018			
Cognome:	Nome:	Matricola:			
Corso di laurea:		Test	Es1	Es2	Es3

- Una ed una sola delle quattro affermazioni è corretta. Indicarla con una croce.
- Per annullare una risposta ritenuta errata racchiuderla in un cerchio.
- Risposta corretta: +1.5. Risposta errata: -0.25.

1. L'insieme dei valori  $x \in \mathbf{R}$  in cui la funzione  $g(x) = e^{3x}(x^2 - 2x - 2)$  è crescente è:  
 a  $\frac{5-\sqrt{31}}{6} \leq x \leq \frac{5+\sqrt{31}}{6}$ ;  b  $\frac{-1-\sqrt{29}}{4} \leq x \leq \frac{-1+\sqrt{29}}{4}$ ;  c  $x \leq \frac{2-2\sqrt{7}}{3}, x \geq \frac{2+2\sqrt{7}}{3}$ ;  
 d  $x \leq \frac{-4-\sqrt{22}}{6}, x \geq \frac{-4+\sqrt{22}}{6}$ .
2. Sia  $f : \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$  una funzione derivabile e non negativa. Quale delle seguenti condizioni è compatibile con  $\lim_{n \rightarrow \infty} \int_n^{n+1} f(x) dx = +\infty$ ?  a  $f$  risolve  $f'(x) = -3f(x)$  per  $x \geq 1$ ;  
 b  $\int_1^{+\infty} f(x) dx$  è convergente;  c  $\sum_{n=1}^{\infty} f(n)$  è convergente;  d  $f'(x) < 0$  per ogni  $x \geq 1$ .
3. Sia  $f : \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$  una funzione derivabile e concava. Allora, qualunque sia la funzione  $f$  con queste proprietà, si ha che:  a  $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{f(x)}{x} = -\infty$ ;  b  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f'(x) = -\infty$ ;  
 c  $\frac{f'(b)-f'(a)}{b-a} \leq 0$  per ogni  $a, b \in \mathbf{R}, a \neq b$ ;  d  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = -\infty$ .
4. L'insieme del piano che rappresenta i numeri complessi  $z \in \mathbf{C}$  per cui  $|iz - 2i| \leq 1$  e  $\text{Im}(z) \geq 2$  è:  a un disco;  b un punto;  c l'insieme vuoto;  d la metà di un disco.
5. Se  $z = 3i^6$ , allora le radici terze di  $z$  sono:  
 a ;  b ;  c ;  d
6. L'equazione della retta tangente al grafico della funzione  $f(x) = \frac{x^2+x+1}{x^2+2x}$  nel punto  $(1, f(1))$  è:  
 a  $y = -\frac{1}{2}x + \frac{3}{2}$ ;  b  $y = -x + 2$ ;  c  $y = -\frac{1}{3}x + \frac{4}{3}$ ;  d  $y = x$ .
7.  $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{2x \sin(3x)}{\sin(e^{-x^2} - \cos x)} =$   a -1;  b -12;  c  $-\frac{5}{6}$ ;  d  $\frac{2}{3}$ .
8. Il raggio di convergenza della serie di potenze  $\sum_{n=0}^{\infty} \frac{4n^2+2}{2^{-n}+1} x^n$  è:  a 2;  b 4;  c 3;  
 d 1.

ANALISI MATEMATICA 1 - Secondo appello		15 febbraio 2018			
Cognome:	Nome:	Matricola:			
Corso di laurea:		Test	Es1	Es2	Es3

- Una ed una sola delle quattro affermazioni è corretta. Indicarla con una croce.
- Per annullare una risposta ritenuta errata racchiuderla in un cerchio.
- Risposta corretta: +1.5. Risposta errata: -0.25.

1. Il raggio di convergenza della serie di potenze  $\sum_{n=0}^{\infty} \frac{2n^2 + 1}{3^n + 1} x^n$  è:  3;  1;  2;  4.

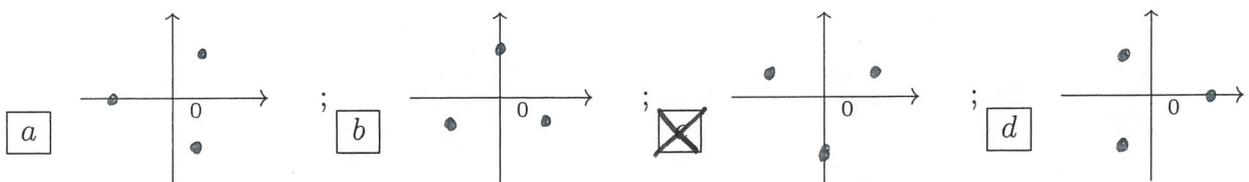
2. L'insieme dei valori  $x \in \mathbf{R}$  in cui la funzione  $g(x) = e^{-2x}(2x^2 + 3x - 2)$  è crescente è:  
  $x \leq \frac{2-2\sqrt{7}}{3}, x \geq \frac{2+2\sqrt{7}}{3}$ ;   $x \leq \frac{-4-\sqrt{22}}{6}, x \geq \frac{-4+\sqrt{22}}{6}$ ;   $\frac{5-\sqrt{31}}{6} \leq x \leq \frac{5+\sqrt{31}}{6}$ ;  
  $\frac{-1-\sqrt{29}}{4} \leq x \leq \frac{-1+\sqrt{29}}{4}$ .

3. L'equazione della retta tangente al grafico della funzione  $f(x) = \frac{x^2 - 2x - 1}{x^2 - 3x}$  nel punto  $(1, f(1))$  è:   $y = -\frac{1}{3}x + \frac{4}{3}$ ;   $y = x$ ;   $y = -\frac{1}{2}x + \frac{3}{2}$ ;   $y = -x + 2$ .

4. Sia  $f : \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$  una funzione derivabile e non negativa. Quale delle seguenti condizioni implica  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = 0$ ?   $\sum_{n=1}^{\infty} f(n)$  è convergente;   $f'(x) < 0$  per ogni  $x \geq 1$ ;   $f$  risolve  $f'(x) = -3f(x)$  per  $x \geq 1$ ;   $\int_1^{+\infty} f(x)dx$  è convergente.

5.  $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\log(\cos(2x))}{x \sin(2x)} =$    $-\frac{5}{6}$ ;   $\frac{2}{3}$ ;   $-1$ ;   $-12$ .

6. Se  $z = 3i^5$ , allora le radici terze di  $z$  sono:



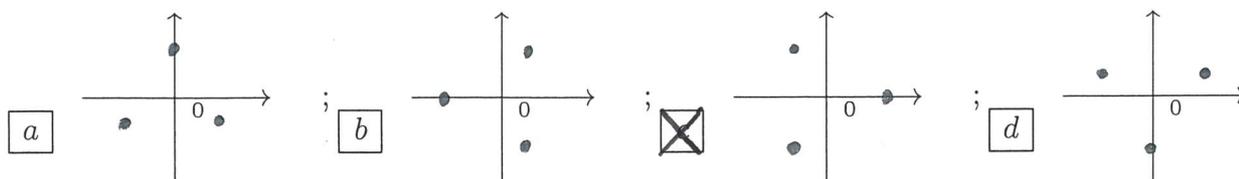
7. Sia  $f : \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$  una funzione derivabile e concava. Allora, qualunque sia la funzione  $f$  con queste proprietà, si ha che:   $\frac{f'(b) - f'(a)}{b - a} \leq 0$  per ogni  $a, b \in \mathbf{R}, a \neq b$ ;   $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = -\infty$ ;   $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{f(x)}{x} = -\infty$ ;   $\lim_{x \rightarrow +\infty} f'(x) = -\infty$ .

8. L'insieme del piano che rappresenta i numeri complessi  $z \in \mathbf{C}$  per cui  $|iz - 2i| \leq 1$  e  $\text{Re}(z) \geq 1$  è:  l'insieme vuoto;  la metà di un disco;  un disco;  un punto.

ANALISI MATEMATICA 1 - Secondo appello		15 febbraio 2018			
Cognome:		Nome:		Matricola:	
Corso di laurea:		Test	Es1	Es2	Es3

- Una ed una sola delle quattro affermazioni è corretta. Indicarla con una croce.
- Per annullare una risposta ritenuta errata racchiuderla in un cerchio.
- Risposta corretta: +1.5. Risposta errata: -0.25.

1. Sia  $f : \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$  una funzione derivabile e non negativa. Quale delle seguenti condizioni è compatibile con  $\lim_{n \rightarrow \infty} \int_n^{n+1} f(x) dx = +\infty$ ?   $\sum_{n=1}^{\infty} f(n)$  è convergente;   $f'(x) < 0$  per ogni  $x \geq 1$ ;   $f$  risolve  $f'(x) = -3f(x)$  per  $x \geq 1$ ;   $\int_1^{+\infty} f(x) dx$  è convergente.
2. L'insieme del piano che rappresenta i numeri complessi  $z \in \mathbf{C}$  per cui  $|iz - 2i| \leq 1$  e  $\text{Im}(z) \geq 1$  è:   $a$  l'insieme vuoto;   $b$  la metà di un disco;   $c$  un disco;   $d$  un punto.
3.  $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{2x \sin(3x)}{\sin(e^{-x^2} - \cos x)} =$    $a$   $-\frac{5}{6}$ ;   $b$   $\frac{2}{3}$ ;   $c$   $-1$ ;   $d$   $-12$ .
4. Il raggio di convergenza della serie di potenze  $\sum_{n=0}^{\infty} \frac{4n^2 + 2}{2^{-n} + 1} x^n$  è:   $a$   $3$ ;   $b$   $1$ ;   $c$   $2$ ;   $d$   $4$ .
5. L'equazione della retta tangente al grafico della funzione  $f(x) = \frac{x^2 - 3x + 1}{x^2 - 2x}$  nel punto  $(1, f(1))$  è:   $a$   $y = -\frac{1}{3}x + \frac{4}{3}$ ;   $b$   $y = x$ ;   $c$   $y = -\frac{1}{2}x + \frac{3}{2}$ ;   $d$   $y = -x + 2$ .
6. Sia  $f : \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$  una funzione derivabile e concava. Allora, qualunque sia la funzione  $f$  con queste proprietà, si ha che:   $a$   $\frac{f'(b) - f'(a)}{b - a} \leq 0$  per ogni  $a, b \in \mathbf{R}$ ,  $a \neq b$ ;   $b$   $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = -\infty$ ;   $c$   $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{f(x)}{x} = -\infty$ ;   $d$   $\lim_{x \rightarrow +\infty} f'(x) = -\infty$ .
7. Se  $z = -3i^6$ , allora le radici terze di  $z$  sono:



8. L'insieme dei valori  $x \in \mathbf{R}$  in cui la funzione  $g(x) = e^{2x}(3x^2 + x - 1)$  è crescente è:   $a$   $x \leq \frac{2-2\sqrt{7}}{3}$ ,  $x \geq \frac{2+2\sqrt{7}}{3}$ ;   $b$   $x \leq \frac{-4-\sqrt{22}}{6}$ ,  $x \geq \frac{-4+\sqrt{22}}{6}$ ;   $c$   $\frac{5-\sqrt{31}}{6} \leq x \leq \frac{5+\sqrt{31}}{6}$ ;   $d$   $\frac{-1-\sqrt{29}}{4} \leq x \leq \frac{-1+\sqrt{29}}{4}$ .

ANALISI MATEMATICA 1 - Secondo appello		15 febbraio 2018
Cognome:	Nome:	Matricola:
Corso di laurea:		Test   Es1   Es2   Es3

- Una ed una sola delle quattro affermazioni è corretta. Indicarla con una croce.
- Per annullare una risposta ritenuta errata racchiuderla in un cerchio.
- Risposta corretta: +1.5. Risposta errata: -0.25.

1. L'equazione della retta tangente al grafico della funzione  $f(x) = \frac{x^2+x+1}{x^2+2x}$  nel punto  $(1, f(1))$  è:  
 a  $y = -x + 2$ ;  b  $y = -\frac{1}{3}x + \frac{4}{3}$ ;  c  $y = x$ ;  d  $y = -\frac{1}{2}x + \frac{3}{2}$ .
2. Sia  $f : \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$  una funzione derivabile e convessa. Allora, qualunque sia la funzione  $f$  con queste proprietà, si ha che:  a  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f'(x) = +\infty$ ;  b  $\frac{f'(b)-f'(a)}{b-a} \geq 0$  per ogni  $a, b \in \mathbf{R}$ ,  $a \neq b$ ;  c  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = +\infty$ ;  d  $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{f(x)}{x} = +\infty$ .
3. L'insieme del piano che rappresenta i numeri complessi  $z \in \mathbf{C}$  per cui  $|iz - 2i| \leq 1$  e  $\text{Re}(z) \geq 1$  è:  a un punto;  b l'insieme vuoto;  c la metà di un disco;  d un disco.
4.  $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{x \log(1-3x)}{\log(\cos(3x))} =$   a -12;  b  $-\frac{5}{6}$ ;  c  $\frac{2}{3}$ ;  d -1.
5. L'insieme dei valori  $x \in \mathbf{R}$  in cui la funzione  $g(x) = e^{-2x}(2x^2 + 3x - 2)$  è crescente è:  
 a  $\frac{-1-\sqrt{29}}{4} \leq x \leq \frac{-1+\sqrt{29}}{4}$ ;  b  $x \leq \frac{2-2\sqrt{7}}{3}$ ,  $x \geq \frac{2+2\sqrt{7}}{3}$ ;  c  $x \leq \frac{-4-\sqrt{22}}{6}$ ,  $x \geq \frac{-4+\sqrt{22}}{6}$ ;  
 d  $\frac{5-\sqrt{31}}{6} \leq x \leq \frac{5+\sqrt{31}}{6}$ .
6. Sia  $f : \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$  una funzione derivabile e non negativa. Quale delle seguenti condizioni è compatibile con  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = 4$ ?  a  $\int_1^{+\infty} f(x)dx$  è convergente;  b  $\sum_{n=1}^{\infty} f(n)$  è convergente;  c  $f'(x) < 0$  per ogni  $x \geq 1$ ;  d  $f$  risolve  $f'(x) = -3f(x)$  per  $x \geq 1$ .
7. Il raggio di convergenza della serie di potenze  $\sum_{n=0}^{\infty} \frac{2n^2+1}{3^n+1} x^n$  è:  a 4;  b 3;  c 1;  
 d 2.
8. Se  $z = -3i^5$ , allora le radici terze di  $z$  sono:

