

CALCOLO 1		4 gennaio 2005
Cognome:	Nome:	Matricola:

• Risposta corretta: +1.5. Risposta errata: -0.25.

1. $\sum_{n=2}^{+\infty} 3^{-n} = \boxed{a} \frac{3}{2}; \boxed{b} \frac{4}{3}; \boxed{c} \frac{1}{6}; \boxed{d} \frac{1}{12}.$

2. Se $y(x)$ è la soluzione del problema di Cauchy:

$$\begin{cases} y'' + 4y = 0 \\ y(0) = 0 \\ y'(0) = 2 \end{cases}$$

allora $\boxed{a} \lim_{x \rightarrow +\infty} y(x) = -\infty; \boxed{b} \lim_{x \rightarrow +\infty} y(x) = +\infty; \boxed{c} y(\pi/2) = 0; \boxed{d} y(1/2) = 0.$

3. Il polinomio di Taylor di grado 2 della funzione $f(t) = e^{-t^2}$ con centro in $t_0 = 1$ è :
 $\boxed{a} \frac{1}{e}(t-1)^2; \boxed{b} \frac{1}{e}(t-2)^2; \boxed{c} \frac{1}{e}(10t^2 - 16t + 7); \boxed{d} \frac{1}{e}(10t^2 - 5t + 3).$

4. Quali sono i valori del parametro α per cui la serie $\sum_{n=2}^{+\infty} \frac{1 + e^{-n}}{\sqrt{n^\alpha} + \log n}$ è convergente? \boxed{a} Per ogni $\alpha \in \mathbf{R}$; $\boxed{b} \alpha > 1; \boxed{c} \alpha > 2; \boxed{d} \alpha > 0.$

5. $\int_0^{\pi/4} f(\cos x) \tan x dx = \boxed{a} \int_{\sqrt{2}/2}^1 \frac{f(t)}{t} dt; \boxed{b} \int_1^{\sqrt{2}/2} \frac{f(t)}{t} dt; \boxed{c} \int_0^{\pi/4} f(t)t dt; \boxed{d} \int_1^{\sqrt{2}/2} tf(t) dt.$

6. Supponete che $f : \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$ sia una funzione continua. Quale delle seguenti affermazioni è sicuramente vera? \boxed{a} Se $\int_0^4 f(x)dx > 2$, allora esiste $x_0 \in [0, 4]$ tale che $f(x_0) > 1$; \boxed{b} Se $\int_0^2 f(x)dx > 4$, allora esiste $x_0 \in [0, 2]$ tale che $f(x_0) > 2$; $\boxed{c} \int_{-\infty}^{+\infty} f(x)dx = +\infty$; \boxed{d} Se $\int_0^1 f(x)dx < 0$, allora $f(x) < 100$ per ogni $x \in [0, 1]$.

7. $\int_0^{\pi/4} f(x) \cos(2x) dx = \boxed{a} 2(f(\frac{\pi}{4}) - \int_0^{\pi/4} f'(x) \sin(2x) dx); \boxed{b} 2(f(\frac{\pi}{4}) - f(0) - \int_0^{\pi/4} f'(x) \sin(2x) dx)$
 $;$ $\boxed{c} \frac{1}{2}(f(\frac{\pi}{4}) - f(0) - \int_0^{\pi/4} f'(x) \sin(2x) dx); \boxed{d} \frac{1}{2}(f(\frac{\pi}{4}) - \int_0^{\pi/4} f'(x) \sin(2x) dx).$

8. $\sum_{n=0}^{+\infty} a_n$ è convergente e a termini positivi. Quale delle seguenti affermazioni è sempre vera? $\boxed{a} \sum_{n=0}^{+\infty} \sqrt{a_n}$ è convergente; $\boxed{b} \sum_{n=0}^{+\infty} e^{-a_n}$ è convergente; $\boxed{c} \lim_{n \rightarrow +\infty} \frac{a_{n+1}}{a_n} < 1$;
 $\boxed{d} \sum_{n=0}^{+\infty} (e^{a_n} - 1)$ è convergente.

CALCOLO 1		4 gennaio 2005
Cognome:	Nome:	Matricola:

• Risposta corretta: +1.5. Risposta errata: -0.25.

1. Supponete che $g : \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$ sia una funzione continua. Quale delle seguenti affermazioni è sicuramente vera? a Se $\int_0^2 g(x)dx > 4$, allora esiste $x_0 \in [0, 2]$ tale che $g(x_0) > 2$; b $\int_{-\infty}^{+\infty} g(x)dx = +\infty$; c Se $\int_0^1 g(x)dx < 0$, allora $g(x) < 100$ per ogni $x \in [0, 1]$; d Se $\int_0^4 g(x)dx > 2$, allora esiste $x_0 \in [0, 4]$ tale che $g(x_0) > 1$.

2. Il polinomio di Taylor di grado 2 della funzione $f(t) = e^{2t^2}$ con centro in $t_0 = 1$ è: a $e^2(t-2)^2$; b $e^2(10t^2 - 16t + 7)$; c $e^2(10t^2 - 5t + 3)$; d $e^2(t-1)^2$.

3. Quali sono i valori del parametro α per cui l'integrale generalizzato $\int_2^{+\infty} \frac{1+e^{-x}}{\sqrt{x^\alpha + \log x}} dx$ è convergente? a $\alpha > 1$; b $\alpha > 2$; c $\alpha > 0$; d Per ogni $\alpha \in \mathbf{R}$.

4. $\int_0^{\pi/6} f(x) \cos(3x)dx =$ a $3(f(\frac{\pi}{6}) - f(0) - \int_0^{\pi/6} f'(x) \sin(3x)dx)$; b $\frac{1}{3}(f(\frac{\pi}{6}) - f(0) - \int_0^{\pi/6} f'(x) \sin(3x)dx)$; c $\frac{1}{3}(f(\frac{\pi}{6}) - \int_0^{\pi/6} f'(x) \sin(3x)dx)$; d $3(f(\frac{\pi}{6}) - \int_0^{\pi/6} f'(x) \sin(3x)dx)$.

5. $\sum_{n=2}^{+\infty} 4^{-n} =$ a $\frac{4}{3}$; b $\frac{1}{6}$; c $\frac{1}{12}$; d $\frac{3}{2}$.

6. Se $y(x)$ è la soluzione del problema di Cauchy:

$$\begin{cases} y'' - 9y = 0 \\ y(0) = 0 \\ y'(0) = 3 \end{cases}$$

allora a $\lim_{x \rightarrow +\infty} y(x) = +\infty$; b $y(\pi/3) = 0$; c $y(1/3) = 0$; d $\lim_{x \rightarrow +\infty} y(x) = -\infty$.

7. $\sum_{n=0}^{+\infty} a_n$ è convergente e a termini positivi. Quale delle seguenti affermazioni è sempre vera? a $\sum_{n=0}^{+\infty} e^{-a_n}$ è convergente; b $\lim_{n \rightarrow +\infty} \sqrt[n]{a_n} < 1$; c $\sum_{n=0}^{+\infty} \log(1 + a_n)$ è convergente; d $\sum_{n=0}^{+\infty} \sqrt{a_n}$ è convergente.

8. $\int_0^{\pi/3} f(\cos x) \tan x dx =$ a $\int_1^{1/2} \frac{f(t)}{t} dt$; b $\int_0^{\pi/3} f(t)t dt$; c $\int_1^{1/2} tf(t) dt$; d $\int_{1/2}^1 \frac{f(t)}{t} dt$.

CALCOLO 1		4 gennaio 2005
Cognome:	Nome:	Matricola:

• Risposta corretta: +1.5. Risposta errata: -0.25.

1. Se $y(x)$ è la soluzione del problema di Cauchy:

$$\begin{cases} y'' + 16y = 0 \\ y(0) = 0 \\ y'(0) = 4 \end{cases}$$

allora a $y(\pi/4) = 0$; b $y(1/4) = 0$; c $\lim_{x \rightarrow +\infty} y(x) = -\infty$; d $\lim_{x \rightarrow +\infty} y(x) = +\infty$.

2. Quali sono i valori del parametro α per cui la serie $\sum_{n=2}^{+\infty} \frac{1 + e^{-n}}{\sqrt{n^\alpha} + \log n}$ è convergente? a $\alpha > 2$;
 b $\alpha > 0$; c Per ogni $\alpha \in \mathbf{R}$; d $\alpha > 1$.

3. $\int_0^{\pi/8} f(x) \cos(4x) dx =$ a $\frac{1}{4}(f(\frac{\pi}{8}) - f(0) - \int_0^{\pi/8} f'(x) \sin(4x) dx)$; b $\frac{1}{4}(f(\frac{\pi}{8}) - \int_0^{\pi/8} f'(x) \sin(4x) dx)$;
 c $4(f(\frac{\pi}{8}) - \int_0^{\pi/8} f'(x) \sin(4x) dx)$; d $4(f(\frac{\pi}{8}) - f(0) - \int_0^{\pi/8} f'(x) \sin(4x) dx)$.

4. $\sum_{n=0}^{+\infty} a_n$ è convergente e a termini positivi. Quale delle seguenti affermazioni è sempre vera? a $\lim_{n \rightarrow +\infty} \frac{a_{n+1}}{a_n} < 1$; b $\sum_{n=0}^{+\infty} \sin a_n$ è convergente; c $\sum_{n=0}^{+\infty} \sqrt{a_n}$ è convergente;
 d $\sum_{n=0}^{+\infty} e^{-a_n}$ è convergente.

5. Supponete che $h : \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$ sia una funzione continua. Quale delle seguenti affermazioni è sicuramente vera? a $\int_{-\infty}^{+\infty} h(x) dx = +\infty$; b Se $\int_0^1 h(x) dx < 0$, allora $h(x) < 100$ per ogni $x \in [0, 1]$; c Se $\int_0^4 h(x) dx > 2$, allora esiste $x_0 \in [0, 4]$ tale che $h(x_0) > 1$; d Se $\int_0^2 h(x) dx > 4$, allora esiste $x_0 \in [0, 2]$ tale che $h(x_0) > 2$.

6. Il polinomio di Taylor di grado 2 della funzione $f(t) = e^{-t^2}$ con centro in $t_0 = 1$ è :
 a $\frac{1}{e}(10t^2 - 16t + 7)$; b $\frac{1}{e}(10t^2 - 5t + 3)$; c $\frac{1}{e}(t - 1)^2$; d $\frac{1}{e}(t - 2)^2$.

7. $\int_0^{\pi/6} f(\cos x) \tan x dx =$ a $\int_0^{\pi/6} f(t) t dt$; b $\int_1^{\sqrt{3}/2} t f(t) dt$; c $\int_{\sqrt{3}/2}^1 \frac{f(t)}{t} dt$; d $\int_1^{\sqrt{3}/2} \frac{f(t)}{t} dt$.

8. $\sum_{n=2}^{+\infty} 3^{-n} =$ a $\frac{1}{6}$; b $\frac{1}{12}$; c $\frac{3}{2}$; d $\frac{4}{3}$.

CALCOLO 1		4 gennaio 2005
Cognome:	Nome:	Matricola:

• *Risposta corretta:* +1.5. *Risposta errata:* -0.25.

- Il polinomio di Taylor di grado 2 della funzione $f(t) = e^{2t^2}$ con centro in $t_0 = 1$ è :
 a $e^2(10t^2 - 5t + 3)$; b $e^2(t - 1)^2$; c $e^2(t - 2)^2$; d $e^2(10t^2 - 16t + 7)$.
- $\int_0^{\pi/10} f(x) \cos(5x) dx =$ a $\frac{1}{5}(f(\frac{\pi}{10}) - \int_0^{\pi/10} f'(x) \sin(5x) dx)$; b $5(f(\frac{\pi}{10}) - \int_0^{\pi/10} f'(x) \sin(5x) dx)$
 c $5(f(\frac{\pi}{10}) - f(0) - \int_0^{\pi/10} f'(x) \sin(5x) dx)$; d $\frac{1}{5}(f(\frac{\pi}{10}) - f(0) - \int_0^{\pi/10} f'(x) \sin(5x) dx)$.
- $\sum_{n=0}^{+\infty} a_n$ è convergente e a termini positivi. Quale delle seguenti affermazioni è sempre vera?
 a $\sum_{n=0}^{+\infty} (e^{a_n} - 1)$ è convergente; b $\sum_{n=0}^{+\infty} \sqrt{a_n}$ è convergente; c $\sum_{n=0}^{+\infty} e^{-a_n}$ è convergente;
 d $\lim_{n \rightarrow +\infty} \sqrt[n]{a_n} < 1$.
- $\int_0^{\pi/4} f(\cos x) \tan x dx =$ a $\int_1^{\sqrt{2}/2} tf(t) dt$; b $\int_{\sqrt{2}/2}^1 \frac{f(t)}{t} dt$; c $\int_1^{\sqrt{2}/2} \frac{f(t)}{t} dt$; d $\int_0^{\pi/4} f(t)t dt$.
- Se $y(x)$ è la soluzione del problema di Cauchy:

$$\begin{cases} y'' - 4y = 0 \\ y(0) = 0 \\ y'(0) = 2 \end{cases}$$
 allora a $y(1/2) = 0$; b $\lim_{x \rightarrow +\infty} y(x) = -\infty$; c $\lim_{x \rightarrow +\infty} y(x) = +\infty$; d $y(\pi/2) = 0$.
- Quali sono i valori del parametro α per cui l'integrale generalizzato $\int_2^{+\infty} \frac{1 + e^{-x}}{\sqrt{x^\alpha + \log x}} dx$ è convergente? a $\alpha > 0$; b Per ogni $\alpha \in \mathbf{R}$; c $\alpha > 1$; d $\alpha > 2$.
- $\sum_{n=2}^{+\infty} 4^{-n} =$ a $\frac{1}{12}$; b $\frac{3}{2}$; c $\frac{4}{3}$; d $\frac{1}{6}$.
- Supponete che $f : \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$ sia una funzione continua. Quale delle seguenti affermazioni è sicuramente vera? a Se $\int_0^1 f(x) dx < 0$, allora $f(x) < 100$ per ogni $x \in [0, 1]$; b Se $\int_0^4 f(x) dx > 2$, allora esiste $x_0 \in [0, 4]$ tale che $f(x_0) > 1$; c Se $\int_0^2 f(x) dx > 4$, allora esiste $x_0 \in [0, 2]$ tale che $f(x_0) > 2$; d $\int_{-\infty}^{+\infty} f(x) dx = +\infty$.

CALCOLO 1		4 gennaio 2005
Cognome:	Nome:	Matricola:

• Risposta corretta: +1.5. Risposta errata: -0.25.

- Quali sono i valori del parametro α per cui la serie $\sum_{n=2}^{+\infty} \frac{1+e^{-n}}{\sqrt{n^\alpha} + \log n}$ è convergente? a Per ogni $\alpha \in \mathbf{R}$; b $\alpha > 1$; c $\alpha > 2$; d $\alpha > 0$.
- $\sum_{n=0}^{+\infty} a_n$ è convergente e a termini positivi. Quale delle seguenti affermazioni è sempre vera? a $\sum_{n=0}^{+\infty} \sqrt{a_n}$ è convergente; b $\sum_{n=0}^{+\infty} e^{-a_n}$ è convergente; c $\lim_{n \rightarrow +\infty} \frac{a_{n+1}}{a_n} < 1$; d $\sum_{n=0}^{+\infty} \log(1+a_n)$ è convergente.
- $\int_0^{\pi/3} f(\cos x) \tan x dx =$ a $\int_{1/2}^1 \frac{f(t)}{t} dt$; b $\int_1^{1/2} \frac{f(t)}{t} dt$; c $\int_0^{\pi/3} f(t)t dt$; d $\int_1^{1/2} tf(t) dt$.
- $\sum_{n=2}^{+\infty} 3^{-n} =$ a $\frac{3}{2}$; b $\frac{4}{3}$; c $\frac{1}{6}$; d $\frac{1}{12}$.
- Il polinomio di Taylor di grado 2 della funzione $f(t) = e^{-t^2}$ con centro in $t_0 = 1$ è: a $\frac{1}{e}(t-1)^2$; b $\frac{1}{e}(t-2)^2$; c $\frac{1}{e}(10t^2 - 16t + 7)$; d $\frac{1}{e}(10t^2 - 5t + 3)$.
- $\int_0^{\pi/4} f(x) \cos(2x) dx =$ a $2(f(\frac{\pi}{4}) - \int_0^{\pi/4} f'(x) \sin(2x) dx)$; b $2(f(\frac{\pi}{4}) - f(0) - \int_0^{\pi/4} f'(x) \sin(2x) dx)$; c $\frac{1}{2}(f(\frac{\pi}{4}) - f(0) - \int_0^{\pi/4} f'(x) \sin(2x) dx)$; d $\frac{1}{2}(f(\frac{\pi}{4}) - \int_0^{\pi/4} f'(x) \sin(2x) dx)$.
- Supponete che $g : \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$ sia una funzione continua. Quale delle seguenti affermazioni è sicuramente vera? a Se $\int_0^4 g(x) dx > 2$, allora esiste $x_0 \in [0, 4]$ tale che $g(x_0) > 1$; b Se $\int_0^2 g(x) dx > 4$, allora esiste $x_0 \in [0, 2]$ tale che $g(x_0) > 2$; c $\int_{-\infty}^{+\infty} g(x) dx = +\infty$; d Se $\int_0^1 g(x) dx < 0$, allora $g(x) < 100$ per ogni $x \in [0, 1]$.
- Se $y(x)$ è la soluzione del problema di Cauchy:

$$\begin{cases} y'' + 4y = 0 \\ y(0) = 0 \\ y'(0) = 2 \end{cases}$$

allora a $\lim_{x \rightarrow +\infty} y(x) = -\infty$; b $\lim_{x \rightarrow +\infty} y(x) = +\infty$; c $y(\pi/2) = 0$; d $y(1/2) = 0$.

CALCOLO 1		4 gennaio 2005
Cognome:	Nome:	Matricola:

• Risposta corretta: +1.5. Risposta errata: -0.25.

1. $\int_0^{\pi/6} f(x) \cos(3x) dx =$ a $3(f(\frac{\pi}{6}) - f(0) - \int_0^{\pi/6} f'(x) \sin(3x) dx)$; b $\frac{1}{3}(f(\frac{\pi}{6}) - f(0) - \int_0^{\pi/6} f'(x) \sin(3x) dx)$; c $\frac{1}{3}(f(\frac{\pi}{6}) - \int_0^{\pi/6} f'(x) \sin(3x) dx)$; d $3(f(\frac{\pi}{6}) - \int_0^{\pi/6} f'(x) \sin(3x) dx)$.

2. $\int_0^{\pi/6} f(\cos x) \tan x dx =$ a $\int_1^{\sqrt{3}/2} \frac{f(t)}{t} dt$; b $\int_0^{\pi/6} f(t)t dt$; c $\int_1^{\sqrt{3}/2} tf(t) dt$; d $\int_{\sqrt{3}/2}^1 \frac{f(t)}{t} dt$.

3. $\sum_{n=2}^{+\infty} 4^{-n} =$ a $\frac{4}{3}$; b $\frac{1}{6}$; c $\frac{1}{12}$; d $\frac{3}{2}$.

4. Supponete che $h : \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$ sia una funzione continua. Quale delle seguenti affermazioni è sicuramente vera? a Se $\int_0^2 h(x) dx > 4$, allora esiste $x_0 \in [0, 2]$ tale che $h(x_0) > 2$; b $\int_{-\infty}^{+\infty} h(x) dx = +\infty$; c Se $\int_0^1 h(x) dx < 0$, allora $h(x) < 100$ per ogni $x \in [0, 1]$; d Se $\int_0^4 h(x) dx > 2$, allora esiste $x_0 \in [0, 4]$ tale che $h(x_0) > 1$.

5. Quali sono i valori del parametro α per cui l'integrale generalizzato $\int_2^{+\infty} \frac{1 + e^{-x}}{\sqrt{x^\alpha + \log x}} dx$ è convergente? a $\alpha > 1$; b $\alpha > 2$; c $\alpha > 0$; d Per ogni $\alpha \in \mathbf{R}$.

6. $\sum_{n=0}^{+\infty} a_n$ è convergente e a termini positivi. Quale delle seguenti affermazioni è sempre vera? a $\sum_{n=0}^{+\infty} e^{-a_n}$ è convergente; b $\lim_{n \rightarrow +\infty} \sqrt[n]{a_n} < 1$; c $\sum_{n=0}^{+\infty} \sin a_n$ è convergente; d $\sum_{n=0}^{+\infty} \sqrt{a_n}$ è convergente.

7. Se $y(x)$ è la soluzione del problema di Cauchy:

$$\begin{cases} y'' - 9y = 0 \\ y(0) = 0 \\ y'(0) = 3 \end{cases}$$

allora a $\lim_{x \rightarrow +\infty} y(x) = +\infty$; b $y(\pi/3) = 0$; c $y(1/3) = 0$; d $\lim_{x \rightarrow +\infty} y(x) = -\infty$.

8. Il polinomio di Taylor di grado 2 della funzione $f(t) = e^{2t^2}$ con centro in $t_0 = 1$ è: a $e^2(t - 2)^2$; b $e^2(10t^2 - 16t + 7)$; c $e^2(10t^2 - 5t + 3)$; d $e^2(t - 1)^2$.

CALCOLO 1		4 gennaio 2005
Cognome:	Nome:	Matricola:

• Risposta corretta: +1.5. Risposta errata: -0.25.

- $\sum_{n=0}^{+\infty} a_n$ è convergente e a termini positivi. Quale delle seguenti affermazioni è sempre vera? a $\lim_{n \rightarrow +\infty} \frac{a_{n+1}}{a_n} < 1$; b $\sum_{n=0}^{+\infty} (e^{a_n} - 1)$ è convergente; c $\sum_{n=0}^{+\infty} \sqrt{a_n}$ è convergente; d $\sum_{n=0}^{+\infty} e^{-a_n}$ è convergente.
- $\sum_{n=2}^{+\infty} 3^{-n} =$ a $\frac{1}{6}$; b $\frac{1}{12}$; c $\frac{3}{2}$; d $\frac{4}{3}$.
- Supponete che $f : \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$ sia una funzione continua. Quale delle seguenti affermazioni è sicuramente vera? a $\int_{-\infty}^{+\infty} f(x) dx = +\infty$; b Se $\int_0^1 f(x) dx < 0$, allora $f(x) < 100$ per ogni $x \in [0, 1]$; c Se $\int_0^4 f(x) dx > 2$, allora esiste $x_0 \in [0, 4]$ tale che $f(x_0) > 1$; d Se $\int_0^2 f(x) dx > 4$, allora esiste $x_0 \in [0, 2]$ tale che $f(x_0) > 2$.
- Se $y(x)$ è la soluzione del problema di Cauchy:

$$\begin{cases} y'' + 16y = 0 \\ y(0) = 0 \\ y'(0) = 4 \end{cases}$$

allora a $y(\pi/4) = 0$; b $y(1/4) = 0$; c $\lim_{x \rightarrow +\infty} y(x) = -\infty$; d $\lim_{x \rightarrow +\infty} y(x) = +\infty$.

- $\int_0^{\pi/8} f(x) \cos(4x) dx =$ a $\frac{1}{4}(f(\frac{\pi}{8}) - f(0) - \int_0^{\pi/8} f'(x) \sin(4x) dx)$; b $\frac{1}{4}(f(\frac{\pi}{8}) - \int_0^{\pi/8} f'(x) \sin(4x) dx)$; c $4(f(\frac{\pi}{8}) - \int_0^{\pi/8} f'(x) \sin(4x) dx)$; d $4(f(\frac{\pi}{8}) - f(0) - \int_0^{\pi/8} f'(x) \sin(4x) dx)$.

- $\int_0^{\pi/4} f(\cos x) \tan x dx =$ a $\int_0^{\pi/4} f(t) t dt$; b $\int_1^{\sqrt{2}/2} t f(t) dt$; c $\int_{\sqrt{2}/2}^1 \frac{f(t)}{t} dt$; d $\int_1^{\sqrt{2}/2} \frac{f(t)}{t} dt$.

- Il polinomio di Taylor di grado 2 della funzione $f(t) = e^{-t^2}$ con centro in $t_0 = 1$ è : a $\frac{1}{e}(10t^2 - 16t + 7)$; b $\frac{1}{e}(10t^2 - 5t + 3)$; c $\frac{1}{e}(t - 1)^2$; d $\frac{1}{e}(t - 2)^2$.

- Quali sono i valori del parametro α per cui la serie $\sum_{n=2}^{+\infty} \frac{1 + e^{-n}}{\sqrt{n^\alpha} + \log n}$ è convergente? a $\alpha > 2$; b $\alpha > 0$; c Per ogni $\alpha \in \mathbf{R}$; d $\alpha > 1$.

CALCOLO 1		4 gennaio 2005
Cognome:	Nome:	Matricola:

• *Risposta corretta:* +1.5. *Risposta errata:* -0.25.

1. $\int_0^{\pi/3} f(\cos x) \tan x dx = \boxed{a} \int_1^{1/2} t f(t) dt; \boxed{b} \int_{1/2}^1 \frac{f(t)}{t} dt; \boxed{c} \int_1^{1/2} \frac{f(t)}{t} dt; \boxed{d} \int_0^{\pi/3} f(t) t dt.$

2. Supponete che $g : \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$ sia una funzione continua. Quale delle seguenti affermazioni è sicuramente vera? \boxed{a} Se $\int_0^1 g(x) dx < 0$, allora $g(x) < 100$ per ogni $x \in [0, 1]$; \boxed{b} Se $\int_0^4 g(x) dx > 2$, allora esiste $x_0 \in [0, 4]$ tale che $g(x_0) > 1$; \boxed{c} Se $\int_0^2 g(x) dx > 4$, allora esiste $x_0 \in [0, 2]$ tale che $g(x_0) > 2$; \boxed{d} $\int_{-\infty}^{+\infty} g(x) dx = +\infty.$

3. Se $y(x)$ è la soluzione del problema di Cauchy:

$$\begin{cases} y'' - 4y = 0 \\ y(0) = 0 \\ y'(0) = 2 \end{cases}$$

allora \boxed{a} $y(1/2) = 0$; \boxed{b} $\lim_{x \rightarrow +\infty} y(x) = -\infty$; \boxed{c} $\lim_{x \rightarrow +\infty} y(x) = +\infty$; \boxed{d} $y(\pi/2) = 0.$

4. Il polinomio di Taylor di grado 2 della funzione $f(t) = e^{2t^2}$ con centro in $t_0 = 1$ è : \boxed{a} $e^2(10t^2 - 5t + 3)$; \boxed{b} $e^2(t - 1)^2$; \boxed{c} $e^2(t - 2)^2$; \boxed{d} $e^2(10t^2 - 16t + 7).$

5. $\sum_{n=0}^{+\infty} a_n$ è convergente e a termini positivi. Quale delle seguenti affermazioni è sempre vera? \boxed{a} $\sum_{n=0}^{+\infty} \log(1 + a_n)$ è convergente; \boxed{b} $\sum_{n=0}^{+\infty} \sqrt{a_n}$ è convergente; \boxed{c} $\sum_{n=0}^{+\infty} e^{-a_n}$ è convergente; \boxed{d} $\lim_{n \rightarrow +\infty} \sqrt[n]{a_n} < 1.$

6. $\sum_{n=2}^{+\infty} 4^{-n} = \boxed{a} \frac{1}{12}; \boxed{b} \frac{3}{2}; \boxed{c} \frac{4}{3}; \boxed{d} \frac{1}{6}.$

7. Quali sono i valori del parametro α per cui l'integrale generalizzato $\int_2^{+\infty} \frac{1 + e^{-x}}{\sqrt{x^\alpha + \log x}} dx$ è convergente? \boxed{a} $\alpha > 0$; \boxed{b} Per ogni $\alpha \in \mathbf{R}$; \boxed{c} $\alpha > 1$; \boxed{d} $\alpha > 2.$

8. $\int_0^{\pi/10} f(x) \cos(5x) dx = \boxed{a} \frac{1}{5} (f(\frac{\pi}{10}) - \int_0^{\pi/10} f'(x) \sin(5x) dx); \boxed{b} 5(f(\frac{\pi}{10}) - \int_0^{\pi/10} f'(x) \sin(5x) dx)$
; $\boxed{c} 5(f(\frac{\pi}{10}) - f(0) - \int_0^{\pi/10} f'(x) \sin(5x) dx); \boxed{d} \frac{1}{5} (f(\frac{\pi}{10}) - f(0) - \int_0^{\pi/10} f'(x) \sin(5x) dx).$

CALCOLO 1		4 gennaio 2005
Cognome:	Nome:	Matricola:

• *Risposta corretta:* +1.5. *Risposta errata:* -0.25.

1. $\sum_{n=2}^{+\infty} 3^{-n} =$ a $\frac{3}{2}$; b $\frac{4}{3}$; c $\frac{1}{6}$; d $\frac{1}{12}$.

2. Se $y(x)$ è la soluzione del problema di Cauchy:

$$\begin{cases} y'' + 9y = 0 \\ y(0) = 0 \\ y'(0) = 3 \end{cases}$$

allora a $\lim_{x \rightarrow +\infty} y(x) = -\infty$; b $\lim_{x \rightarrow +\infty} y(x) = +\infty$; c $y(\pi/3) = 0$; d $y(1/3) = 0$.

3. Il polinomio di Taylor di grado 2 della funzione $f(t) = e^{-t^2}$ con centro in $t_0 = 1$ è :
 a $\frac{1}{e}(t-1)^2$; b $\frac{1}{e}(t-2)^2$; c $\frac{1}{e}(10t^2 - 16t + 7)$; d $\frac{1}{e}(10t^2 - 5t + 3)$.

4. Quali sono i valori del parametro α per cui la serie $\sum_{n=2}^{+\infty} \frac{1 + e^{-n}}{\sqrt{n^\alpha} + \log n}$ è convergente? a Per ogni $\alpha \in \mathbf{R}$; b $\alpha > 1$; c $\alpha > 2$; d $\alpha > 0$.

5. $\int_0^{\pi/3} f(\cos x) \tan x dx =$ a $\int_{1/2}^1 \frac{f(t)}{t} dt$; b $\int_1^{1/2} \frac{f(t)}{t} dt$; c $\int_0^{\pi/3} f(t)t dt$; d $\int_1^{1/2} tf(t) dt$.

6. Supponete che $h : \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}$ sia una funzione continua. Quale delle seguenti affermazioni è sicuramente vera? a Se $\int_0^4 h(x) dx > 2$, allora esiste $x_0 \in [0, 4]$ tale che $h(x_0) > 1$; b Se $\int_0^2 h(x) dx > 4$, allora esiste $x_0 \in [0, 2]$ tale che $h(x_0) > 2$; c $\int_{-\infty}^{+\infty} h(x) dx = +\infty$; d Se $\int_0^1 h(x) dx < 0$, allora $h(x) < 100$ per ogni $x \in [0, 1]$.

7. $\int_0^{\pi/6} f(x) \cos(3x) dx =$ a $3(f(\frac{\pi}{6}) - \int_0^{\pi/6} f'(x) \sin(3x) dx)$; b $3(f(\frac{\pi}{6}) - f(0) - \int_0^{\pi/6} f'(x) \sin(3x) dx)$
 c $\frac{1}{3}(f(\frac{\pi}{6}) - f(0) - \int_0^{\pi/6} f'(x) \sin(3x) dx)$; d $\frac{1}{3}(f(\frac{\pi}{6}) - \int_0^{\pi/6} f'(x) \sin(3x) dx)$.

8. $\sum_{n=0}^{+\infty} a_n$ è convergente e a termini positivi. Quale delle seguenti affermazioni è sempre vera? a $\sum_{n=0}^{+\infty} \sqrt{a_n}$ è convergente; b $\sum_{n=0}^{+\infty} e^{-a_n}$ è convergente; c $\lim_{n \rightarrow +\infty} \frac{a_{n+1}}{a_n} < 1$;
 d $\sum_{n=0}^{+\infty} \sin a_n$ è convergente.