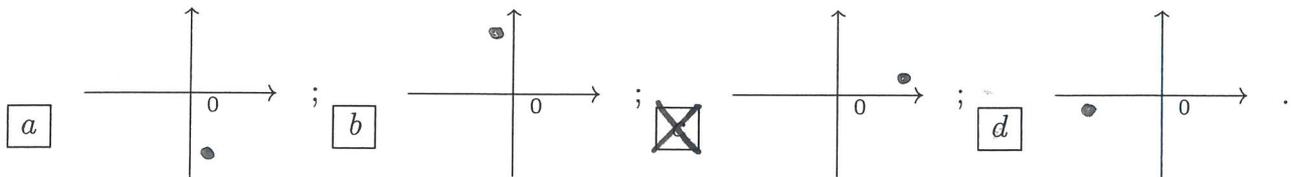


ANALISI MATEMATICA 1 - Prima prova		29 ottobre 2019
Cognome:	Nome:	Matricola:
Corso di laurea:		A B

- Una ed una sola delle quattro affermazioni è corretta. Indicarla con una croce.
- Per annullare una risposta ritenuta errata racchiuderla in un cerchio.
- Risposta corretta: +1.5. Risposta errata: -0.25.

1. Se $z = -20 - i$, allora z^4 è:



2. Sia $g : \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$ una funzione derivabile, con $g(1) = 2$, $g(2) = 3$, $\lim_{x \rightarrow -\infty} g(x) = 4$, $\lim_{x \rightarrow +\infty} g(x) = 1$. Allora, qualunque sia la funzione g con queste proprietà, per $x \in \mathbf{R}$ la derivata $g'(x)$ si annulla: a almeno una volta (in certi casi più di una, in certi casi esattamente una); b esattamente due volte; c almeno due volte (in certi casi più di due, in certi casi esattamente due); d esattamente una volta.

3. Se $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = \frac{1}{4}$ allora: a esiste $M > 0$ tale che, se $x > M$, si ha $\frac{1}{4} < f(x) < \frac{3}{4}$; b esiste $M > 0$ tale che, se $x > M$, si ha $\frac{1}{2} < f(x) < 1$; c esiste $M > 0$ tale che, se $x > M$, si ha $f(x) < \frac{1}{2}$; d esiste $M > 0$ tale che, se $x > M$, si ha $f(x) > \frac{3}{4}$.

4. Sia $f(t) = t^5 + 1$. L'equazione della retta tangente al grafico della funzione inversa f^{-1} nel punto $(2, f^{-1}(2))$ è: a $y = \frac{1}{5}x + \frac{3}{5}$; b $y = \frac{1}{5}x + \frac{2}{5}$; c $y = \frac{1}{5}x + \frac{6}{5}$; d $y = \frac{1}{5}x + 1$.

5. $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{x(1 - \cos x)}{2 \sin x - 2x} =$ a $-\frac{4}{3}$; b $\frac{9}{2}$; c 12; d $-\frac{3}{2}$.

6. Sia $f : \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$ una funzione continua, con $f(0) = -\frac{3}{2}$, $f(1) = -2$. Per quale funzione $h(x)$ l'equazione $f(x) + h(x) = 0$ ha soluzione nell'intervallo $[0, 1]$? a $h(x) = x^2 - 1$; b $h(x) = 1 - x^3$; c $h(x) = 2 - x^3$; d $h(x) = x^2 - 2$.

7. L'equazione della retta tangente al grafico della funzione $q(x) = \frac{1-2x^2}{x^2-3}$ in $(1, q(1))$ è: a $y = \frac{1}{4}x + \frac{1}{4}$; b $y = \frac{5}{2}x - 2$; c $y = -\frac{5}{2}x + 3$; d $y = \frac{3}{2}x - 1$.

8. Le soluzioni $z \in \mathbf{C}$ dell'equazione $(\bar{z} - 1)^2 + z = 1$ sono: a $0, -1, \frac{3}{2} - \frac{3}{2}i, \frac{3}{2} + \frac{3}{2}i$; b $0, 1, \frac{3}{2} - \frac{\sqrt{3}}{2}i, \frac{3}{2} + \frac{\sqrt{3}}{2}i$; c $0, 1, -\frac{3}{2} - \frac{3}{2}i, -\frac{3}{2} + \frac{3}{2}i$; d $0, -1, -\frac{3}{2} - \frac{\sqrt{3}}{2}i, -\frac{3}{2} + \frac{\sqrt{3}}{2}i$.

9. $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{3^{n+1} + n^2 - 4^{-n}}{2^{-n} - 3^n - n} =$ a $-\frac{1}{4}$; b -2; c -3; d -1.

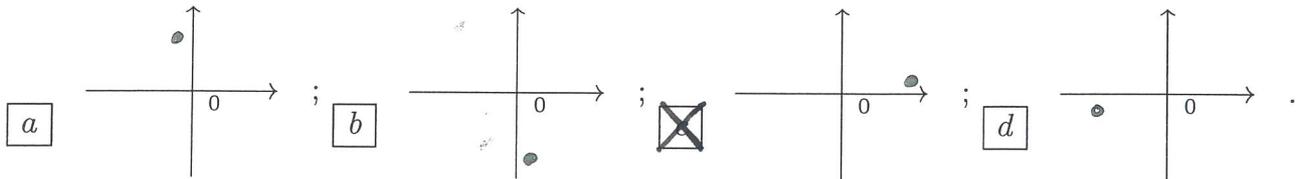
10. $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin(\sin(2x)) + x}{3x - \log(1+x)} =$ a $\frac{1}{3}$; b $\frac{1}{2}$; c $\frac{4}{3}$; d $\frac{3}{2}$.

ANALISI MATEMATICA 1 - Prima prova		29 ottobre 2019
Cognome:	Nome:	Matricola:
Corso di laurea:		A B

- Una ed una sola delle quattro affermazioni è corretta. Indicarla con una croce.
- Per annullare una risposta ritenuta errata racchiuderla in un cerchio.
- Risposta corretta: +1.5. Risposta errata: -0.25.

1. $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{4^n + n^2 + 3^{-n}}{n - 4^{n+1} - 2^n} =$ a -2; b -3; c -1; d $-\frac{1}{4}$.

2. Se $z = -1 + 20i$, allora z^4 è:



3. Sia $f : \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$ una funzione continua, con $f(0) = \frac{1}{4}$, $f(1) = \frac{1}{2}$. Per quale funzione $h(x)$ l'equazione $f(x) + h(x) = 0$ ha soluzione nell'intervallo $[0, 1]$?

a $h(x) = 1 - x^3$; b $h(x) = 2 - x^3$; c $h(x) = x^2 - 2$; d $h(x) = x^2 - 1$.

4. Sia $g : \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$ una funzione derivabile, con $g(1) = 0$, $g(2) = 2$, $\lim_{x \rightarrow +\infty} g(x) = -1$. Allora, qualunque sia la funzione g con queste proprietà, per $x \in \mathbf{R}$ la derivata $g'(x)$ si annulla: a esattamente due volte; b almeno due volte (in certi casi più di due, in certi casi esattamente due); c esattamente una volta; d almeno una volta (in certi casi più di una, in certi casi esattamente una).

5. Sia $f(t) = t^5 - 2$. L'equazione della retta tangente al grafico della funzione inversa f^{-1} nel punto $(-1, f^{-1}(-1))$ è: a $y = \frac{1}{5}x + \frac{2}{5}$; b $y = \frac{1}{5}x + \frac{6}{5}$; c $y = \frac{1}{5}x + 1$; d $y = \frac{1}{5}x + \frac{3}{5}$.

6. $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{2x - \log(1 + \sin x)}{x + \sin(2x)} =$ a $\frac{1}{2}$; b $\frac{4}{3}$; c $\frac{3}{2}$; d $\frac{1}{3}$.

7. Le soluzioni $z \in \mathbf{C}$ dell'equazione $(\bar{z} + 1)^2 - z = 1$ sono: a $0, 1, \frac{3}{2} - \frac{\sqrt{3}}{2}i, \frac{3}{2} + \frac{\sqrt{3}}{2}i$; b $0, 1, -\frac{3}{2} - \frac{3}{2}i, -\frac{3}{2} + \frac{3}{2}i$; c $0, -1, -\frac{3}{2} - \frac{\sqrt{3}}{2}i, -\frac{3}{2} + \frac{\sqrt{3}}{2}i$; d $0, -1, \frac{3}{2} - \frac{3}{2}i, \frac{3}{2} + \frac{3}{2}i$.

8. $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{x^2 \log(1 + 2x)}{x - \sin x} =$ a $\frac{9}{2}$; b 12; c $-\frac{3}{2}$; d $-\frac{4}{3}$.

9. Se $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = 1$ allora: a esiste $M > 0$ tale che, se $x > M$, si ha $\frac{1}{2} < f(x) < 1$; b esiste $M > 0$ tale che, se $x > M$, si ha $f(x) < \frac{1}{2}$; c esiste $M > 0$ tale che, se $x > M$, si ha $f(x) > \frac{3}{4}$; d esiste $M > 0$ tale che, se $x > M$, si ha $\frac{1}{4} < f(x) < \frac{3}{4}$.

10. L'equazione della retta tangente al grafico della funzione $q(x) = \frac{x^2+1}{x^2+3}$ in $(1, q(1))$ è:

a $y = \frac{5}{2}x - 2$; b $y = -\frac{5}{2}x + 3$; c $y = \frac{3}{2}x - 1$; d $y = \frac{1}{4}x + \frac{1}{4}$.

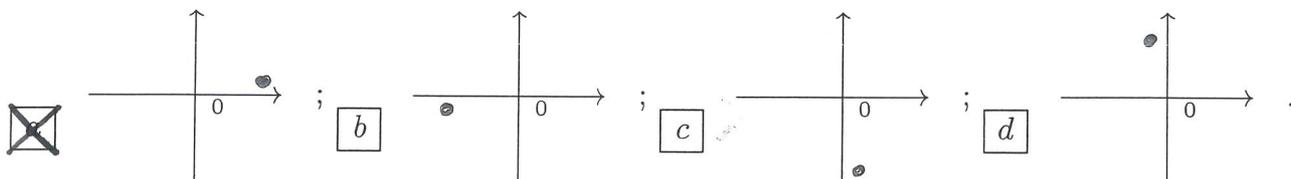
ANALISI MATEMATICA 1 - Prima prova		29 ottobre 2019
Cognome:	Nome:	Matricola:
Corso di laurea:	A B	

- Una ed una sola delle quattro affermazioni è corretta. Indicarla con una croce.
- Per annullare una risposta ritenuta errata racchiuderla in un cerchio.
- Risposta corretta: +1.5. Risposta errata: -0.25.

1. Sia $f(t) = t^5 - 2$. L'equazione della retta tangente al grafico della funzione inversa f^{-1} nel punto $(-1, f^{-1}(-1))$ è: a $y = \frac{1}{5}x + \frac{3}{5}$; b $y = \frac{1}{5}x + \frac{2}{5}$; c $y = \frac{1}{5}x + \frac{6}{5}$; d $y = \frac{1}{5}x + 1$.

2. $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{x(1 - \cos x)}{2 \sin x - 2x} =$ a $-\frac{4}{3}$; b $\frac{9}{2}$; c 12 ; d $-\frac{3}{2}$.

3. Se $z = 1 - 20i$, allora z^4 è:



4. Le soluzioni $z \in \mathbf{C}$ dell'equazione $(z - 1)^2 + \bar{z} = 1$ sono: a $0, -1, \frac{3}{2} - \frac{3}{2}i, \frac{3}{2} + \frac{3}{2}i$; b $0, 1, \frac{3}{2} - \frac{\sqrt{3}}{2}i, \frac{3}{2} + \frac{\sqrt{3}}{2}i$; c $0, 1, -\frac{3}{2} - \frac{3}{2}i, -\frac{3}{2} + \frac{3}{2}i$; d $0, -1, -\frac{3}{2} - \frac{\sqrt{3}}{2}i, -\frac{3}{2} + \frac{\sqrt{3}}{2}i$.

5. L'equazione della retta tangente al grafico della funzione $q(x) = \frac{2-x^2}{3x^2-1}$ in $(1, q(1))$ è: a $y = \frac{1}{4}x + \frac{1}{4}$; b $y = \frac{5}{2}x - 2$; c $y = -\frac{5}{2}x + 3$; d $y = \frac{3}{2}x - 1$.

6. $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{3^{n+1} + n^2 - 4^{-n}}{2^{-n} - 3^n - n} =$ a $-\frac{1}{4}$; b -2 ; c -3 ; d -1 .

7. Sia $f: \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$ una funzione continua, con $f(0) = -\frac{3}{2}$, $f(1) = -2$. Per quale funzione $h(x)$ l'equazione $f(x) + h(x) = 0$ ha soluzione nell'intervallo $[0, 1]$?

a $h(x) = x^2 - 1$; b $h(x) = 1 - x^3$; c $h(x) = 2 - x^3$; d $h(x) = x^2 - 2$.

8. $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{2x + \log(1 + 2 \sin x)}{4x - \sin x} =$ a $\frac{1}{3}$; b $\frac{1}{2}$; c $\frac{4}{3}$; d $\frac{3}{2}$.

9. Sia $g: \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$ una funzione derivabile, con $g(1) = 3$, $g(2) = 1$, $\lim_{x \rightarrow -\infty} g(x) = 0$, $\lim_{x \rightarrow +\infty} g(x) =$

4. Allora, qualunque sia la funzione g con queste proprietà, per $x \in \mathbf{R}$ la derivata $g'(x)$ si annulla: a almeno una volta (in certi casi più di una, in certi casi esattamente una);

b esattamente due volte; c almeno due volte (in certi casi più di due, in certi casi esattamente due); d esattamente una volta.

10. Se $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = \frac{1}{4}$ allora: a esiste $M > 0$ tale che, se $x > M$, si ha $\frac{1}{4} < f(x) < \frac{3}{4}$;

b esiste $M > 0$ tale che, se $x > M$, si ha $\frac{1}{2} < f(x) < 1$; c esiste $M > 0$ tale che, se $x > M$, si ha $f(x) < \frac{1}{2}$; d esiste $M > 0$ tale che, se $x > M$, si ha $f(x) > \frac{3}{4}$.

ANALISI MATEMATICA 1 - Prima prova		29 ottobre 2019
Cognome:	Nome:	Matricola:
Corso di laurea:		A B

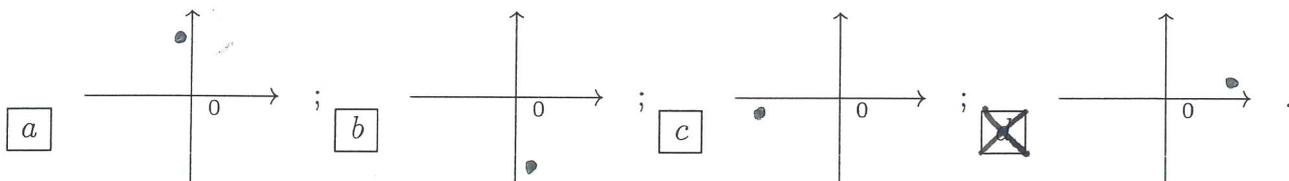
- Una ed una sola delle quattro affermazioni è corretta. Indicarla con una croce.
- Per annullare una risposta ritenuta errata racchiuderla in un cerchio.
- Risposta corretta: +1.5. Risposta errata: -0.25.

1. Se $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = \frac{3}{4}$ allora: a esiste $M > 0$ tale che, se $x > M$, si ha $f(x) < \frac{1}{2}$; b esiste $M > 0$ tale che, se $x > M$, si ha $f(x) > \frac{3}{4}$; c esiste $M > 0$ tale che, se $x > M$, si ha $\frac{1}{4} < f(x) < \frac{3}{4}$; d esiste $M > 0$ tale che, se $x > M$, si ha $\frac{1}{2} < f(x) < 1$.

2. $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{4^n + n^2 + 3^{-n}}{n - 4^{n+1} - 2^n} =$ a -3; b -1; c $-\frac{1}{4}$; d -2.

3. $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{2x - \log(1 + \sin x)}{x + \sin(2x)} =$ a $\frac{4}{3}$; b $\frac{3}{2}$; c $\frac{1}{3}$; d $\frac{1}{2}$.

4. Se $z = -1 + 20i$, allora z^4 è:



5. Sia $g : \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$ una funzione derivabile, con $g(1) = 0$, $g(2) = 2$, $\lim_{x \rightarrow +\infty} g(x) = -1$. Allora, qualunque sia la funzione g con queste proprietà, per $x \in \mathbf{R}$ la derivata $g'(x)$ si annulla: a almeno due volte (in certi casi più di due, in certi casi esattamente due); b esattamente una volta; c almeno una volta (in certi casi più di una, in certi casi esattamente una); d esattamente due volte.

6. L'equazione della retta tangente al grafico della funzione $q(x) = \frac{x^2+1}{x^2+3}$ in $(1, q(1))$ è: a $y = -\frac{5}{2}x + 3$; b $y = \frac{3}{2}x - 1$; c $y = \frac{1}{4}x + \frac{1}{4}$; d $y = \frac{5}{2}x - 2$.

7. $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{3x - \sin(3x)}{x^2(e^x - 1)} =$ a 12; b $-\frac{3}{2}$; c $-\frac{4}{3}$; d $\frac{9}{2}$.

8. Sia $f(t) = t^5 - 1$. L'equazione della retta tangente al grafico della funzione inversa f^{-1} nel punto $(0, f^{-1}(0))$ è: a $y = \frac{1}{5}x + \frac{6}{5}$; b $y = \frac{1}{5}x + 1$; c $y = \frac{1}{5}x + \frac{3}{5}$; d $y = \frac{1}{5}x + \frac{2}{5}$.

9. Sia $f : \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$ una funzione continua, con $f(0) = \frac{1}{4}$, $f(1) = \frac{1}{2}$. Per quale funzione $h(x)$ l'equazione $f(x) + h(x) = 0$ ha soluzione nell'intervallo $[0, 1]$? a $h(x) = 2 - x^3$; b $h(x) = x^2 - 2$; c $h(x) = x^2 - 1$; d $h(x) = 1 - x^3$.

10. Le soluzioni $z \in \mathbf{C}$ dell'equazione $(z+1)^2 - \bar{z} = 1$ sono: a $0, 1, -\frac{3}{2} - \frac{3}{2}i, -\frac{3}{2} + \frac{3}{2}i$; b $0, -1, -\frac{3}{2} - \frac{\sqrt{3}}{2}i, -\frac{3}{2} + \frac{\sqrt{3}}{2}i$; c $0, -1, \frac{3}{2} - \frac{3}{2}i, \frac{3}{2} + \frac{3}{2}i$; d $0, 1, \frac{3}{2} - \frac{\sqrt{3}}{2}i, \frac{3}{2} + \frac{\sqrt{3}}{2}i$.

ANALISI MATEMATICA 1 - Prima prova		29 ottobre 2019
Cognome:	Nome:	Matricola:
Corso di laurea:		A B

- Una ed una sola delle quattro affermazioni è corretta. Indicarla con una croce.
- Per annullare una risposta ritenuta errata racchiuderla in un cerchio.
- Risposta corretta: +1.5. Risposta errata: -0.25.

1. Sia $f : \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$ una funzione continua, con $f(0) = \frac{3}{2}$, $f(1) = 2$. Per quale funzione $h(x)$ l'equazione $f(x) + h(x) = 0$ ha soluzione nell'intervallo $[0, 1]$?

a $h(x) = 1 - x^3$; b $h(x) = 2 - x^3$; c $h(x) = x^2 - 2$; d $h(x) = x^2 - 1$.

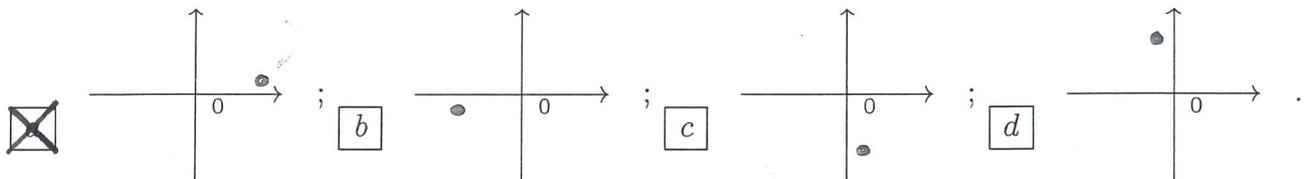
2. Se $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = \frac{1}{4}$ allora: a esiste $M > 0$ tale che, se $x > M$, si ha $\frac{1}{2} < f(x) < 1$; b esiste $M > 0$ tale che, se $x > M$, si ha $f(x) < \frac{1}{2}$; c esiste $M > 0$ tale che, se $x > M$, si ha $f(x) > \frac{3}{4}$; d esiste $M > 0$ tale che, se $x > M$, si ha $\frac{1}{4} < f(x) < \frac{3}{4}$.

3. L'equazione della retta tangente al grafico della funzione $q(x) = \frac{2-x^2}{3x^2-1}$ in $(1, q(1))$ è:

a $y = \frac{5}{2}x - 2$; b $y = -\frac{5}{2}x + 3$; c $y = \frac{3}{2}x - 1$; d $y = \frac{1}{4}x + \frac{1}{4}$.

4. $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{4^{-n} - n - 2^{n+1}}{n^2 - 3^{-n} + 2^n} =$ a -2 ; b -3 ; c -1 ; d $-\frac{1}{4}$.

5. Se $z = 20 + i$, allora z^4 è:



6. Le soluzioni $z \in \mathbf{C}$ dell'equazione $(z - 1)^2 + \bar{z} = 1$ sono: a $0, 1, \frac{3}{2} - \frac{\sqrt{3}}{2}i, \frac{3}{2} + \frac{\sqrt{3}}{2}i$; b $0, 1, -\frac{3}{2} - \frac{3}{2}i, -\frac{3}{2} + \frac{3}{2}i$; c $0, -1, -\frac{3}{2} - \frac{\sqrt{3}}{2}i, -\frac{3}{2} + \frac{\sqrt{3}}{2}i$; d $0, -1, \frac{3}{2} - \frac{3}{2}i, \frac{3}{2} + \frac{3}{2}i$.

7. Sia $f(t) = t^5 - 1$. L'equazione della retta tangente al grafico della funzione inversa f^{-1} nel punto $(0, f^{-1}(0))$ è: a $y = \frac{1}{5}x + \frac{2}{5}$; b $y = \frac{1}{5}x + \frac{6}{5}$; c $y = \frac{1}{5}x + 1$; d $y = \frac{1}{5}x + \frac{3}{5}$.

8. Sia $g : \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$ una funzione derivabile, con $g(1) = 3$, $g(2) = 1$, $\lim_{x \rightarrow -\infty} g(x) = 0$, $\lim_{x \rightarrow +\infty} g(x) = 4$. Allora, qualunque sia la funzione g con queste proprietà, per $x \in \mathbf{R}$ la derivata $g'(x)$ si annulla: a esattamente due volte; b almeno due volte (in certi casi più di due, in certi casi esattamente due); c esattamente una volta; d almeno una volta (in certi casi più di una, in certi casi esattamente una).

9. $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{3x - \sin(2 \sin x)}{x + \log(1 + x)} =$ a $\frac{1}{2}$; b $\frac{4}{3}$; c $\frac{3}{2}$; d $\frac{1}{3}$.

10. $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{3x - \sin(3x)}{x^2(e^x - 1)} =$ a $\frac{9}{2}$; b 12 ; c $-\frac{3}{2}$; d $-\frac{4}{3}$.

ANALISI MATEMATICA 1 - Prima prova		29 ottobre 2019
Cognome:	Nome:	Matricola:
Corso di laurea:		A B

- Una ed una sola delle quattro affermazioni è corretta. Indicarla con una croce.
- Per annullare una risposta ritenuta errata racchiuderla in un cerchio.
- Risposta corretta: +1.5. Risposta errata: -0.25.

1. $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{x(1 - \cos x)}{2 \sin x - 2x} =$ $-\frac{3}{2}$; $-\frac{4}{3}$; $\frac{9}{2}$; 12.

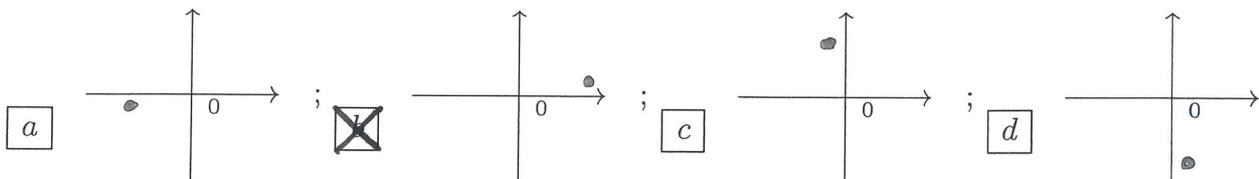
2. Le soluzioni $z \in \mathbf{C}$ dell'equazione $(z - 1)^2 + \bar{z} = 1$ sono: $0, -1, -\frac{3}{2} - \frac{\sqrt{3}}{2}i, -\frac{3}{2} + \frac{\sqrt{3}}{2}i$; $0, -1, \frac{3}{2} - \frac{3}{2}i, \frac{3}{2} + \frac{3}{2}i$; $0, 1, \frac{3}{2} - \frac{\sqrt{3}}{2}i, \frac{3}{2} + \frac{\sqrt{3}}{2}i$; $0, 1, -\frac{3}{2} - \frac{3}{2}i, -\frac{3}{2} + \frac{3}{2}i$.

3. Sia $g: \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$ una funzione derivabile, con $g(1) = 3, g(2) = 1, \lim_{x \rightarrow -\infty} g(x) = 0, \lim_{x \rightarrow +\infty} g(x) = 4$. Allora, qualunque sia la funzione g con queste proprietà, per $x \in \mathbf{R}$ la derivata $g'(x)$ si annulla: esattamente una volta; almeno una volta (in certi casi più di una, in certi casi esattamente una); esattamente due volte; almeno due volte (in certi casi più di due, in certi casi esattamente due).

4. L'equazione della retta tangente al grafico della funzione $q(x) = \frac{x^2+1}{x^2+3}$ in $(1, q(1))$ è: $y = \frac{3}{2}x - 1$; $y = \frac{1}{4}x + \frac{1}{4}$; $y = \frac{5}{2}x - 2$; $y = -\frac{5}{2}x + 3$.

5. $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{3x - \sin(2 \sin x)}{x + \log(1+x)} =$ $\frac{3}{2}$; $\frac{1}{3}$; $\frac{1}{2}$; $\frac{4}{3}$.

6. Se $z = -1 + 20i$, allora z^4 è:



7. Se $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = \frac{3}{4}$ allora: a esiste $M > 0$ tale che, se $x > M$, si ha $f(x) > \frac{3}{4}$; b esiste $M > 0$ tale che, se $x > M$, si ha $\frac{1}{4} < f(x) < \frac{3}{4}$; c esiste $M > 0$ tale che, se $x > M$, si ha $\frac{1}{2} < f(x) < 1$; d esiste $M > 0$ tale che, se $x > M$, si ha $f(x) < \frac{1}{2}$.

8. Sia $f: \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$ una funzione continua, con $f(0) = -\frac{3}{2}, f(1) = -2$. Per quale funzione $h(x)$ l'equazione $f(x) + h(x) = 0$ ha soluzione nell'intervallo $[0, 1]$? a $h(x) = x^2 - 2$; b $h(x) = x^2 - 1$; c $h(x) = 1 - x^3$; d $h(x) = 2 - x^3$.

9. Sia $f(t) = t^5 - 1$. L'equazione della retta tangente al grafico della funzione inversa f^{-1} nel punto $(0, f^{-1}(0))$ è: a $y = \frac{1}{5}x + 1$; b $y = \frac{1}{5}x + \frac{3}{5}$; c $y = \frac{1}{5}x + \frac{2}{5}$; d $y = \frac{1}{5}x + \frac{6}{5}$.

10. $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{4^n + n^2 + 3^{-n}}{n - 4^{n+1} - 2^n} =$ a -1 ; b $-\frac{1}{4}$; c -2 ; d -3 .

ANALISI MATEMATICA 1 - Prima prova		29 ottobre 2019
Cognome:	Nome:	Matricola:
Corso di laurea:		A B

- Una ed una sola delle quattro affermazioni è corretta. Indicarla con una croce.
- Per annullare una risposta ritenuta errata racchiuderla in un cerchio.
- Risposta corretta: +1.5. Risposta errata: -0.25.

1. L'equazione della retta tangente al grafico della funzione $q(x) = \frac{1-2x^2}{x^2-3}$ in $(1, q(1))$ è:

a $y = \frac{3}{2}x - 1$; b $y = \frac{1}{4}x + \frac{1}{4}$; c $y = \frac{5}{2}x - 2$; d $y = -\frac{5}{2}x + 3$.

2. $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{3x - \sin(2 \sin x)}{x + \log(1+x)} =$ a $\frac{3}{2}$; b $\frac{1}{3}$; c $\frac{1}{2}$; d $\frac{4}{3}$.

3. $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{x^2 \log(1+2x)}{x - \sin x} =$ a $-\frac{3}{2}$; b $-\frac{4}{3}$; c $\frac{9}{2}$; d 12.

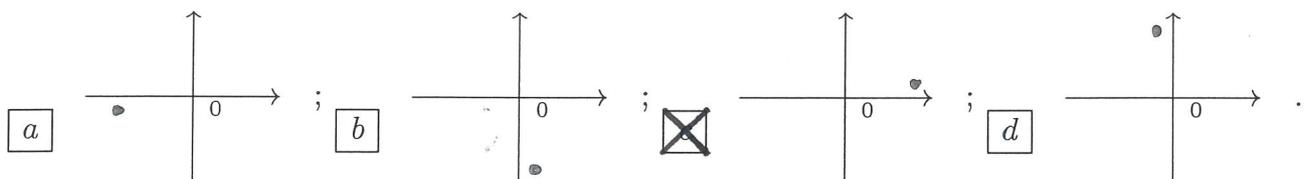
4. Sia $f: \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$ una funzione continua, con $f(0) = -\frac{1}{2}$, $f(1) = -\frac{1}{4}$. Per quale funzione $h(x)$ l'equazione $f(x) + h(x) = 0$ ha soluzione nell'intervallo $[0, 1]$?

a $h(x) = x^2 - 2$; b $h(x) = x^2 - 1$; c $h(x) = 1 - x^3$; d $h(x) = 2 - x^3$.

5. Se $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = \frac{1}{2}$ allora: a esiste $M > 0$ tale che, se $x > M$, si ha $f(x) > \frac{3}{4}$; b esiste $M > 0$ tale che, se $x > M$, si ha $\frac{1}{4} < f(x) < \frac{3}{4}$; c esiste $M > 0$ tale che, se $x > M$, si ha $\frac{1}{2} < f(x) < 1$; d esiste $M > 0$ tale che, se $x > M$, si ha $f(x) < \frac{1}{2}$.

6. Sia $f(t) = t^5 + 2$. L'equazione della retta tangente al grafico della funzione inversa f^{-1} nel punto $(3, f^{-1}(3))$ è: a $y = \frac{1}{5}x + 1$; b $y = \frac{1}{5}x + \frac{3}{5}$; c $y = \frac{1}{5}x + \frac{2}{5}$; d $y = \frac{1}{5}x + \frac{6}{5}$.

7. Se $z = -20 - i$, allora z^4 è:



8. $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{4^{-n} - n - 2^{n+1}}{n^2 - 3^{-n} + 2^n} =$ a -1; b $-\frac{1}{4}$; c -2; d -3.

9. Le soluzioni $z \in \mathbf{C}$ dell'equazione $(\bar{z} - 1)^2 + z = 1$ sono: a $0, -1, -\frac{3}{2} - \frac{\sqrt{3}}{2}i, -\frac{3}{2} + \frac{\sqrt{3}}{2}i$; b $0, -1, \frac{3}{2} - \frac{3}{2}i, \frac{3}{2} + \frac{3}{2}i$; c $0, 1, \frac{3}{2} - \frac{\sqrt{3}}{2}i, \frac{3}{2} + \frac{\sqrt{3}}{2}i$; d $0, 1, -\frac{3}{2} - \frac{3}{2}i, -\frac{3}{2} + \frac{3}{2}i$.

10. Sia $g: \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$ una funzione derivabile, con $g(1) = 2$, $g(2) = 3$, $\lim_{x \rightarrow -\infty} g(x) = 4$, $\lim_{x \rightarrow +\infty} g(x) = 1$. Allora, qualunque sia la funzione g con queste proprietà, per $x \in \mathbf{R}$ la derivata $g'(x)$ si annulla: a esattamente una volta; b almeno una volta (in certi casi più di una, in certi casi esattamente una); c esattamente due volte; d almeno due volte (in certi casi più di due, in certi casi esattamente due).

ANALISI MATEMATICA 1 - Prima prova		29 ottobre 2019
Cognome:	Nome:	Matricola:
Corso di laurea:		A B

- Una ed una sola delle quattro affermazioni è corretta: Indicarla con una croce.
- Per annullare una risposta ritenuta errata racchiuderla in un cerchio.
- Risposta corretta: +1.5. Risposta errata: -0.25.

1. $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{2x + \log(1 + 2 \sin x)}{4x - \sin x} =$ $\frac{4}{3}$; $\frac{3}{2}$; $\frac{1}{3}$; $\frac{1}{2}$.

2. Sia $f : \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$ una funzione continua, con $f(0) = \frac{1}{4}$, $f(1) = \frac{1}{2}$. Per quale funzione $h(x)$ l'equazione $f(x) + h(x) = 0$ ha soluzione nell'intervallo $[0, 1]$?
 $h(x) = 2 - x^3$; $h(x) = x^2 - 2$; $h(x) = x^2 - 1$; $h(x) = 1 - x^3$.

3. Le soluzioni $z \in \mathbf{C}$ dell'equazione $(z + 1)^2 - \bar{z} = 1$ sono: $0, 1, -\frac{3}{2} - \frac{3}{2}i, -\frac{3}{2} + \frac{3}{2}i$; $0, -1, -\frac{3}{2} - \frac{\sqrt{3}}{2}i, -\frac{3}{2} + \frac{\sqrt{3}}{2}i$; $0, -1, \frac{3}{2} - \frac{3}{2}i, \frac{3}{2} + \frac{3}{2}i$; $0, 1, \frac{3}{2} - \frac{\sqrt{3}}{2}i, \frac{3}{2} + \frac{\sqrt{3}}{2}i$.

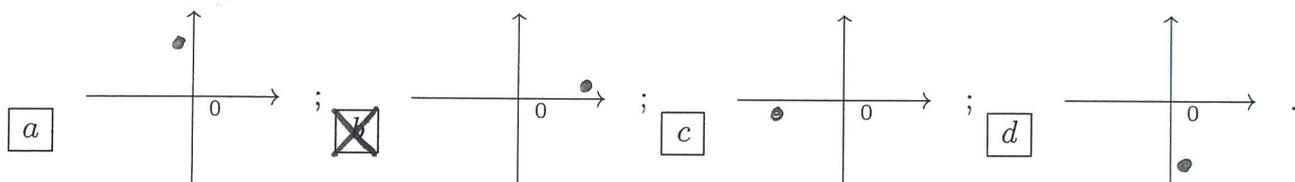
4. Se $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = \frac{1}{2}$ allora: esiste $M > 0$ tale che, se $x > M$, si ha $f(x) < \frac{1}{2}$; esiste $M > 0$ tale che, se $x > M$, si ha $f(x) > \frac{3}{4}$; esiste $M > 0$ tale che, se $x > M$, si ha $\frac{1}{4} < f(x) < \frac{3}{4}$; esiste $M > 0$ tale che, se $x > M$, si ha $\frac{1}{2} < f(x) < 1$.

5. $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{3^n + 2^n - n}{n^2 - 3^n + 2^{-n}} =$ -3 ; -1 ; $-\frac{1}{4}$; -2 .

6. $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin(2x) - 2x}{x^2 \sin x} =$ 12 ; $-\frac{3}{2}$; $-\frac{4}{3}$; $\frac{9}{2}$.

7. Sia $g : \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$ una funzione derivabile, con $g(1) = 1$, $g(2) = 0$, $\lim_{x \rightarrow +\infty} g(x) = 2$. Allora, qualunque sia la funzione g con queste proprietà, per $x \in \mathbf{R}$ la derivata $g'(x)$ si annulla:
 almeno due volte (in certi casi più di due, in certi casi esattamente due); esattamente una volta; almeno una volta (in certi casi più di una, in certi casi esattamente una); esattamente due volte.

8. Se $z = -20 - i$, allora z^4 è:



9. L'equazione della retta tangente al grafico della funzione $q(x) = \frac{2x^2 - 1}{x^2 + 1}$ in $(1, q(1))$ è:
 $y = -\frac{5}{2}x + 3$; $y = \frac{3}{2}x - 1$; $y = \frac{1}{4}x + \frac{1}{4}$; $y = \frac{5}{2}x - 2$.

10. Sia $f(t) = t^5 - 2$. L'equazione della retta tangente al grafico della funzione inversa f^{-1} nel punto $(-1, f^{-1}(-1))$ è: $y = \frac{1}{5}x + \frac{6}{5}$; $y = \frac{1}{5}x + 1$; $y = \frac{1}{5}x + \frac{3}{5}$; $y = \frac{1}{5}x + \frac{2}{5}$.

ANALISI MATEMATICA 1 - Prima prova		29 ottobre 2019
Cognome:	Nome:	Matricola:
Corso di laurea:		A B

- Una ed una sola delle quattro affermazioni è corretta. Indicarla con una croce.
- Per annullare una risposta ritenuta errata racchiuderla in un cerchio.
- Risposta corretta: +1.5. Risposta errata: -0.25.

1. Sia $g : \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$ una funzione derivabile, con $g(1) = 1$, $g(2) = 0$, $\lim_{x \rightarrow +\infty} g(x) = 2$. Allora, qualunque sia la funzione g con queste proprietà, per $x \in \mathbf{R}$ la derivata $g'(x)$ si annulla: a esattamente due volte; b almeno due volte (in certi casi più di due, in certi casi esattamente due); c esattamente una volta; d almeno una volta (in certi casi più di una, in certi casi esattamente una).

2. Sia $f(t) = t^5 + 1$. L'equazione della retta tangente al grafico della funzione inversa f^{-1} nel punto $(2, f^{-1}(2))$ è: a $y = \frac{1}{5}x + \frac{2}{5}$; b $y = \frac{1}{5}x + \frac{6}{5}$; c $y = \frac{1}{5}x + 1$; d $y = \frac{1}{5}x + \frac{3}{5}$.

3. $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{3^n + 2^n - n}{n^2 - 3^n + 2^{-n}} =$ a -2; b -3; c -1; d $-\frac{1}{4}$.

4. $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin(2x) - 2x}{x^2 \sin x} =$ a $\frac{9}{2}$; b 12; c $-\frac{3}{2}$; d $-\frac{4}{3}$.

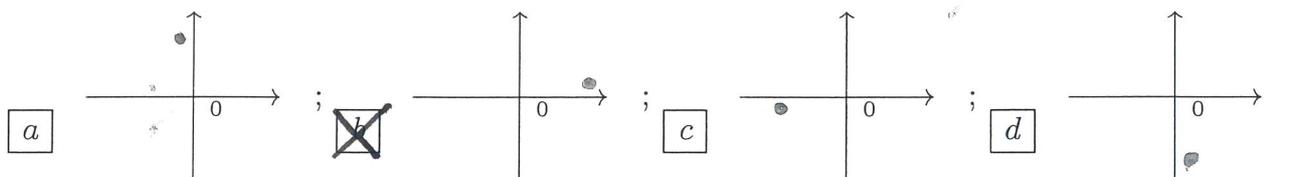
5. Le soluzioni $z \in \mathbf{C}$ dell'equazione $(\bar{z} + 1)^2 - z = 1$ sono: a $0, 1, \frac{3}{2} - \frac{\sqrt{3}}{2}i, \frac{3}{2} + \frac{\sqrt{3}}{2}i$; b $0, 1, -\frac{3}{2} - \frac{3}{2}i, -\frac{3}{2} + \frac{3}{2}i$; c $0, -1, -\frac{3}{2} - \frac{\sqrt{3}}{2}i, -\frac{3}{2} + \frac{\sqrt{3}}{2}i$; d $0, -1, \frac{3}{2} - \frac{3}{2}i, \frac{3}{2} + \frac{3}{2}i$.

6. Se $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = 1$ allora: a esiste $M > 0$ tale che, se $x > M$, si ha $\frac{1}{2} < f(x) < 1$; b esiste $M > 0$ tale che, se $x > M$, si ha $f(x) < \frac{1}{2}$; c esiste $M > 0$ tale che, se $x > M$, si ha $f(x) > \frac{3}{4}$; d esiste $M > 0$ tale che, se $x > M$, si ha $\frac{1}{4} < f(x) < \frac{3}{4}$.

7. $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin(\sin(2x)) + x}{3x - \log(1+x)} =$ a $\frac{1}{2}$; b $\frac{4}{3}$; c $\frac{3}{2}$; d $\frac{1}{3}$.

8. L'equazione della retta tangente al grafico della funzione $q(x) = \frac{2x^2-1}{x^2+1}$ in $(1, q(1))$ è: a $y = \frac{5}{2}x - 2$; b $y = -\frac{5}{2}x + 3$; c $y = \frac{3}{2}x - 1$; d $y = \frac{1}{4}x + \frac{1}{4}$.

9. Se $z = 20 + i$, allora z^4 è:



10. Sia $f : \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$ una funzione continua, con $f(0) = \frac{3}{2}$, $f(1) = 2$. Per quale funzione $h(x)$ l'equazione $f(x) + h(x) = 0$ ha soluzione nell'intervallo $[0, 1]$?

a $h(x) = 1 - x^3$; b $h(x) = 2 - x^3$; c $h(x) = x^2 - 2$; d $h(x) = x^2 - 1$.

ANALISI MATEMATICA 1 - Prima prova		29 ottobre 2019
Cognome:	Nome:	Matricola:
Corso di laurea:		A B

- Una ed una sola delle quattro affermazioni è corretta. Indicarla con una croce.
- Per annullare una risposta ritenuta errata racchiuderla in un cerchio.
- Risposta corretta: +1.5. Risposta errata: -0.25.

1. Le soluzioni $z \in \mathbf{C}$ dell'equazione $(\bar{z} + 1)^2 - z = 1$ sono: a $0, 1, -\frac{3}{2} - \frac{3}{2}i, -\frac{3}{2} + \frac{3}{2}i$; $0, -1, -\frac{3}{2} - \frac{\sqrt{3}}{2}i, -\frac{3}{2} + \frac{\sqrt{3}}{2}i$; c $0, -1, \frac{3}{2} - \frac{3}{2}i, \frac{3}{2} + \frac{3}{2}i$; d $0, 1, \frac{3}{2} - \frac{\sqrt{3}}{2}i, \frac{3}{2} + \frac{\sqrt{3}}{2}i$.
2. L'equazione della retta tangente al grafico della funzione $q(x) = \frac{1-2x^2}{x^2-3}$ in $(1, q(1))$ è: a $y = -\frac{5}{2}x + 3$; b $y = \frac{3}{2}x - 1$; c $y = \frac{1}{4}x + \frac{1}{4}$; $y = \frac{5}{2}x - 2$.
3. Sia $f(t) = t^5 + 2$. L'equazione della retta tangente al grafico della funzione inversa f^{-1} nel punto $(3, f^{-1}(3))$ è: a $y = \frac{1}{5}x + \frac{6}{5}$; b $y = \frac{1}{5}x + 1$; c $y = \frac{1}{5}x + \frac{3}{5}$; $y = \frac{1}{5}x + \frac{2}{5}$.
4. $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin(\sin(2x)) + x}{3x - \log(1+x)} =$ a $\frac{4}{3}$; $\frac{3}{2}$; c $\frac{1}{3}$; d $\frac{1}{2}$.
5. Sia $f: \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$ una funzione continua, con $f(0) = -\frac{3}{2}$, $f(1) = -2$. Per quale funzione $h(x)$ l'equazione $f(x) + h(x) = 0$ ha soluzione nell'intervallo $[0, 1]$? $h(x) = 2 - x^3$; b $h(x) = x^2 - 2$; c $h(x) = x^2 - 1$; d $h(x) = 1 - x^3$.
6. Sia $g: \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$ una funzione derivabile, con $g(1) = 0$, $g(2) = 2$, $\lim_{x \rightarrow +\infty} g(x) = -1$. Allora, qualunque sia la funzione g con queste proprietà, per $x \in \mathbf{R}$ la derivata $g'(x)$ si annulla: a almeno due volte (in certi casi più di due, in certi casi esattamente due); b esattamente una volta; almeno una volta (in certi casi più di una, in certi casi esattamente una); d esattamente due volte.
7. $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{4^{-n} - n - 2^{n+1}}{n^2 - 3^{-n} + 2^n} =$ a -3 ; b -1 ; c $-\frac{1}{4}$; -2 .
8. Se $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = \frac{1}{2}$ allora: a esiste $M > 0$ tale che, se $x > M$, si ha $f(x) < \frac{1}{2}$; b esiste $M > 0$ tale che, se $x > M$, si ha $f(x) > \frac{3}{4}$; esiste $M > 0$ tale che, se $x > M$, si ha $\frac{1}{4} < f(x) < \frac{3}{4}$; d esiste $M > 0$ tale che, se $x > M$, si ha $\frac{1}{2} < f(x) < 1$.
9. $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{x^2 \log(1+2x)}{x - \sin x} =$ 12 ; b $-\frac{3}{2}$; c $-\frac{4}{3}$; d $\frac{9}{2}$.
10. Se $z = 1 - 20i$, allora z^4 è:

